

ORVOSI STATISZTIKA

Élettan

Anatómia

Kémia

...

Lehet kérdés?

StatisztiKa



Az orvos **döntés**eket hoz!

Mikor jó egy döntés?

Mennyire helyes egy döntés?

Mekkora a tévedés lehetősége?

Az orvosi statisztika helye

Elmélet:
matematika



Gyakorlat:
alkalmazott statisztika
(kiemelt példák)



Példa: test hőmérséklet



36,7 °C



36,9 °C



36,6 °C



36,7 °C



36,9 °C



36,5 °C

1. Mérési pontatlanság.

2. Időbeli ingadozások!!!

A megfigyelt értékek nem állandóak!

3. **Biológiai változatosság!!!**

Mért érték: 37,0 °C.
Egészséges vagy beteg?

Egyéb példák

RBC: $4,5 \times 10^{12} \text{ 1/l}$ ($3,9\text{-}5 \times 10^{12} \text{ 1/l}$) → normál tartomány?

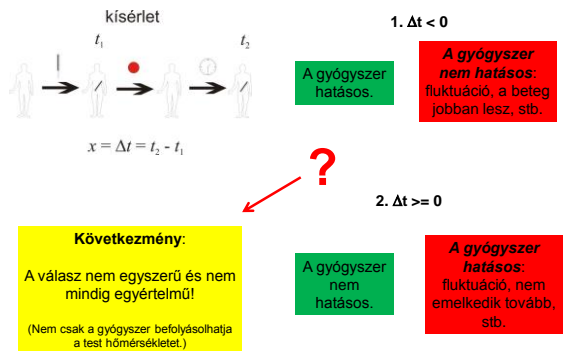
Az új terápiás eljárás hatékonyabb mint a régi?

Hogyan igazolható egy lázcsillapító hatásossága?



Kérdések!

Hogyan válaszolható meg?



Változók

változó	tartomány	típus	A változó típusa	
magasság	~50 cm ... ~250 cm	valós szám	numerikus	folytonos
fogak száma	0 .. 32	egész szám		diszkrét
vércsoport	A, B, AB, 0	betűk		nominális
a rák stádiumai	1 ... 4	egész szám	kategóriális	ordinális

Leíró statisztika!

A változó leírása

- Típusa
- Lehetséges értékek
- Az értékek előfordulása

Numerikus változók

Név	<i>folytonos</i>	<i>diszkrét</i>
Definíció	Végtelen sok érték lehetséges, egy adott tartományban	Véges számú lehetséges érték
Példa	Magasság, testhőmérséklet ...	A fogak száma, a gyerekek száma...

Kategoriális változók

Név	Nominális	Ordinális
Definíció	Nincs sorrend	Létezik természetes sorrend
Példa	nem, vércsoport ...	A betegség súlyossága, a fájdalom nagysága...

A lehetséges értékek megadása

- Folytonos : megadjuk a lehetséges tartományt.
» pl. magasság: ~60 cm - ~ 250 cm
- Egyéb: felsoroljuk az értékeket, ha lehetséges
» pl. vércsoport: A, B, AB, 0

Előfordulás

Megfigyelés: Az értékek előfordulása nem azonos mértékű!



Kísérlet: mérés, megfigyelés, kikérdezés...

Csak olyan esetekkel foglalkozunk, amelyekben a kísérlet megismételhető!

Kimenetel: Egy kísérlet eredménye. (pl.: egy hallgató magassága)

Populáció

Hány kísérletre van szükség?



Amennyi csak lehetséges.



Ideális eset: pl. az összes ember → **populáció**

Minta

Egy kisebb, véges számú hányad a populációból.



- n : az elemek száma a mintában.
 x : a vizsgált mennyiség
 x_i : egy elem a mintából

A minta kiválasztása

Alapelv: véletlen minta.

Orvosi statisztika: ha nincs egyéb kizáró ok, akkor véletlen legyen a kiválasztás!

Előfordulás

Gyakoriság (k): egy adott érték előfordulásának a száma.

k_i : az i -edik érték előfordulása.

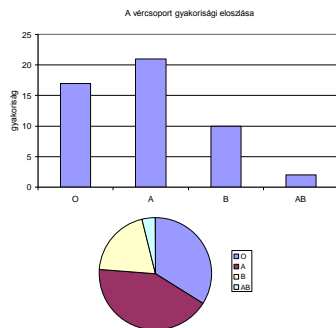
$$n = \sum_i k_i$$

Gyakoriság eloszlás

A gyakoriság a változó értékeinek a függvényében.

Vércsoport	0	A	B	AB	összes
gyakoriság	17	21	10	2	50

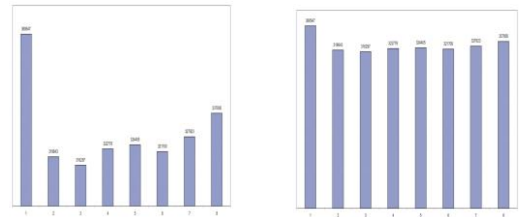
Megjelenítés



oszlop
diagramm

kördiagramm

A megjelenítés csapdái



Relatív gyakoriság

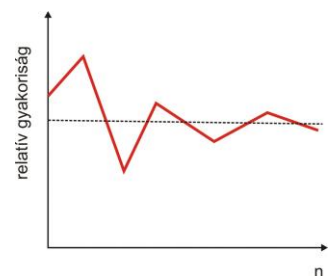
A gyakoriság aránya a teljes elemszámhoz viszonyítva.

$$\sum_i \frac{k_i}{n} = \frac{1}{n} \sum_i k_i = \frac{1}{n} \times n = 1$$

Gyakran százalékos formában adjuk meg:

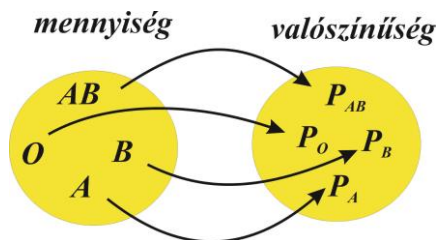
$$\frac{k_i}{n} \times 100\%$$

Valószínűség (P)



A valószínűség a relatív gyakoriság értéke, ha n tart a végtelenhez.

Valószínűség eloszlás



A valószínűség tulajdonságai

$$0 \leq P \leq 1$$

$P = 0$ - sohasem fordul elő

$P = 1$ - mindig előfordul

példa: vércsoport

$$P_A + P_B + P_{AB} + P_O = 1 \longrightarrow \sum_i P_i = 1$$

(ha, egymást kizáró események)

Valószínűség és relatív gyakoriság

Minta

n véges!

relatív gyakoriság

Populáció

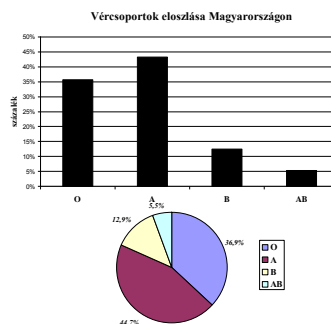
$n = \infty$

valószínűség

A valószínűség nagyon gyakran nem ismert!

A gyakorlatban a relatív valószínűséget használjuk helyette.

Megjelenítés



Folytonos változó

Végtelen sok lehetséges érték!!!

Osztály: egy kis intervallum a teljes értéktartományon belül.

Osztályszélesség: Az intervallum hossza.

Gyakoriság: azon elemek száma, amelyek az adott intervallumba esnek.

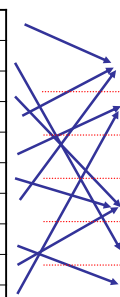


Olyan, mintha diszkrét értékek lennének !

Egy példa

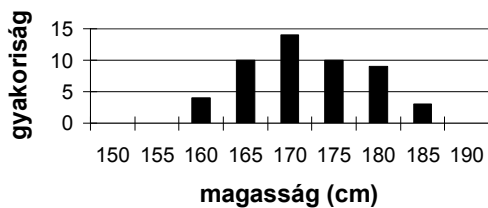
1	160 cm
2	181 cm
3	175 cm
4	163 cm
5	165 cm
6	179 cm
7	164 cm
8	185 cm
9	177 cm
10	168 cm

osztály	k_i
160-164	3
165-169	2
170-174	0
175-179	3
180-184	1
185-189	1



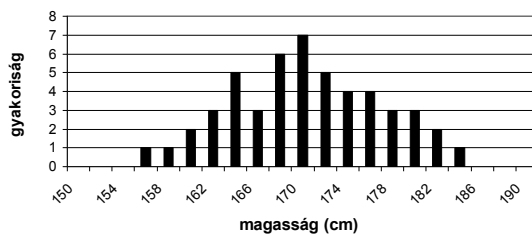
Megjelenítés

gyakorisági eloszlás (5 cm)



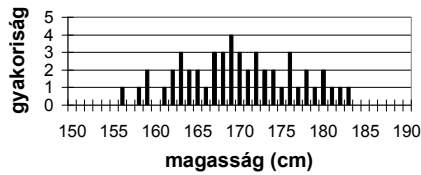
Finomabb felosztás

gyakorisági eloszlás (2 cm)

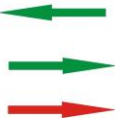


Megjelenítés

gyakorisági eloszlás (1 cm)



osztály-
szélesség
osztályok
száma
elemszám

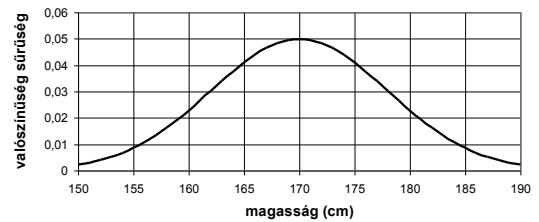


Valóban teljes leíráshoz
akkor jutunk, ha az
elemszám végtelen
nagy!

Normális eloszlás

Ha az osztályszélesség végtelenül kicsi
és az elemszám végtelenül nagy!

normális eloszlás ($\mu=170$, $\sigma=8$)



Elméleti eloszlás

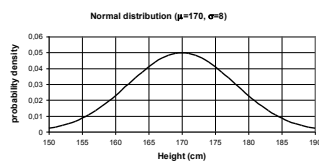
Normális vagy Gauss-eloszlás

$$g(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$

Paraméterek:

μ – várható érték

σ – elméleti szórás



Elméleti leírás

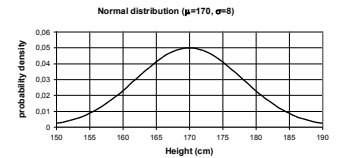
Normális vagy Gauss-eloszlás

$$g(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$

Paraméterek:

μ – várható érték,
vagy elméleti átlag

σ – elméleti szórás



Tulajdonságai, a paraméterek jelentése

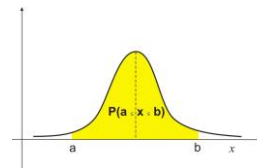
- A $-\infty$ -tól $+\infty$ -ig terjed,
- szimmetrikus,
- A görbe alatti terület 1.

μ : a görbe maximumához tartozó érték.

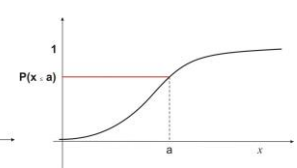
σ : az adatok átlagos eltérése a μ -tól.

Sűrűségfüggvény, eloszlásfüggvény

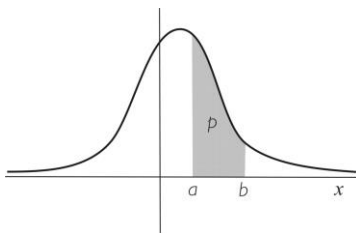
Sűrűségfüggvény



Eloszlásfüggvény



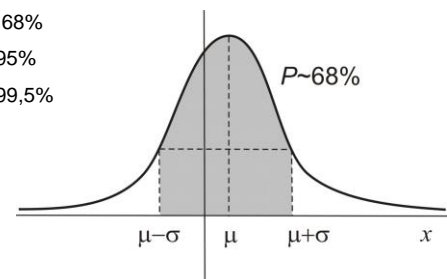
A valószínűség jelentése



P annak a valószínűsége, hogy az x érték az (a,b) intervallumba esik, ill. az adatok $P\%$ -a tartozik ehhez az intervallumhoz.

Elméleti szórás

- $(\mu \pm \sigma) \sim 68\%$
- $(\mu \pm 2\sigma) \sim 95\%$
- $(\mu \pm 3\sigma) \sim 99,5\%$



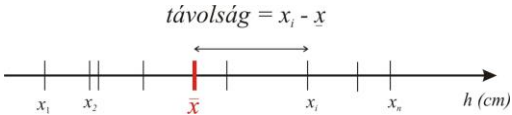
Normális eloszlás

Elméleti eloszlás! A populáció egészére jellemző. A gyakorlatban általában nem ismerjük a paramétereit.



Általában csak egy vagy több véletlen mintánk van a teljes populációból.

A μ becslése

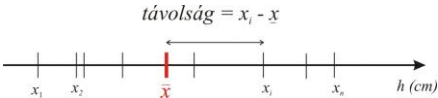


átlag: az elemekhez képest középén kell elhelyezkednie.

$$\sum_i (x_i - \bar{x}) = 0 \longrightarrow \bar{x} = \frac{\sum_i x_i}{n}$$

A σ becslése

σ = Az adatok átlagos eltérése a μ -tól.
 s (tapasztalati szórás) = az elemek átlagos eltérése az átlagtól.



$$Q_x = \sum_i (x_i - \bar{x})^2 \geq 0$$

A (tapasztalati) szórás

$$s = \sqrt{\frac{Q_x}{n-1}}$$

s : az elemek átlagos eltérése az átlagtól.



$n-1$: a **szabadsági fok**

$(\bar{x} \pm s) \sim 68\%$
 $(\bar{x} \pm 2s) \sim 95\%$
 $(\bar{x} \pm 3s) \sim 99,5\%$

Példa: 3 szám átlaga = 12. Melyik ez a három szám?

Minta	1. szám	2. szám	3. szám
1.	8	15	$36 - (8 + 15) = 13$
2.	3	14	$36 - (3 + 14) = 19$
3.	10	21	$36 - (10 + 21) = 5$

A minta és a populáció kapcsolata

minta	$n \rightarrow \infty$	populáció
átlag		μ
s		σ

A hét kérdése

- Hogyan becsülhető meg a várható érték és az elméleti szórás értéke a minta alapján?