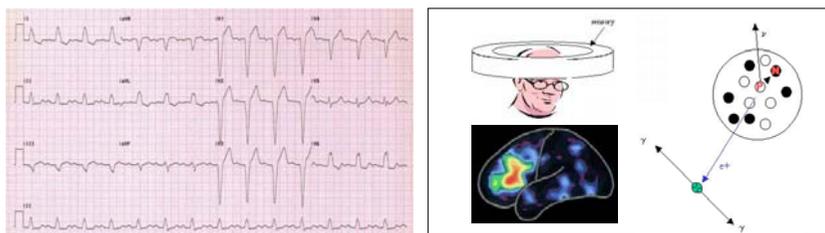




Kis orvosi jelfeldolgozás



KAD 2019.12.12

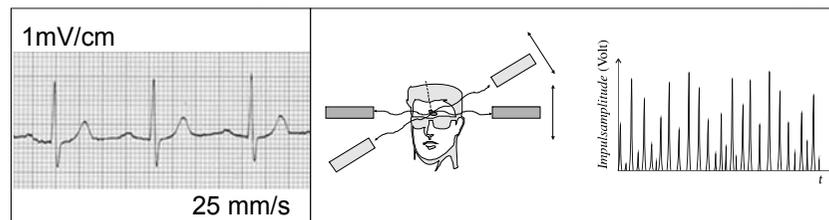
Jel: olyan (fizikai) mennyiség, amely információt hordoz, továbbít vagy tárol

pl. (1)
elektromos feszültség, amely a szív-/izom-/agyműködés következtében a test vagy a koponya felszínén mérhető (EKG/EMG/EEG)

pl. (2)
izotópdiagnosztikában a gamma kvantumok detektálása

(1)

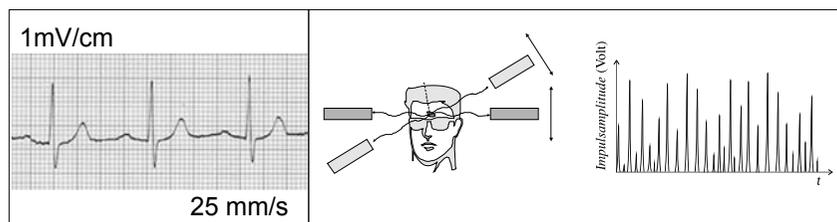
(2)



2

A jelek osztályozási lehetőségei

- | | | |
|---------------|---|------------------|
| statikus | – | (időben) változó |
| periodikus | – | nem-periodikus |
| véletlenszerű | – | determinisztikus |
| impulzusszerű | – | folytonos |
| elektromos | – | nem elektromos |
| analóg | – | digitális |



3

kitüntetett szerepben

elektromos jelek

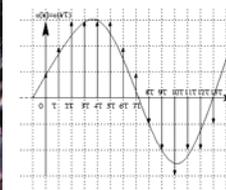
a nem elektromos jeleket átalakítjuk elektromos jellé

az **elektromos** jelek előnyei: átalakítás, erősítés, jeltovábbítás egyszerű

digitális jelek

az analóg jeleket digitalizáljuk

a **digitális** jelek előnyei: a tárolás egyszerű, a zaj tervezhető és szerepe csökkenthető



4

mennyiség és egység, ami a jelek nagyságának összehasonlítására szolgál:

jelszint vagy Bel-szám (v. Decibel-szám): n (A. Bell után)

n egysége: Bel (B) vagy decibel (dB)

$$n = \lg \frac{P_2}{P_1} \text{ B} = \lg \frac{J_2}{J_1} \text{ B} = \lg \frac{E_2}{E_1} \text{ B}$$

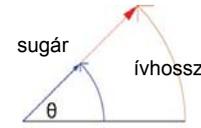
a teljesítmények (intenzitások, energiák) hányadosának tízes alapú logaritmus

5

v.ö. **radián** (ívmérték)

$$\theta = \frac{\text{ívhossz}}{\text{sugár}}$$

$$[\theta] = \frac{\text{m}}{\text{m}} = \text{rad} = 1$$



v.ö. **pH** (power of Hydrogen)

$$\text{pH} = -\lg \frac{[\text{H}^+]}{1\text{M}}$$

$$\text{zB.: } [\text{H}^+] = 10^{-7}\text{M}$$

$$\Rightarrow \text{pH} = -\lg 10^{-7} = -1 \cdot (-7) = 7$$

a bel szám helyett a **decibel-szám** használatos

$$n = 10 \cdot \lg \frac{P_2}{P_1} \text{ dB}$$

$$(10\text{d} = 1)$$

6

a **jellemző** mennyiség: **teljesítmény** (v. intenzitás/energia),
technikai mennyiség: (elektromos) **feszültség**

összefüggés a teljesítmény és a feszültség között :

$$P = U \cdot I = \frac{U^2}{R} \quad (\text{Ohm: } U = R \cdot I)$$

jelszint a feszültségekkel:

$$n = 10 \cdot \lg \frac{P_2}{P_1} \text{ dB} = 10 \cdot \lg \frac{\frac{U_2^2}{R_2}}{\frac{U_1^2}{R_1}} \text{ dB} =$$

$$= 10 \cdot \lg \frac{U_2^2}{U_1^2} \text{ dB} = 20 \cdot \lg \frac{U_2}{U_1} \text{ dB}$$

7

$$\frac{P_2}{P_1} = 2 \Leftrightarrow 10 \lg 2 \text{ dB} =$$

$$= 10 \cdot 0,3 \text{ dB} = 3 \text{ dB}$$

$$\frac{P_2}{P_1} = \frac{1}{2} \Leftrightarrow -3 \text{ dB}$$

v.ö. felezési idő/rétegv.

$$\frac{P_2}{P_1} = 10 \Leftrightarrow 10 \cdot \lg 10 \text{ dB} =$$

$$= 10 \cdot 1 \text{ dB} = 10 \text{ dB}$$

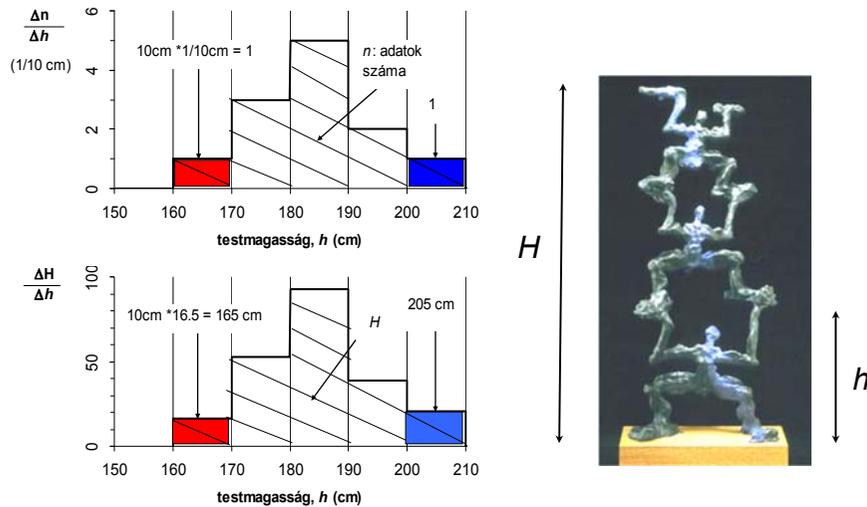
$$\frac{P_2}{P_1} = 100 \Leftrightarrow 10 \lg 100 \text{ dB} =$$

$$= 10 \cdot 2 \text{ dB} = 20 \text{ dB}$$

U_2/U_1	P_2/P_1	dB
1,414	2	3
2	4	6
	8	9
3,16	10	10
	20	13
10	100	20
	$1000=10^3$	30
$100=10^2$	$10000=10^4$	40
$1000=10^3$	10^6	60

8

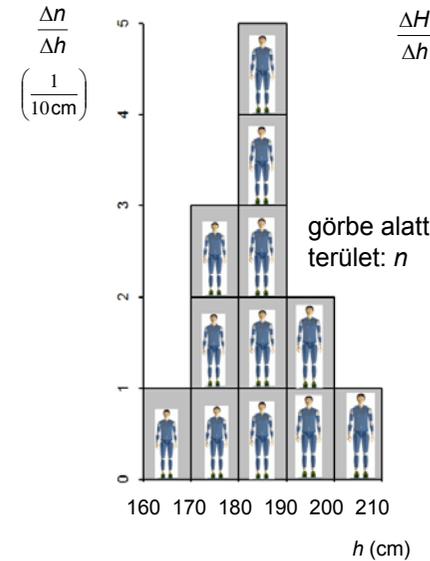
Gyakorisági eloszlás sűrűségfüggvény



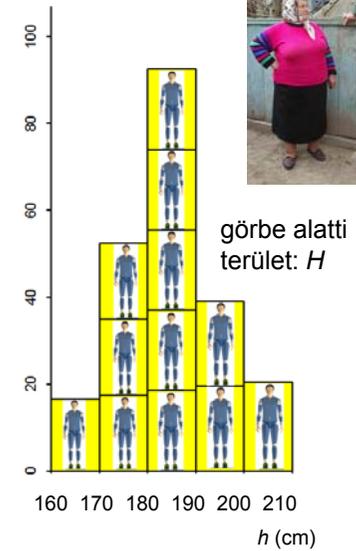
Spektrum, mint speciális gyakorisági eloszlás

9

Sűrűségfüggvény



Spektrum



10

Fourier-tétel periodikus függvényekre (jelekre)

minden (jól viselkedő) periodikus függvény előállítható szinusz (és koszinusz) függvények összegeként az alap- és felharmonikusokból

periodikus függvény:
van periódusa, T



$\frac{1}{T} = f$, ahol f a frekvencia

az olyan szinuszfüggvény, amelynek frekvenciája megegyezik a jel frekvenciájával:

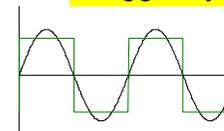
alapharmonikus (alapfrekvencia, alaprezgés)

$2f, 3f, 4f, \dots$: **felharmonikusok** (felhangok)

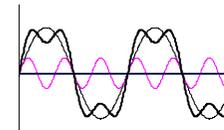
(vonalas spektrum)

11

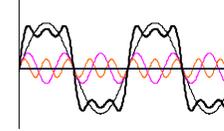
függvény



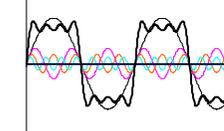
négyszögfv.
alapharmonikus



alapharm.+
3. felharm.

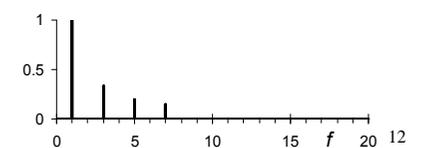
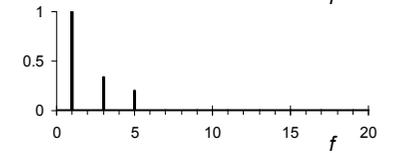
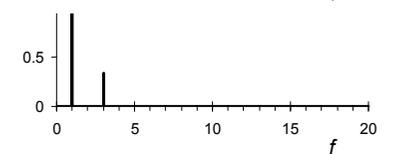
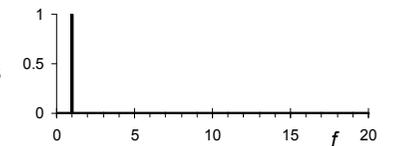


alapharm.+
3. felharm.+
5. felharm.



alapharm.+
3. felharm.+
5. felharm.+
7. felharm.

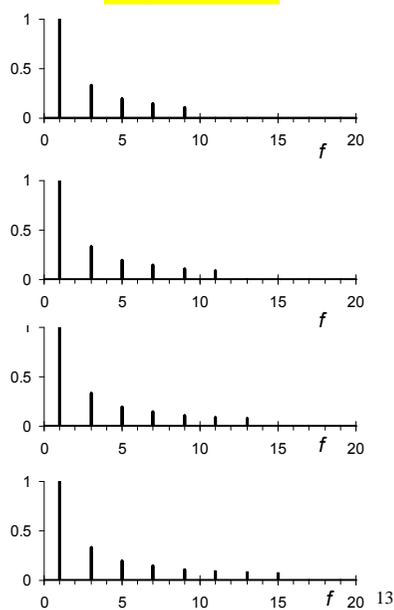
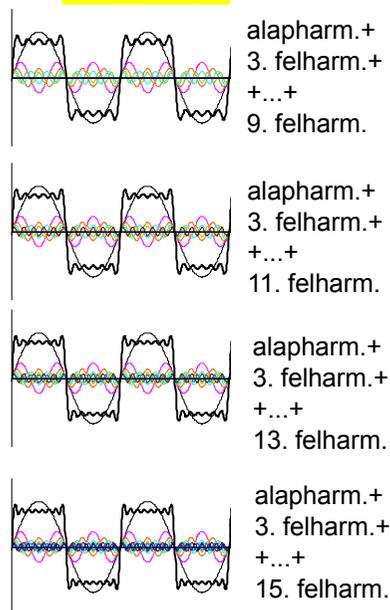
spektrum



12

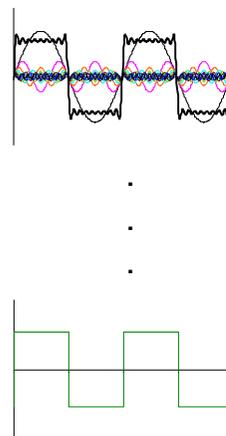
függvény

spektrum

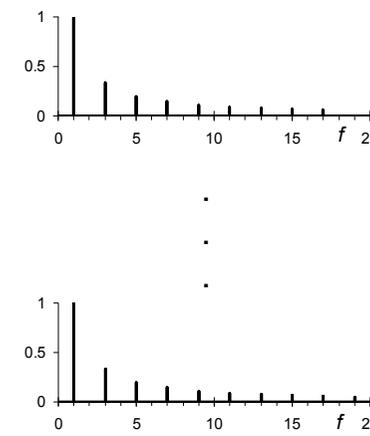


függvény

spektrum

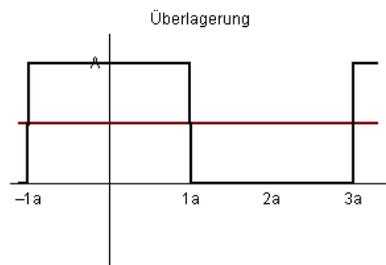
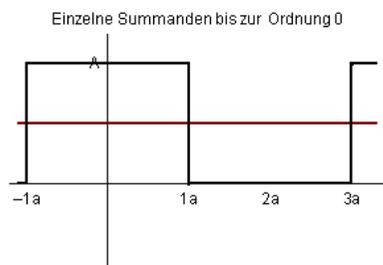
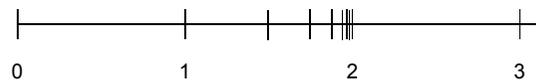


alapharm.+
3. felhang+
+...+
17. felhang

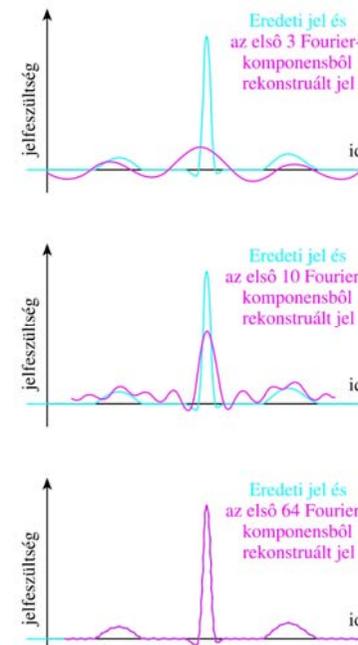


v.ö. függvénysor

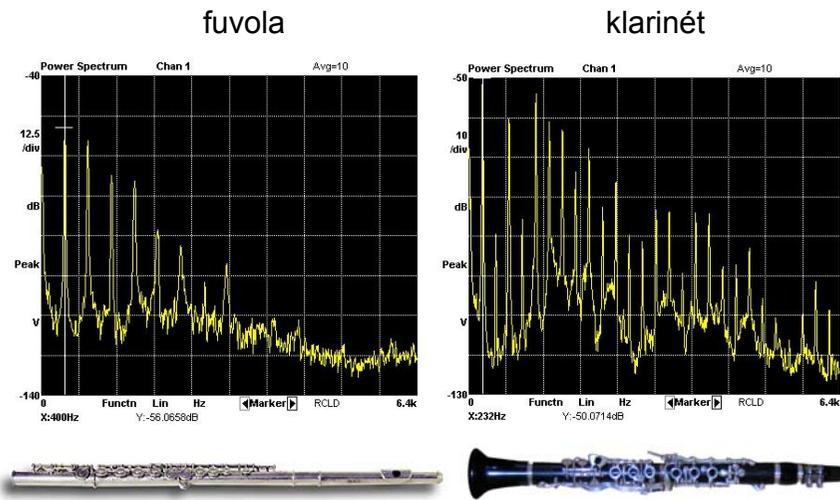
$$\sum_{k=0}^{\infty} \frac{1}{2^k} = \frac{1}{2^0} + \frac{1}{2^1} + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{2^3} + \dots = 1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \dots = 2$$



EKG jel
előállítás
szinuszkökből



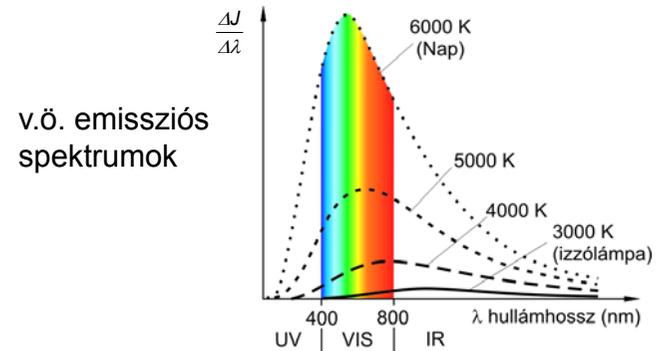
Az alap- és felharmonikusokat miért hívják alap- és felhangoknak?



Fourier-tétel aperiodikus függvényekre (jelekre)

minden (jól viselkedő) függvény előállítható szinusz (és koszinusz) függvények összegeként.

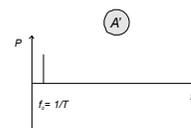
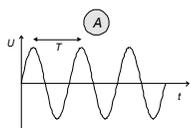
A spektruma: folytonos.



v.ö. emissziós spektrumok

függvény

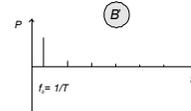
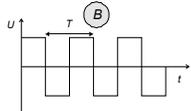
szinusz függvény



spektrum

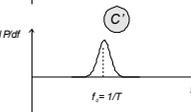
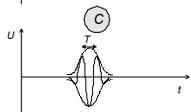
vonalas sp. (1 vonal)

periodikus függvény



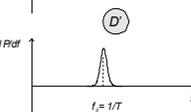
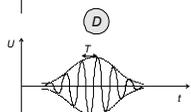
vonalas spektrum

egy pár periódus



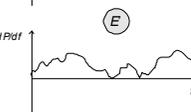
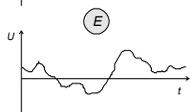
sávós spektrum

kicsit több periódus



sávós spektrum

aperiodikus függvény

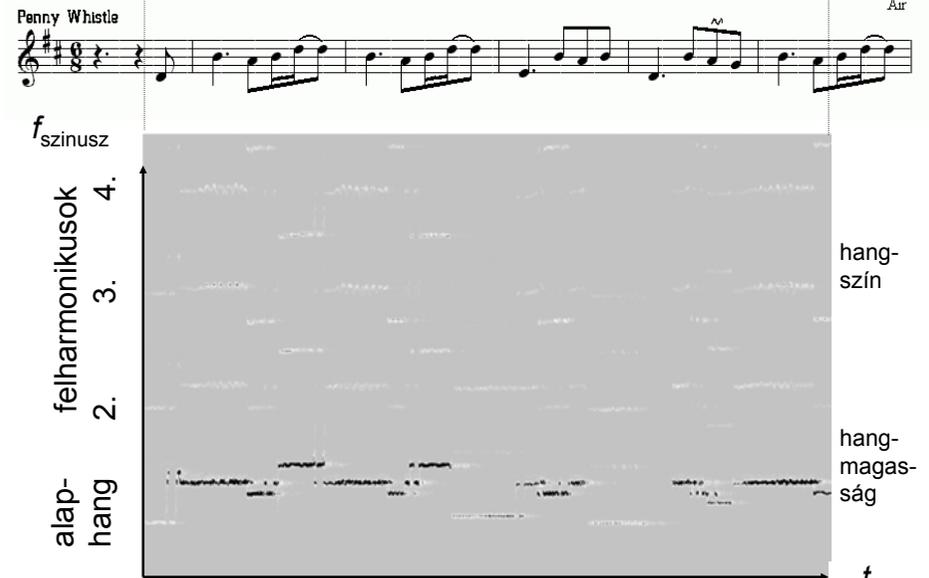


folytonos spektrum

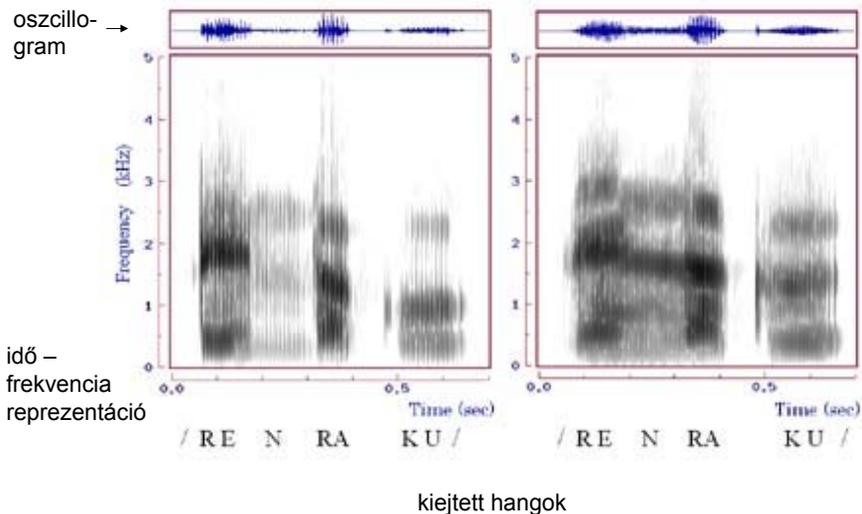
Inisheer

Zene idő-frekvencia reprezentációban

Traditional



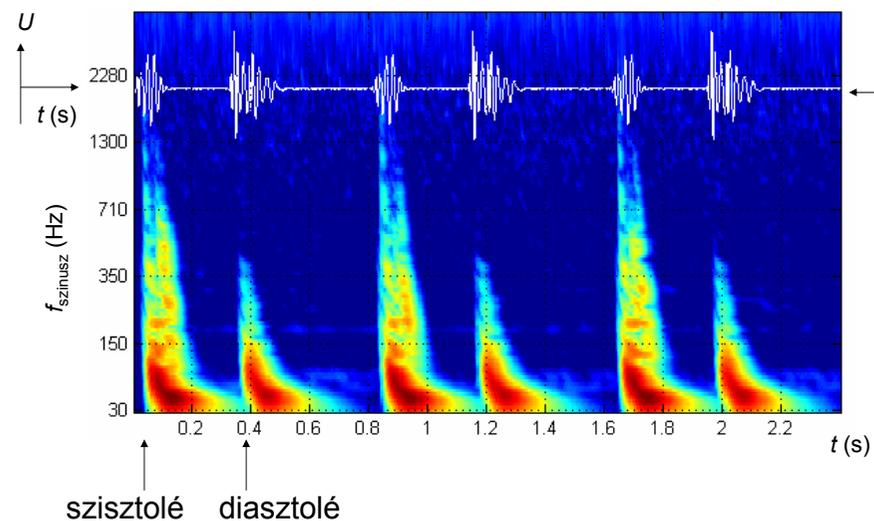
„Hanglenyomat” (voiceprint)



<http://www.nrips.go.jp/org/fourth/info3/index-e.html>

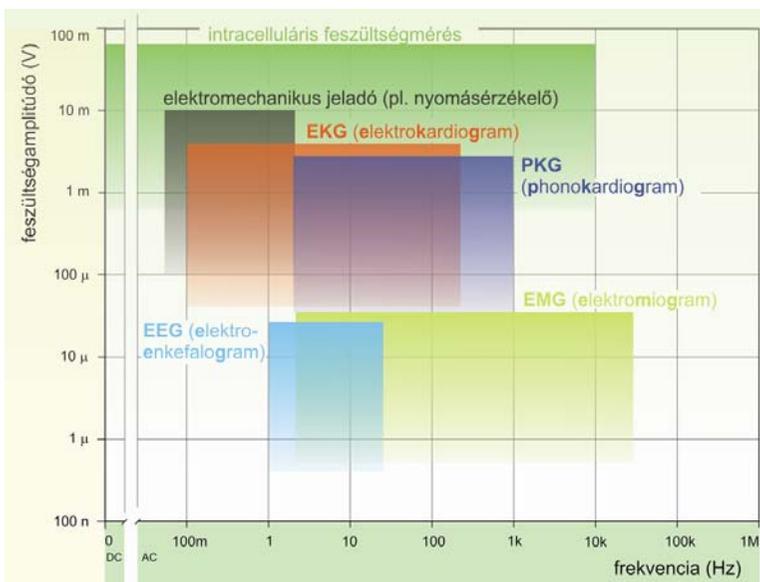
21

Szívhangok idő-frekvencia reprezentációban (+ oszcillogram)



22

Biológiai jelek frekvencia és amplitúdó viszonyai



Jegyzet 17. fejezet, címlap, v.ö. Orvosi biofizika tkv. VII.4.ábra

23

PI. egy frekvenciafüggő egységre: Elektromos erősítő

$$(1) P_{be} < P_{ki}$$

$$(2) P_{be} \text{ és } P_{ki} : \text{azonos alakú függvények}$$

azonos: „fundamentalista” követelmény
hasonló: realista igény

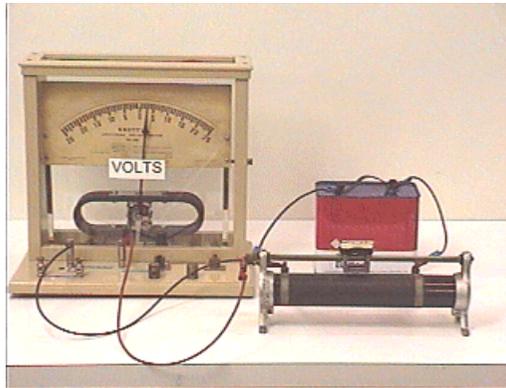
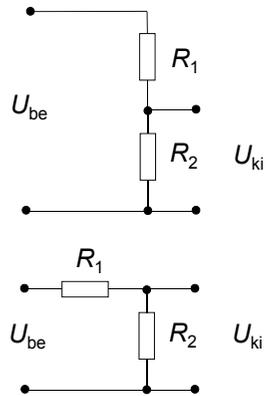
$$(1) + (2) A_p \cdot P_{be}(t) \equiv P_{ki}(t), \text{ ahol } A_p > 1$$

$$A_p = \frac{P_{ki}}{P_{be}}, \text{ teljesítményerősítés(i tényező)}$$

$$A_U = \frac{U_{ki}}{U_{be}}, \text{ feszültségerősítés(i tényező)}$$

24

(frekvencia független) feszültség-osztó



$$U_{ki} = \frac{R_2}{R_1 + R_2} U_{be}$$

frekvenciafüggő feszültség-osztás: kondenzátorral

kiegészítő anyag

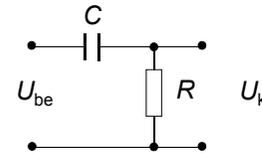
felüláteresztő/alulvágó szűrő (high-pass filter)

szórt kapacitás

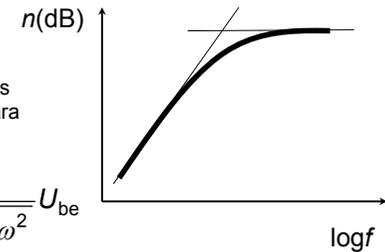


$$R_c = \frac{1}{C\omega}$$

a kapacitás nagyfrekvencián rövidzár



fáziskülönbség miatt összegzés vektorok módjára



$$U_{ki} = \frac{R}{\sqrt{1 + R^2 C^2 \omega^2}} U_{be} = \frac{RC\omega}{\sqrt{1 + R^2 C^2 \omega^2}} U_{be}$$

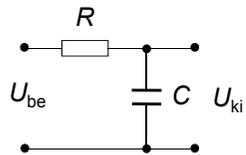
nagyon kis frekvencián: ha $\omega \ll \omega_0$ ($\omega \approx 0$), $U_{ki} = 0$

kis frekvencián: ha $\omega \ll \omega_0$, $U_{ki} = RC\omega U_{be}$ ↔ 6 dB/oktáv

nagy frekvencián: ha $\omega \approx \infty$, $U_{ki} = U_{be}$

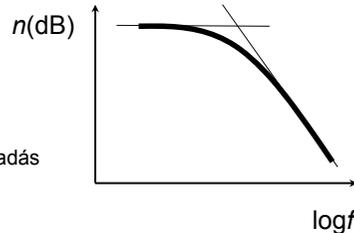
kiegészítő anyag

aluláteresztő/felülvágó szűrő (low-pass filter)



$$R_c = \frac{1}{C\omega}$$

a kapacitás kisfrekvencián szakadás



$$U_{ki} = \frac{1}{\sqrt{R^2 + \frac{1}{C^2 \omega^2}}} U_{be} = \frac{1}{\sqrt{R^2 C^2 \omega^2 + 1}} U_{be}$$

kis frekvencián: ha $\omega \ll \omega_0$ ($\omega \approx 0$), $U_{ki} = U_{be}$

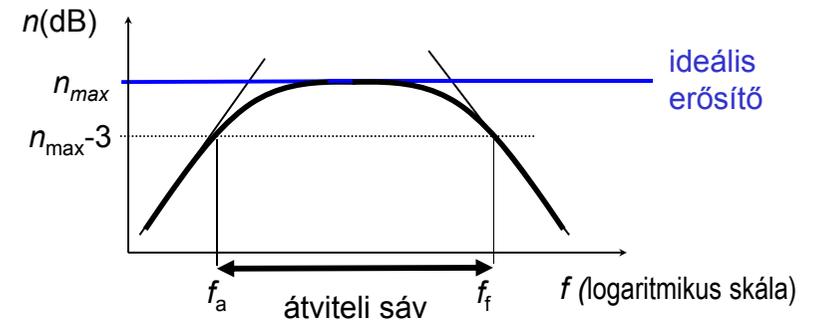
nagy frekvencián: ha $\omega \gg \omega_0$, $U_{ki} = \frac{1}{RC\omega} U_{be}$ ↔ -6 dB/oktáv

nagyon nagy frekvencián: ha $\omega \gg \omega_0$ ($\omega \approx \infty$), $U_{ki} = 0$

(1)-re: $A_p > 1$,

$$n = 10 \lg A_p = 20 \lg A_U > 0 \text{ dB}$$

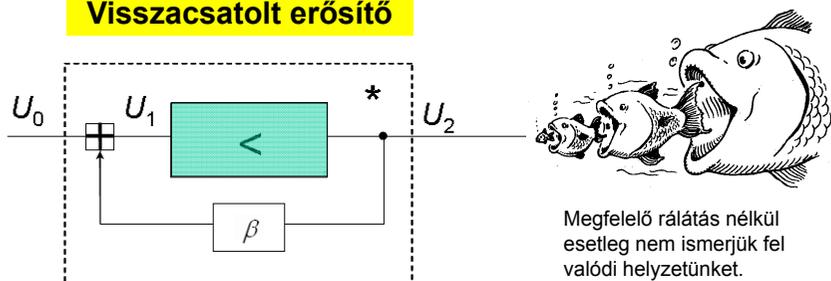
(2)-re: **frekvencia karakterisztika**



f_a : alsó határfrekvencia

f_f : alsó határfrekvencia

Visszacsatolt erősítő



(a) $U_1 = U_0 + \beta U_2$ (b) $A_U = \frac{U_2}{U_1}$

(c) $A_U^* = \frac{U_2}{U_0} = \frac{U_1 A_U}{U_0} = \frac{(U_0 + \beta U_2) A_U}{U_0} = A_U + \beta \frac{U_2}{U_0} A_U = A_U + \beta A_U^* A_U$

$A_U^* - \beta A_U^* A_U = A_U$ $A_U^* = \frac{A_U}{1 - \beta A_U}$

$A_U^* = \frac{A_U}{1 - \beta A_U}$, A_U^* : a v.cs. erősítő fesz.erősítési tényezője
 A_U : az erősítő fesz. erősítési tényezője
 A_U : (v.cs. nélkül)

$\beta > 0$, pozitív v.cs. (azonos fázisban), $A_U^* > A_U$ (előny)

$\beta < 0$, negatív v.cs. (ellentett fázisban), $A_U^* < A_U$ (hátrány)

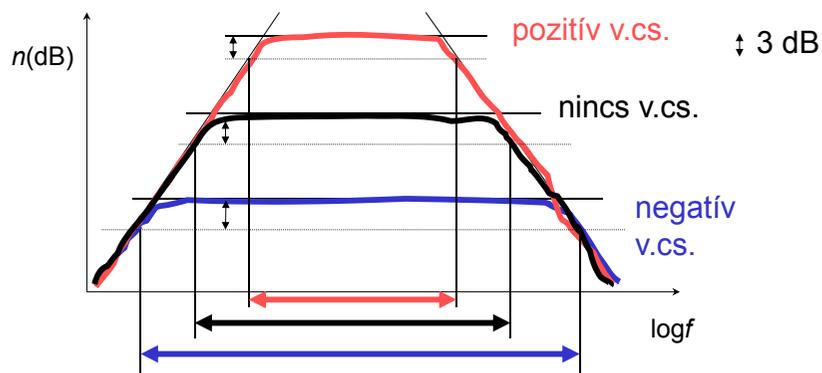
pozitív v.cs.:

(a) $\beta A_U = 1$, erősítés: „végtelen”
 – szinuszoszcillátor
 pl: ultrahang(generátor),
 hőterápia

(b) $\beta A_U \leq 1$, erősítés: nagy
 – regeneratív erősítő
 pl: (hallás) külső szőrsejtek



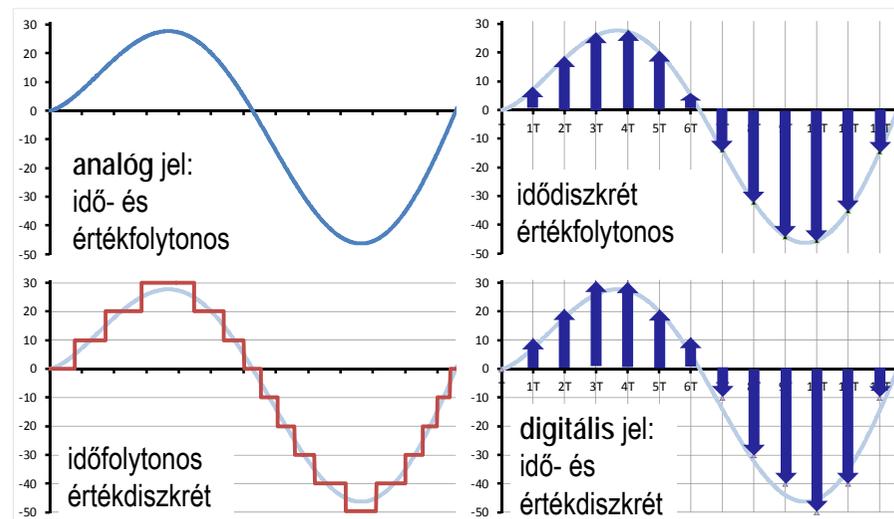
negatív v.cs.: „minden” erősítő



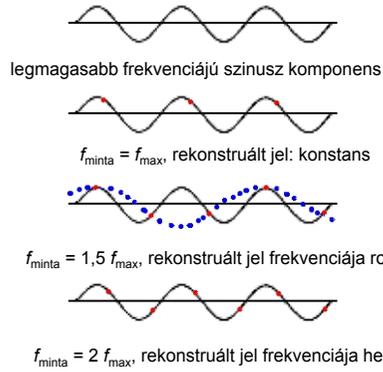
pozitív v.cs.: átviteli sáv – keskenyebb (nagy hátrány)
 erősítés nagyobb (előny)

negatív v.cs.: átviteli sáv – szélesebb (előny)
 erősítés kisebb (kis hátrány)

Analog jel – digitális jel



idődiskrétság: nem ismerjük a jel értékét minden időpillanatban



Shannon - Nyquist tétel:

a minimális mintavételezési frekvenciának legalább a jelben előforduló legmagasabb frekvenciakomponens kétszeresének kell lennie

pl: hifi, $f_{\text{max}} = 20 \text{ kHz}$

$f_{\text{minta}} = 44.1 \text{ kHz} > 2 * 20 \text{ kHz}$

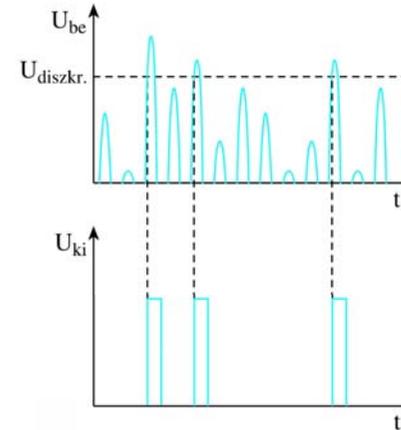
értékdiskrétság: a jel értéke nem lehet akármekkora érték

pl: hifi, 16 bit = $2^{16} = 65\,536$ (CD szabvány)

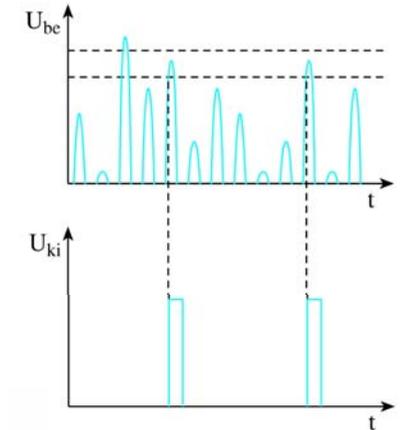
24 bit = $2^{24} = 16\,777\,216$ ("legjobb" hangkártya)

Impulzusjelek feldolgozása

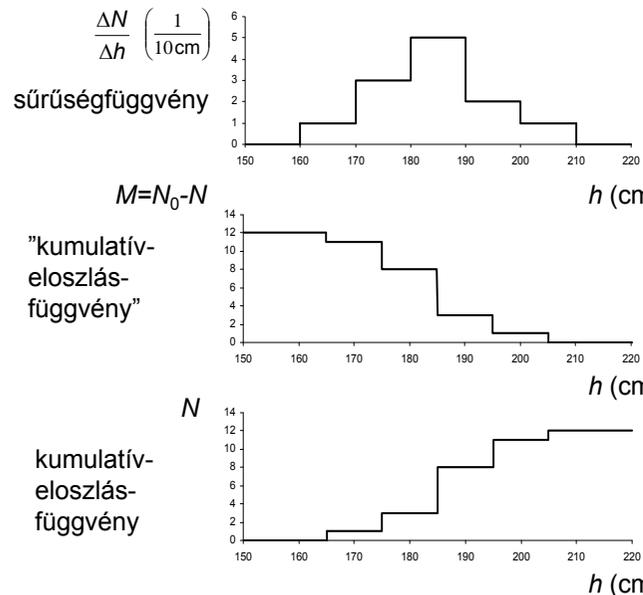
integráldiszkrimináció



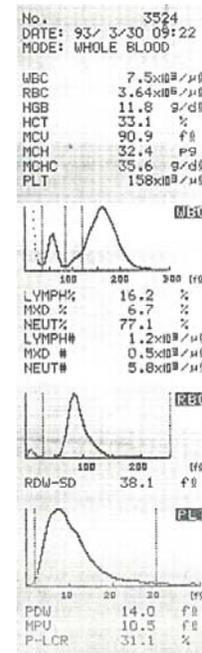
differenciáldiszkrimináció



Eloszlásfüggvények és ID/DD "spektrumok"



Fehérvérsejt koncentrációk



Coulter számláló

