SEMMELWEIS EGYETEM

Biofizikai és Sugárbiológiai Intézet,
Nanokémiai Kutatócsoport

Lágy Anyagok Laboratóriuma

Transzportjelenségek az élő szervezetben I.

Zrínyi Miklós
egyetemi tanár, az MTA r. tagja
mikloszrinyi@gmail.com

2015

Transzport folyamatok élettani szerepe

szerv	transzport
légzőrendszer	oxigén → vér széndioxid ← tüdő
keringési rendszer	oxigén → vörösvértestek széndioxid eltávolítás antitestek és sejtek → fertőzés
emésztőrendszer	emésztés és felszívódás
máj	szénhidrát tárolás és kibocsájtás, koleszterin metabolizmus, plazma és lipoprotein szintézis mérgek lebontása urea szintézis
vese	plazma szűrés Metabolikus bomlástermékek kiválasztás plazma térfogat és vér pH állandó tartása

Biológiai anyag transzport folyamatok

8 nagyságrend a méretekben

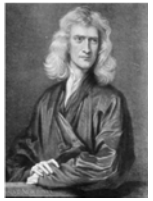
Sejten belül — Sejmembránon át — Sejten kívül

konvektív transzport,
konduktív transzport
átadásos transzport,
diffúzió,
passzív diffúzió,
aktív transzport,
összetett transzport

Biológiai rendszerek karakterisztikus távolságai

egység	Méret (m)
Proteinek és nuklein savak	10^{-8}
sejtszervecskék	10^{-7}
sejtek	10^{-6}
kapillárisok	10^{-4}
szervek	10^{-1}
test	10^{0}

TRANSZPORTFOLYAMATOK



Sir Isac Newton (1642-1727)

Jean-Babtiste-JosephFourier (1768-1830)

Adolf Eugen Fick (1829-1901)

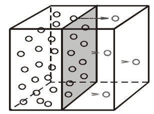
Lars Onsager) (1903-1976)

Azokat a folyamatokat, amelyek során **energia, anyag, töltés** vagy valamilyen **más extenzív jellegű mennyiség** egyik helyről egy másik helyre jut el, **transzportfolyamatoknak** nevezzük.

Hordozók:

- **részecskék** (atomok, molekulák és ionok), amelyek anyagot, energiát, impulzust és töltést hordozhatnak,
- **elektronok**, amelyek energiát, impulzust és töltést hordozhatnak,
- **fotonok,** amelyek energiát hordozhatnak.

Alapvető mennyiségek:
- az extenzív mennyiség **árama**
- intenzív mennyiség **hajtóereje**



áramsűrűség j_E **hajtóerő** ∇y

komponensáram sűrűség:	$j_n\left[\text{mol m}^{-2}\text{s}^{-1}\right]$	∇c
energiaáram sűrűség:	$j_U\left[\text{J } m^{-2} s^{-1}\right]$	∇T
impulzusáram sűrűség:	$j_i\left[\text{kg } m^{-1} s^{-2}\right]$	∇v
töltésáram sűrűség:	$j_Q\left[Coulomb \cdot m^{-2} s^{-1}\right]$	$\nabla \psi$

diffúzió,
hővezetés,
folyadékok áramlása,
töltések áramlása,

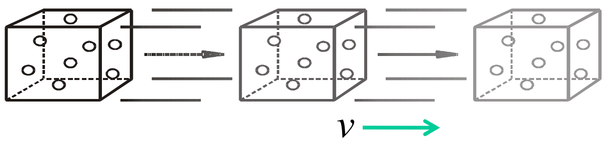
$\nabla = gradiens$

$$\nabla = \frac{\partial}{\partial x}\mathbf{e}_x + \frac{\partial}{\partial y}\mathbf{e}_y + \frac{\partial}{\partial z}\mathbf{e}_z$$

átadásos transzport

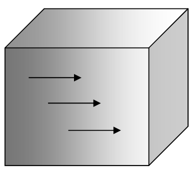
Anyagtranszport

konvektív anyagtranszport: molekulahalmaz együttes elmozdulása

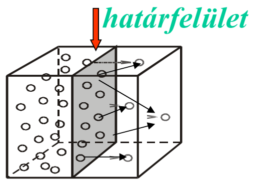


$$j_m = \rho \cdot v_{lin}$$

konduktív anyagtranszport: molekulák elmozdulása “nyugvó közegben”



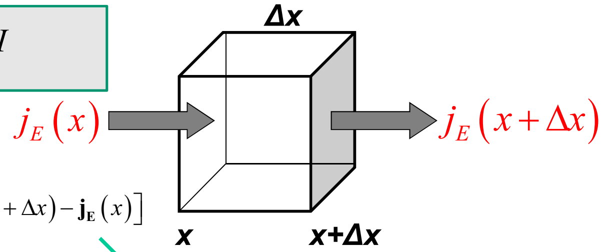
vezetéses transzport



átadásos transzport

Megmaradó extenzív mennyiségek globális és lokális mérlegegyenlete

$$\frac{dE}{dt} = I_{be} + I_{ki} = I$$



$$I = \left.\frac{dE}{dt}\right|_{(\Delta x)^3} = -(\Delta x)^2\left[\mathbf{j}_E(x+\Delta x) - \mathbf{j}_E(x)\right]$$

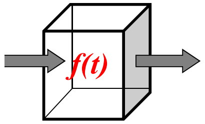
$$\frac{d\rho_E}{dt} = \frac{1}{V}\frac{dE}{dt} = \frac{1}{(\Delta x)^3}\cdot\frac{dE}{dt} \rightarrow \frac{d\rho_E}{dt} = -\frac{\mathbf{j}_E(x+\Delta x) - \mathbf{j}_E(x)}{\Delta x}$$

Kontinuitási egyenlet:

$$\frac{\partial \rho_E}{\partial t} = -\nabla \mathbf{j}_E = -\textbf{div } \mathbf{j}_E$$

$$\nabla = \frac{\partial}{\partial x}\mathbf{e}_x + \frac{\partial}{\partial y}\mathbf{e}_y + \frac{\partial}{\partial z}\mathbf{e}_z$$

A mérlegegyenlet és a hajtóerő kapcsolata konduktív transzportfolyamatoknál



$$\frac{\partial \rho_E(\mathbf{r},t)}{\partial t} = -\nabla j_E = -div \cdot j_E \qquad j_E = -k\nabla\rho_E$$

$$\frac{\partial \rho_E}{\partial t} = -\mathrm{div}\left(-k \ \mathrm{grad}\ \rho_E\right) = -\nabla\left(-k\nabla\rho_E\right)$$

$$\frac{\partial \rho_E}{\partial t} = k \cdot div \cdot (grad \cdot \rho_E) = k\nabla^2\rho_E$$

$$\boxed{\frac{\partial \rho_E}{\partial t} = k\nabla^2\rho_E} \xrightarrow{1D} \boxed{\left(\frac{\partial \rho_E}{\partial t}\right)_x = k\left(\frac{\partial^2 \rho_E}{\partial x^2}\right)_t}$$

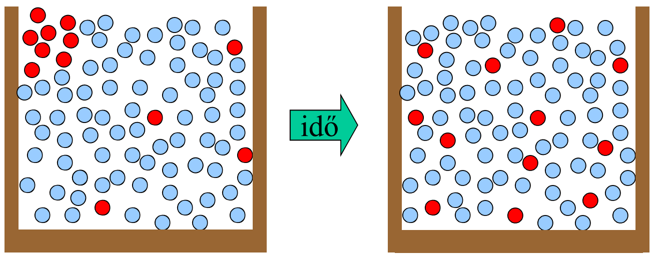
Laplace operátor: $\nabla^2 = \frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} + \frac{\partial^2}{\partial z^2}$ $\Rightarrow$ a görbületre jellemző

Konduktív transzportfolyamatok egységes leírása

	diffúzió	hővezetés	reológia
ÁRAM:	komponens áram (*tömeg áram*)	energia áram	impulzus áram
HAJTÓERŐ:	∇c	∇T	∇v
ÁRAMSŰRŰSÉG:	$j_n = -D\nabla c$	$j_Q = -k\nabla T$	$j_i = -\eta\nabla v$
VÁLTOZÁS:	$\frac{\partial c}{\partial t} = D\nabla^2 c$	$\frac{\partial T}{\partial t} = \alpha\nabla^2 T$	
	Fick	**Fourier**	**Newton**

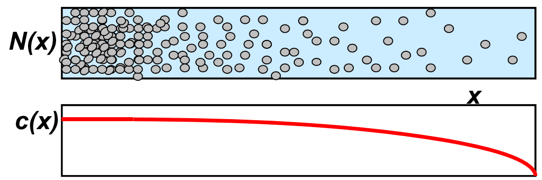
Laplace operátor: $\nabla^2 = \frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} + \frac{\partial^2}{\partial z^2}$

DIFFÚZIÓ



A diffúzió elmélete: Fick törvények

A diffúziós folyamatok mikroszkopikus leírása az *N* részecskeszámmal és a makroszkopikus leíráshoz használt *c(x)* lokális koncentráció-eloszlással.



megoldás:
$c(x,t)$
$c(\mathbf{r},t)$

Fick I. törvénye:

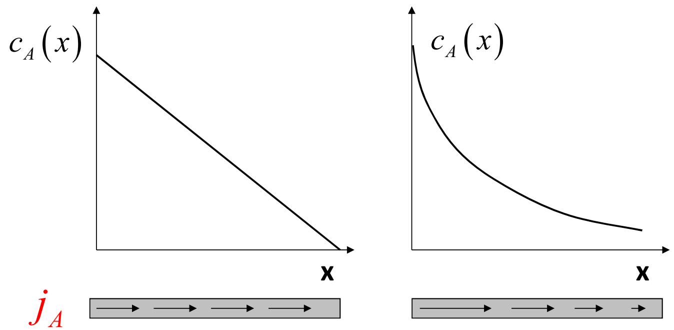
$$\boxed{\begin{aligned} j_A &= -D \cdot grad c_A \\ j_A &= -D\nabla c_A \end{aligned}} \xrightarrow{1D} j_A = -D \cdot \frac{dc_A}{dx}$$

-a diffúzió anyagáram a koncentráció térbeli változásának a meredekségével arányos,
-a diffúziós áram a csökkenő koncentráció irányába folyik,
- $D > 0$

Csak óvatosan, mert nem ∇c az igazi hajtóerő !

A komponens áramsűrűség és a koncentráció eloszlás kapcsolata

$$\boxed{j_A = -D\cdot\frac{dc_A}{dx}}$$



Stacionárius eset

$\frac{dc_A}{dt} = 0$ $\qquad$ $\frac{dc_A}{dt} > 0$

A mérlegegyenlet és a hajtóerő kapcsolata a diffúzió példáján (Fick törvények)

$$\frac{\partial c_A(\mathbf{r},t)}{\partial t} = -\nabla j_n = -div\cdot j_n \qquad \mathbf{j}_A = -D\nabla c_A$$

Fick I

$$\frac{\partial c_A}{\partial t} = -\mathrm{div}\left(-D\ \mathrm{grad}\ c_A\right) = -\nabla\left(-D\nabla c_A\right)$$

$$\frac{\partial c_A}{\partial t} = D\cdot div\cdot(grad\cdot c_A) = D\nabla^2 c_A$$

Fick II

$$\boxed{\frac{\partial c}{\partial t} = D\nabla^2 c} \xrightarrow{1D} \boxed{\left(\frac{\partial c}{\partial t}\right)_x = D\left(\frac{\partial^2 c}{\partial x^2}\right)_t}$$

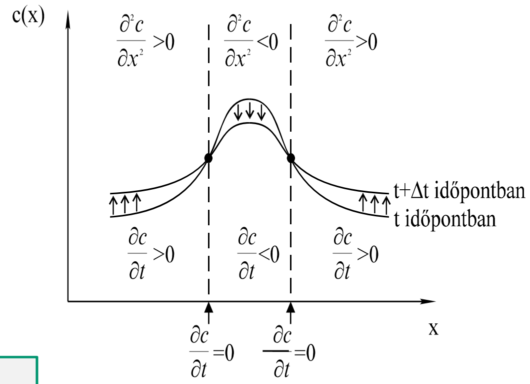
Laplace operátor: $\nabla^2 = \frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} + \frac{\partial^2}{\partial z^2}$

$$\boxed{j_A = -D\cdot\frac{dc_A}{dx}}$$

Fick I. törvénye

$$\boxed{\left(\frac{\partial c_A}{\partial t}\right)_x = D\left(\frac{\partial^2 c_A}{\partial x^2}\right)_t}$$

Fick II. törvénye



$$\boxed{\frac{d}{dt}\cdot\left|\left(\frac{\partial^2 c}{\partial x^2}\right)\right| < 0}$$

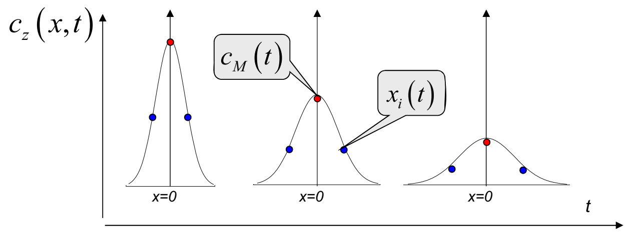
A diffúzió nem kedvez a mintázatok kialakulásának! **Morfogenézis !?**

Koncentráció-zóna egydimenziós szabad diffúziója

$$c_M(t) = \frac{c_o\delta_x}{(4\pi D)^{1/2}}\cdot t^{-1/2}$$

$$x_i(t) = \sqrt{2D}\cdot t^{1/2}$$

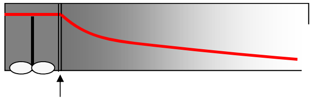
$$c_i(t) = c_M(t)\cdot\frac{1}{\sqrt{e}}$$



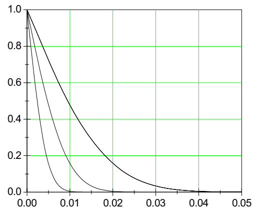
$$\boxed{c_z(x,t) = \frac{n}{A_s(4\pi Dt)^{1/2}}\cdot\exp\left(-\frac{x^2}{4Dt}\right) = \frac{c_o\delta_x}{(4\pi Dt)^{1/2}}\cdot\exp\left(-\frac{x^2}{4Dt}\right)}$$

Tisztán diffúziós jelenségeknél a karakterisztikus távolságok az idő négyzetgyökével arányosan változnak!

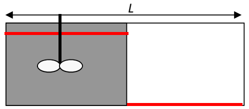
Egyirányú diffúzió végtelen hosszú térfélben



$$c_f(x,t) = c_o\left[1 - erf\left(\frac{x}{2\sqrt{Dt}}\right)\right]$$

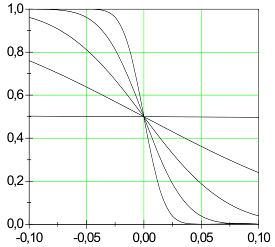


Egyirányú diffúzió véges rendszerben

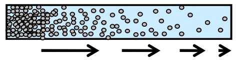


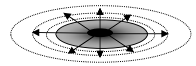
$$c_f(x,t) = \frac{c_o}{2}\left[1 - erf\left(\frac{x}{\sqrt{4Dt}}\right)\right]$$

$$erf\left(\frac{x}{2\sqrt{Dt}}\right) = \frac{2}{\sqrt{\pi}} \cdot \int_0^{\frac{x}{2\sqrt{Dt}}} e^{-s^2} ds$$



Fick II. törvénye





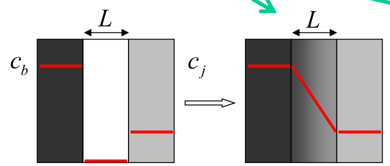
Egyirányú diffúziónál

$$\left(\frac{\partial c_A}{\partial t}\right)_x = D\left(\frac{\partial^2 c_A}{\partial x^2}\right)_t$$

Radiális diffúziónál

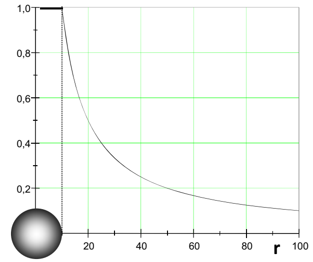
$$\left(\frac{\partial c}{\partial t}\right)_r = D \cdot \left(\frac{\partial^2 c}{\partial r^2} + \frac{2}{r} \cdot \frac{\partial c}{\partial r}\right)$$

Stacionárius diffúzió: $\left(\frac{\partial c_A}{\partial t}\right)_x = 0$



$$c(x) = -\frac{c_b - c_j}{L}x + c_b$$

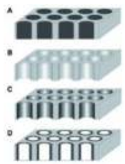
lineáris

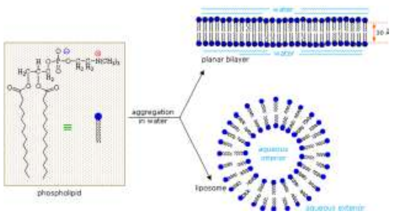


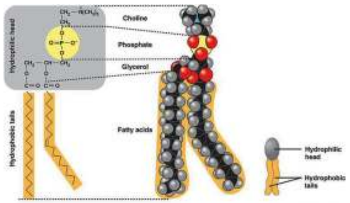
nem lineáris

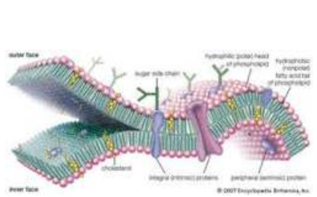
Membránok

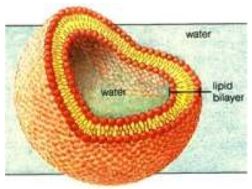
membrán
- szintetikus
- **biológiai**



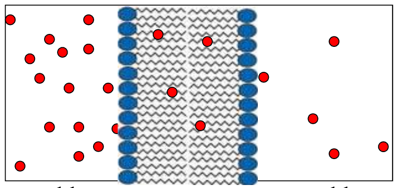








Megoszlás a membrán és az oldat között

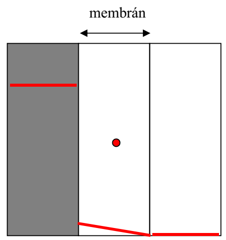


$$K_m = \frac{c_{dh}}{c_d}$$ Megoszlási hányados

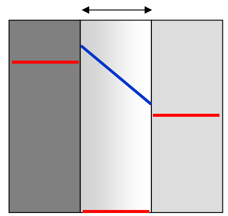
$$c_m(x=0) = K_m \cdot c_o(x=0) \cdot$$

Eltérő oldhatóság K_m

$$c(x) = -K_m \frac{c_b - c_j}{d} x + K_m \cdot c_b$$

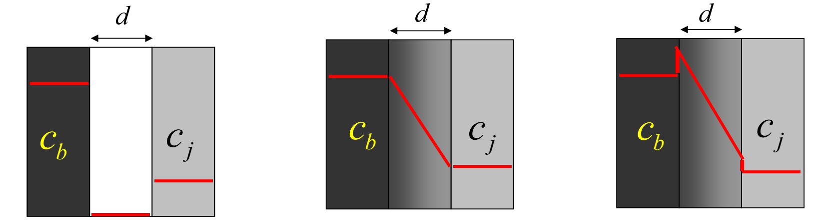


$K_m << 1$

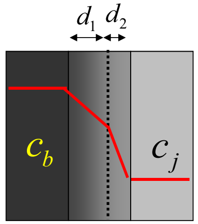


$K_m > 1$

Koncentráció eloszlás stacionárius diffúziónál



$c_h = 0$ vagy $K_m = 0$ $\qquad K_m = 1$ $\qquad K_m > 1$



$D_1 > D_2$

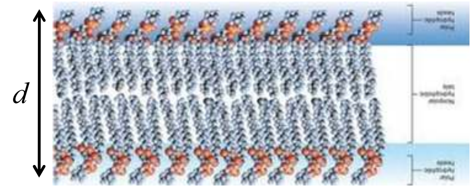
$K_m = 1$

$$\mathbf{j}_{n,1} = \mathbf{j}_{n,2}$$

$$-D_1(\mathbf{grad}\cdot c)_1 = -D_2(\mathbf{grad}\cdot c)_2$$

Többrétegű membrán esetén

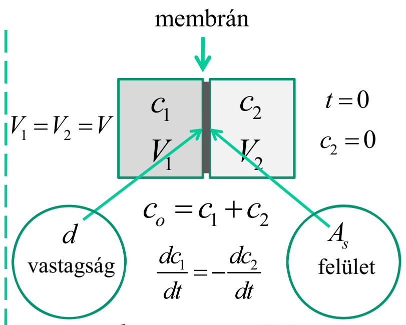
Membrán permeabilitás: P_{erm}



$$j_n = -D\nabla c \qquad \nabla c = \frac{K_m(c_j - c_b)}{d} = -\frac{K_m \Delta c}{d}$$

$$\boxed{P_{erm} = \frac{j_n}{\Delta c} = \frac{K_m D}{d}}$$

K_m: *megoszlási hányados*



$V_1 = V_2 = V$

$t = 0$

$c_2 = 0$

$$c_o = c_1 + c_2$$

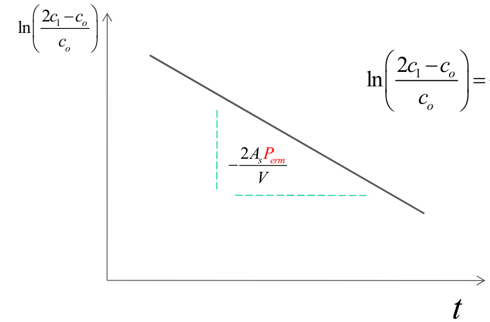
$$\frac{dc_1}{dt} = -\frac{dc_2}{dt}$$

$$-V\frac{dc_1}{dt} = j_n A_s = -A_s\frac{K_m D}{d}\cdot(c_2 - c_1)$$

$$-V\frac{dc_1}{dt} = j_n A_s = A_s P_{erm}\cdot(2c_1 - c_o)$$

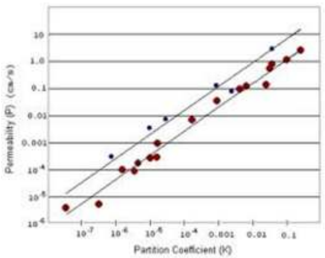
$$\boxed{\ln\left(\frac{2c_1 - c_o}{c_o}\right) = -\frac{2A_s P_{erm}}{V}\cdot t}$$

A permeabilitás kísérleti meghatározása

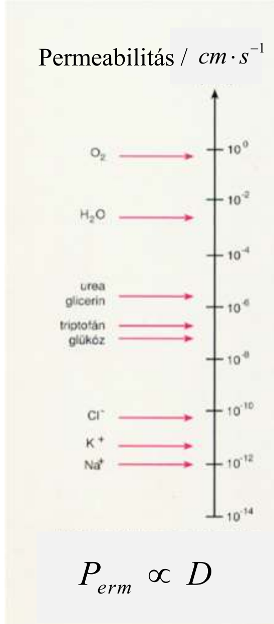


$$\ln\left(\frac{2c_1 - c_o}{c_o}\right) = -\frac{2A_s P_{erm}}{V}\cdot t$$

$$\boxed{P_{erm} \propto K_m \cdot D}$$



$P_{erm} = 10^{-3}\ \mu m\, s^{-1}$ glükóz permeabilitása mesterséges membránon



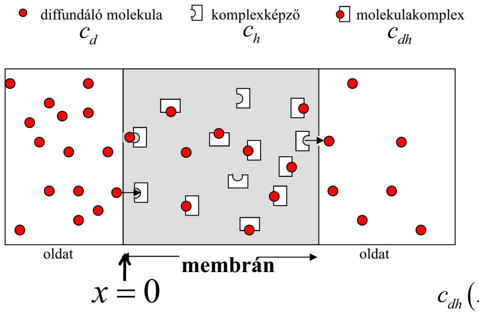
Méret és diffúziós együttható vízbe 25 C^o-on.

anyag	M	R/nm	$10^9\, D\ /\ m^2 s^{-1}$
víz	18	0,15	2,0
oxigén	32	0,2	2,1
karbamid	60	0,4	1,38
glükóz	180	0,5	0,7
hemoglobin	68000	3,1	0,069
kollagén	345000	31	0,007
vírus		50	5,0 $cm^2 s^{-1}$
baktérium		1000	0,5 $cm^2 s^{-1}$
sejt		10000	0,05 $cm^2 s^{-1}$

$$\boxed{D = \frac{k_B T}{6\pi\eta R}} \qquad D\eta = \frac{k_B T}{6\pi}\cdot\frac{1}{R}$$

Stokes –Einstein összefüggés

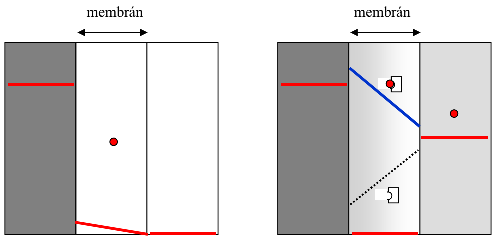
Közvetített diffúzió (Facilitated diffusion)

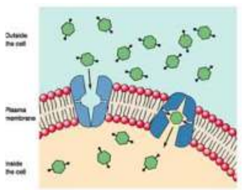


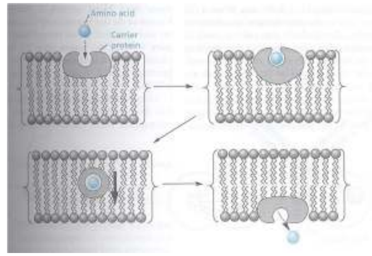
$$D + H \rightleftharpoons DH$$

$$K_k = \frac{[DH]}{[D][H]}$$

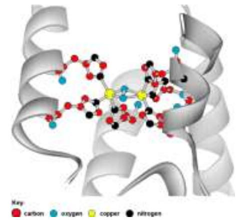
$$c_{dh}(x=0) = K_k \cdot c_d(x=0) \cdot c_h(x=0)$$





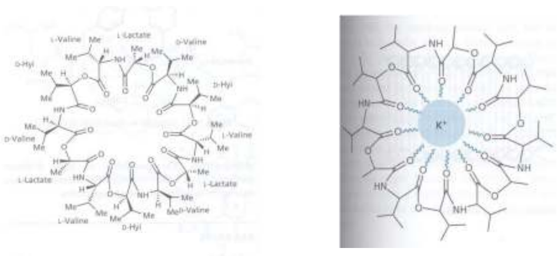


3-ketoacyl-(acyl-carrier-protein)

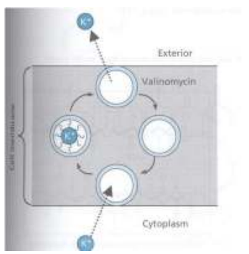


aktív helye az oxyhemocyanin oxigént szállító proteinnek

Ion transzport molekuláris csatornán át

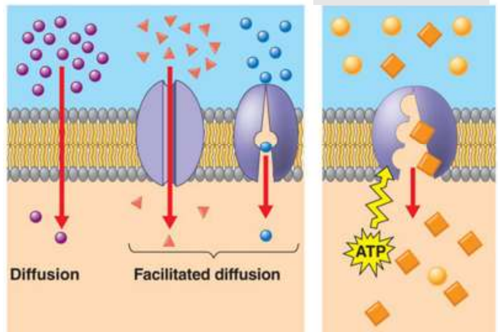


valinomycin



Aktív és passzív transzport

Passzív transzport | **Aktív transzport**



A diffúziós áram a csökkenő koncentráció irányába folyik.

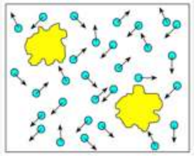
Anyagtranszport a koncentráció gradiens irányában!

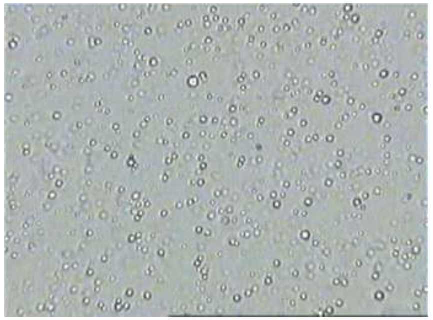
A diffúziós áram a növekvő koncentráció irányába folyik.

(nátrium – kálium pumpa)

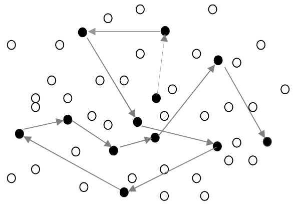
A diffúzió molekuláris elmélete: Brown mozgás

Robert Brown
(1773-1858)

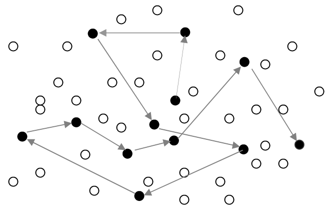




Zsír cseppek tejben (méret: 0.5 - 3 μm)



A diffúzió molekuláris elmélete

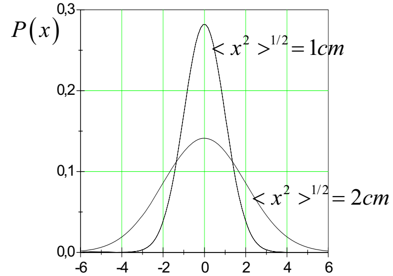


Brown mozgás, bolyongás

egyirányú	$< x^2 >= 2Dt$
laterális	$< \sigma^2 >= 4Dt$
radiális	$< r^2 >= 6Dt$

$$D = \frac{k_B T}{\xi} = \frac{k_B T}{6\pi\eta R}$$

Stokes-Einstein összefüggés



Ionok diffúziója

Ionok individuális diffúziós együtthatója nem határozható meg!

$$j_i = -D_i \cdot \left(\frac{\Delta c_i}{\Delta x} + c_i \frac{z_i F}{RT} \frac{\Delta \psi}{\Delta x} \right)$$

Nernst-Planck egyenlet

$$c_- = c_+ \qquad \frac{\Delta c_-}{\Delta x} = \frac{\Delta c_+}{\Delta x} \qquad j_+ = j_-$$

elektroneutralitás

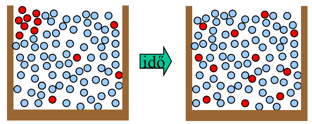
$$j_+ = -\frac{2D_+D_-}{D_+ + D_-} \cdot \frac{\Delta c_+}{\Delta x} = -D_\pm \cdot \frac{\Delta c_+}{\Delta x} \Rightarrow D_\pm = \frac{D_+D_-\left(c_+z_+^2 + c_-z_-^2\right)}{D_+c_+z_+^2 + D_-c_-z_-^2}$$

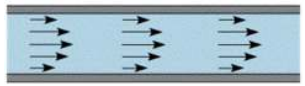
$$D_\pm = \frac{2}{\frac{1}{D_+} + \frac{1}{D_-}}$$

(1:1)
elektrolit

A közepes diffúziós együttható értéke az ionok töltésszámán kívül az ionkoncentrációktól is függ !

Konvektív és diffúzív anyagtranszport sebessége





$$L^2 \propto D \cdot t_d \Rightarrow t_d = \frac{L^2}{D} \qquad L \propto v \cdot t_k \Rightarrow t_k = \frac{L}{v}$$

$$Pe = \frac{t_d}{t_k} = \left(\frac{L^2}{D}\right) / \left(\frac{L}{v}\right) = \frac{vL}{D}$$

$Pe << 1$ Diffúzió a gyorsabb

$Pe >> 1$ Konvekció a gyorsabb

Az anyagtranszport intenzitása függ a mérettől!

Konvekció vagy diffúzió ?

Konvektív anyagtranszport esetén adott **L** távolság megtételéhez szükséges idő: $t_{konv} = L / v$

Konduktív anyagtranszport esetén adott **L** távolság megtételéhez szükséges idő: $t_{diff} = L^2 / D$

Péclet szám: $\boxed{Pe = \dfrac{t_{diff}}{t_{konv}} = \dfrac{L \cdot v}{D}}$

$Pe \ll 1$ **A diffúzió gyorsabb, mint a konvekció !**

$Pe \gg 1$ **A konvekció gyorsabb, mint a diffúzió !**

Glükóz diffúziója és áramlása sejtben.

$L = 10^{-6} m \quad D = 7 \cdot 10^{-8} m^2 s^{-1} \quad v = 10^{-2} m s^{-1} \quad Pe = \dfrac{10^{-8}}{7 \cdot 10^{-8}} = 0{,}13$

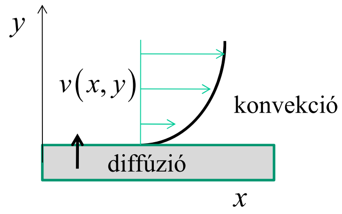
A diffúzió a gyorsabb anyagtranszport!

Konszekutív transzportfolyamatok

A leglassúbb folyamat a sebesség meghatározó

diffúzió - konvekció **Péclet** szám: $\dfrac{\text{diffúziós idő}}{\text{áramlási idő}}$ $\quad Pe = \dfrac{L \cdot v}{D}$

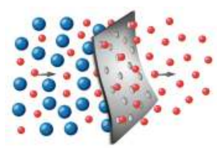
m. átadás - diffúzió (dialízis) **Biot** szám: $\dfrac{\text{m. átadás}}{\text{i. diffúziós idő}}$ $\quad Bi = \dfrac{k_m \cdot L}{D_{eff}}$



$$\nabla c = \frac{dc}{dy} = f\left[v(x,y)\right]$$

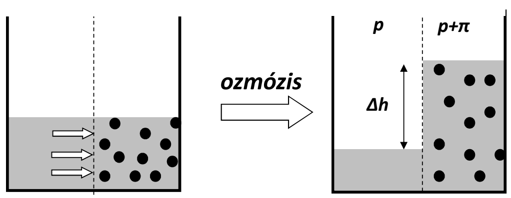
A komponens áram függ az áramlási sebességtől !

Konvektív és konduktív anyagtranszport: ozmózis



Féligáteresztő membrán

$\Delta h(t) \to \Delta h_{max}$



Termodinamikai egyensúlyban

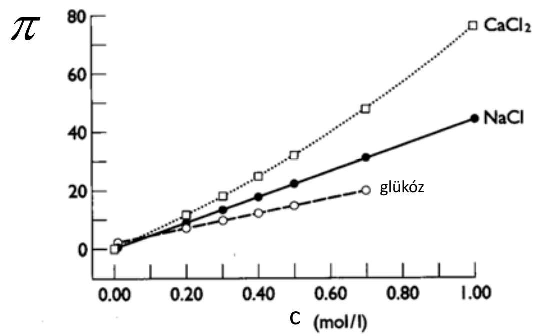
$\boxed{\Delta\mu_1(x_2) = -\pi V_1}$ *Híg oldat* $\pi_{id}(x_2) = \dfrac{RT}{V_1} x_2$ $\boxed{\pi_{id} = \dfrac{RT}{M_2} c_2}$

$$\Delta\mu_1 = RT \ln x_1 = RT \ln(1 - x_2) \cong -RT x_2 - \cancel{\frac{RT}{2} x_2^2}$$

Ozmózis=kolligatív tulajdonság

$$n = n_0 \alpha \nu + n_0 (1 - \alpha) = n_0 [1 + \alpha(\nu - 1)]$$

$$\boxed{\pi = \frac{RT}{M_2} c_2 \cdot i} \qquad i = [1 + \alpha(\nu - 1)]$$



Izotóniás oldatok: ha két különböző oldat ozmózisnyomása egyező

Sejtek belsejével, illetve a vérrel izotóniás oldatok

3,8 %-os Na-citrát oldat,
5,5 %-os glükóz oldat,
0,87 %-os NaCl oldat.

Ha a koncentráció kisebb, mint az izotóniás oldaté, akkor:
víz → sejt **hipotóniás oldat**

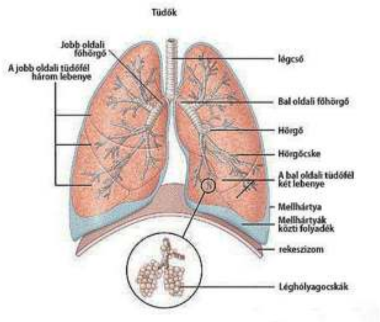
Ha a koncentráció nagyobb, mint az izotóniás oldaté, akkor:
környezet ← sejtvíz **hipertóniás oldat**

Oxigén transzportja a vér és a szövetek között

Többlépcsős transzportfolyamat

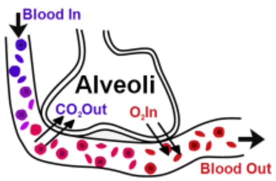
- légzéssel **konvektív** transzport a tüdőbe,
- **konduktív** transzport a kapillárisokon át a vörösvértestekhez,
- oxigén **megkötődik** a vörösvértest hemoglobinján,
- **konvektív** mozgás a vérkeringésben,
- a szöveteknél **konduktív** transzport a mitokondriumokhoz,

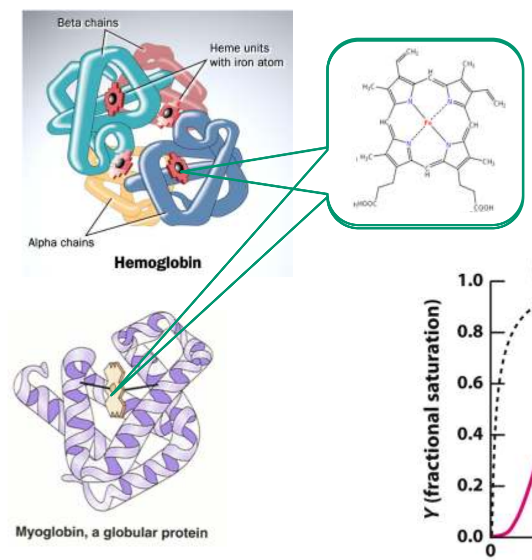
ATP

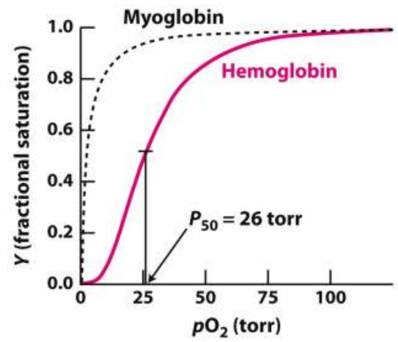


oxigén a tüdőbe

oxigén a léghólyagocskákból a vérbe







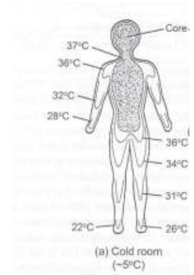
Konduktív hővezetés: Fourier törvények

$$j_Q = -k_T \frac{\Delta T}{\Delta x} \qquad \frac{\Delta T}{\Delta t} = \alpha T(x) \text{ függvény görbülete} \quad \alpha = \frac{k_T}{\rho \cdot C_p} \qquad \frac{\partial T}{\partial t} = \alpha \nabla^2 T$$

anyag	T/K	$k_T / Wm^{-1}K^{-1}$	$\alpha / m^2 s^{-1}$	$c_p / kJkg^{-1}K^{-1}$
levegő	300	0,025	$2,11 \cdot 10^{-5}$	1,006
víz	300	0,609	$1,5 \cdot 10^{-7}$	4,186
zsír	298	0,21	$0,69 \cdot 10^{-7}$	3,258
vér	298	0,642	$1,76 \cdot 10^{-7}$	3,889
bőr	310	0,442	$1,19 \cdot 10^{-7}$	3,471

$$\frac{\Delta Q_{hővezetés}}{\Delta t} = -k_T \cdot A_s \cdot \frac{\Delta T}{\Delta x}$$

A BELSŐ ENERGIA (HŐ) TRANSZPORTJA

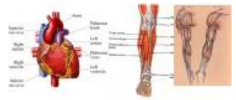


Hol keletkezik a nyugalmi metabolikus hő?

agyvelő	*25%*
szív	*15%*
vázizom	*25%*
hasi zsigerek	*25%*
vese	*6%*
bőr	*4%*

A szervezeten belül a hőmérséklet eloszlás nem homogén.

mag köpeny



Hol veszik el a metabolikus hő?

$$Q_{veszteség} = Q_{sugárzó} + \underbrace{Q_{konvektív} + Q_{konduktív}}_{25\ \%} + Q_{párolgási} + Q_{légzés}$$

54-60 %

25 %

7 %

14 %

Testhőmérséklet szabályozás

metabolizmus ⟷ **hőveszteség**

T=28 C^o *fibrilláció*

T=30 C^o *Hőmérséklet szabályozás felborul -*

T=33 C^o *Tudat vesztés*

T=37 C^o

T=41 C^o *Központi idegrendszer -*

T=42 C^o *Fehérjék denaturálódnak*

testhőmérséklet

Hősugárzás

egységnyi felület

Wien törvény: $R = \varepsilon \sigma T^4$ ε : emisszió

Stefan-Boltzmann konst.: $\sigma = 5,67 \cdot 10^{-8}\ W / m^2 K^4$

$$-\frac{\Delta Q_{sugárzó}}{\Delta t} = R \cdot A_s = \varepsilon \sigma T^4 \cdot A_s$$

$A_s = 1,85\ m^2$ *átlagos felület*

$\varepsilon \cong 1$ emberi bőr

$$\frac{\Delta Q_{sugárzó}}{\Delta t} = \left.\frac{\Delta Q}{\Delta t}\right|_{nyereség} - \left.\frac{\Delta Q}{\Delta t}\right|_{veszteség}$$

$$R = \varepsilon \sigma \left(T_{test}^4 - T_{környezet}^4 \right)$$

$\varepsilon_1 = \varepsilon_2 = \varepsilon$

anyag	emisszió
emberi bőr	0,95 – 0,99
fa	0,99
beton	0,95
tégla	0,92

Konvektív hővezetés (1)

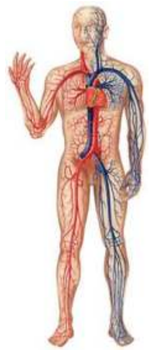
$$-\frac{1}{A_s}\frac{\Delta Q_{konvektív}}{\Delta t} = h_c \cdot \left(T_{bőr} - T_{levegő}\right)$$

h_c : egységnyi felületre vonatkozó konvektív hővezetési tényező
W/m^2C^o

Szél sebessége [m/s]	$h_c \left[W/m^2C^o\right]$
0,1	2,6
0,6	6,4
2,0	11,7
4,0	16,6

Szélben: $h_c = 10{,}45 - v + 10v^{1/2}$ v : áramló levegő sebesség: *m/sec*

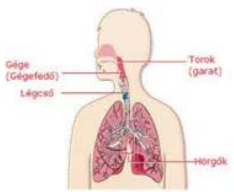
(közelítés)



Testen belüli hővezetés (2)

(Test és vér közötti hővezetés)

$$-\frac{1}{A_s}\frac{\Delta Q_{véráram}}{\Delta t} = h_c \cdot \left(T_{vér} - T_{testrész}\right)$$



Hőveszteség párolgással (1)
légzés

Ki- és belégzés térfogata nyugalomban: 500 ml
Ki- és belégzés frekvenciája nyugalomban: 12 – 14 / perc

$$I_{levegő} = \frac{\Delta V_l}{\Delta t} \approx 0{,}1\ l \cdot s^{-1}$$

$$\boxed{-\frac{\Delta Q}{\Delta t} = \rho_l c_{p,l}\left(T_{ki} - T_{be}\right)\frac{\Delta V_l}{\Delta t}}$$

V_{izz}

Hőveszteség párolgással (2)
izzadás

Víz párolgáshője: $\Delta h_{párolgás} = 2{,}25\ kJ/g$

$$\boxed{-\frac{\Delta Q}{\Delta t} = \Delta h_{párolgás} \cdot \left(\rho_{lev}^{ki} - \rho_{lev}^{be}\right)\frac{\Delta V_{izz}}{\Delta t}}$$