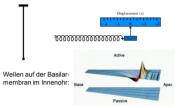
Grundlagen der medizinischen Biophysik

5. Vorlesung 27. 09. 2018

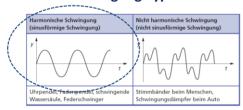
Mechanik - Schwingungen und Wellen

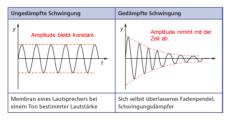




- 1. Grundbegriffe der Schwingungslehre
- 2. Schwingungstypen
- 3. Harmonische Schwingung
- Rücktreibende Kraft
- Eigenscheingung und Eigenfrequenz
 Federpendel
- 7. Erzwungene Schwingung
- . E.z.iiungono comingung
- 8. Resonanz
- 9. Grundbegriffe der Wellenlehre
- 10. Wellenlänge, $c = \lambda \cdot f$
- 11. Transversal- und Longitudinalwellen
- 12. Mechanische Wellen Schall
- 13. Elektromagnetische Wellen Licht
- 14. (Lineare) Polarisation
- 15. Reflexion und Brechung
- 16. Interferenz
- 17. Stehende Wellen
- 18. Beugung (Diffraktion)
- 19. Huygenssches Prinzip

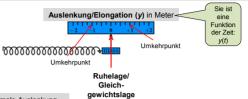
Schwingungstypen





Grundbegriffe der Schwingungslehre

Oszillator: Physikalisches System, das Schwingungen ausführen kann (z.B. Federpendel)
Schwingung (mechanisch): Periodische Hin-und Herbewegung eines Körpers um eine Ruhelage



Amplitude (A): Maximale Auslenkung

Zur Erinnerung:

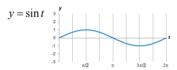
- Periodenzeit/Periodendauer/Schwingungsdauer (T): Zeitdauer einer Schwingung/Periode
- Frequenz/Schwingungszahl (f): Anzahl der Schwingungen pro Zeiteinheit. Es gilt:

$$f = \frac{1}{T} \quad \left(\frac{1}{s} = Hz\right)$$

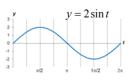
• Kreisfrequenz (ω): Anzahl der Schwingungen pro 2π . Es gilt: $\omega = 2\pi f$

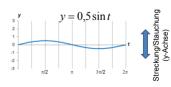
Exkurs: Sinusfunktion

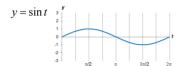




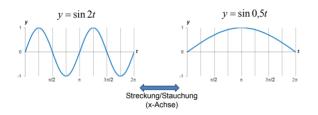
 $y = A \cdot \sin t$ A ist ein Parameter (Amplitude), der die Kurve beeinflusst.







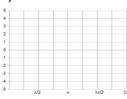
 $y = \sin(\omega t) = \sin \omega t$ ω ist ein Parameter (Kreisfrequenz), der die Kurve beeinflusst.



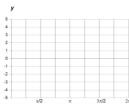
Übung

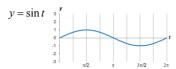
Stellen Sie die folgenden mathematischen Funktionen in dem Diagramm dar.

$$y = 2 \cdot \sin 4t$$

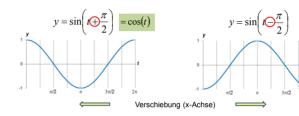


$$y = 4 \cdot \sin 0.25t$$



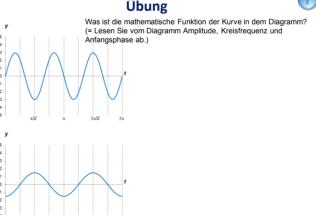


 $y = \sin(t + \varphi_0)$ φ_0 ist ein Parameter (Anfangsphase), der die Kurve beeinflusst.

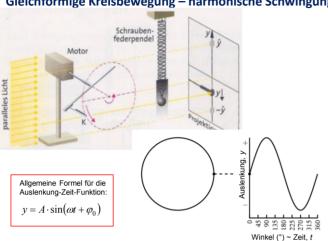


Übung



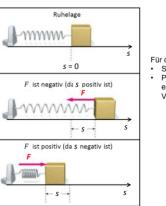


Gleichförmige Kreisbewegung – harmonische Schwingung



Rücktreibende Kraft

 $F = -D \cdot s$

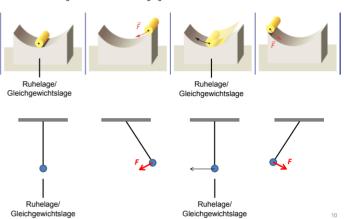


Für die rücktreibende Kraft gilt:

- Ständig zur Ruhelage gerichtet
- Proportional zur Auslenkung, aber in entgegengesetzter Richtung (negatives Vorzeichen)

Rücktreibende Kraft

Was für Kraft ist nötig zur harmonischen Schwingung?



Eigenschwingung (freie Schwingung)

Eigenschwingung: ohne weitere Einwirkungen ablaufende Schwingung.

Eigenfequenz: die Frequenz einer Eigenschwingung.

Durch eine einmalige Einwirkung wird ein Oszillator in Schwingung gebracht.

Sie wird durch die Eigenschaften des Oszillators (Masse, geometrische Größen, Materialeigenschaften usw.) bestimmt.

Federpendel





Die Formel gilt nur im Idealfall, wenn die Schwingung harmonisch (also nicht gedämpft) ist. In der Wirklichkeit gibt es immer Energieverluste (Reibung, Luftwiderstand, ...), und die Schwingung wird gedämpft.

Übung

Das Federpendel in der Animation hat die folgenden Parameter: $D=500~{\rm Nlm},~m=50~{\rm g}$ und die Auslenkungsskala wurde auf Dezimeter eingeteilt. Berechnen Sie

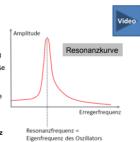


a) die Eigenfrequenz

- b) die Periodenzeit
- c) die Spannenergie bei den Umkehrpunkten
- d) die maximale Geschwindigkeit des Körpers (!)

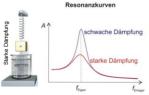
Resonanz

- Wird einem schwingungsfähigen System von einem äußeren Erreger periodisch Energie zugeführt, so vollführt es, nach einer gewissen Einschwingzeit, eine erzwungene Schwingung
- Abhängig von der Erregerfrequenz treten unterschiedlich große Schwingungsamplituden auf
- Stimmt die Erregerfrequenz mit der Eigenfrequenz des schwingenden Systems überein, so tritt eine besonders starke erzwungene Schwingung mit sehr großen Amplituden auf
- Das Auftreten von besonders großen Amplituden bei einer bestimmten Frequenz wird als Resonanz bezeichnet, die Frequenz, bei der Resonanz auftritt, heißt Resonanzfrequenz



13





Bemerkung: Das Phänomen der Resonanz wird in vielen technischen Geräten ausgenutzt (z. B. MRT, Laser, ...) **Erzwungene Schwingung**

Schwingung unter dem Einfluss einer äußeren periodischen Erregungskraft.





Die eine Stimmgabel wird angeschlagen, die erzeugte Luftdruckschwankungen versetzen auch die andere Stimmgabel in Schwingung (falls beide auf die gleiche Tonhöhe abgestimmt sind).



- Durch die erzwungene Schwingung kann die harmonische Schwingung mit einer konstanten Amplitude trotz der Energieverluste aufrechterhalten werden.
- Dabei nimmt das schwingende System die Frequenz des Erregers an.

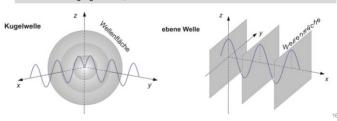
Grundbegriffe der Wellenlehre

- Ausbreitung eines Schwingungszustandes in einem schwingungsfähigen Medium
- Eine zeitlich und räumlich periodische Änderung einer physikalischen Größe





Wellenfläche oder Wellenfront: Eine Fläche, auf der sich alle Punkte in gleicher Phase, d. h. im selben Schwingungszustand, befinden.



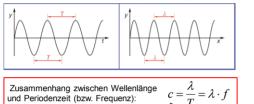
Wellenlänge

Wellenlänge (λ): Die Länge einer Welle, der Abstand zwischen gleichphasigen Punkten



Ausbreitungsgeschwindigkeit der Welle

 Die Wellenlänge ist analog zur Periodenzeit, sie beschreibt die räumliche Periodizität, während die Periodenzeit die zeitliche Periodizität charakterisiert.



Bemerkung

Der Zusammenhang hat allgemeine Gültigkeit, er gilt für jegliche Wellen (für mechanische, elektromagnetische Wellen, auch für Materiewellen)

Mechanische Wellen

- Sind unbedingt an die Bewegung von Materie gebunden (benötigen einen Träger)
- · Bewegung von Materiestücken z.B.:
 - · Wasserwellen (Wasser)
 - · Schallwellen (Luft)
- Können sowohl Longitudinal- als auch Transversalwellen darstellen
- Mechanische Longitudinalwellen k\u00f6nnen sich in jedem Medium ausbreiten, mechanische Transversalwellen nur in Festk\u00f6rpern
- Mit der Ausbreitung der Wellen ist ein Energietransport, aber kein Materietransport verbunden





Longitudinal- und Transversalwellen

Abhängig davon, wie die Auslenkungsrichtung (Schwingungsrichtung) und die Wellenaus-breitungsrichtung zueinander stehen, unterscheidet man Longitudinal- und Transversalwellen:

Longitudinalwellen: Schwingungsrichtung parallel zur Ausbreitungsrichtung
 Transversalwellen: Schwingungsrichtung senkrecht zur Ausbreitungsrichtung

Longitudinalwelle (Längswelle)

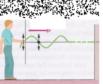
Schwingungsrichtung

Ausbreitungsrichtun



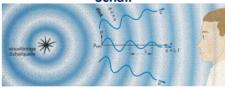
Transversalwelle (Querwelle)

Ausbreitungsrichtung





Schall



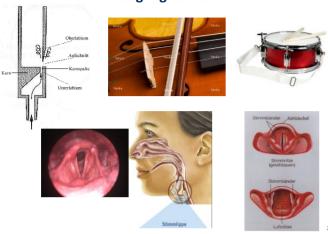
 Schallwellen sind mechanische Wellen und k\u00f6nnen auf Grundlage des menschlichen H\u00f6rens in vier Bereiche eingeteilt werden:

Schallbereiche	Infraschall	Hörschall	Ultraschall	Hyperschall
Frequenzwerte (Hz)	< 20	20-20 000	20 000-10°	109 <

 Die Schallgeschwindigkeit ist im Allgemeinen in Gasen kleiner als in Flüssigkeiten und in Flüssigkeiten kleiner als in Festkörpern

Stoff	c _{Schall} (m/s)
Luft (0°C, 101 kPa)	330
Helium (0°C, 101 kPa)	965
Wasser (20°C)	1483
Fettgewebe	1470
Muskelgewebe	1568
Knochen (kompakt)	3600
Eisen	5950

Exkurs: Erzeugung von Schallwellen



Übung

Der Delfin sendet Schallwellen mit einer Wellenlänge von 7 mm aus.

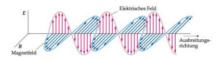
a) Berechnen Sie die Frequenz im Wasser.



- b) Zu welchem Frequenzbereich gehört dieser Schall?
- c) Die Schallwellen treten aus dem Wasser in die Luft heraus. Berechnen Sie die Frequenz in der Luft.
- d) Berechnen Sie die Wellenlänge in der Luft.

Exkurs: Elektromagnetische Wellen

· Wellen aus gekoppelten elektrischen und magnetischen Feldern

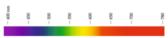


- Das elektromagnetische Feld ist das schwingungsfähige Medium, sodass sich diese Wellen auch im Vakuum ausbreiten k\u00f6nnen
- Beschreiben Transversalwellen (die somit polarisiert werden können)
- Alle elektromagnetischen Wellen breiten sich im Vakuum mit derselben Geschwindigkeit, der Lichtgeschwindigkeit aus:

 $c = 299 792 458 \text{ m/s} \approx 3.108 \text{ m/s}$

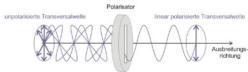
Licht – die bekannteste elektromagnetische Welle

 Das sichtbare Spektrum des Lichts umfasst den Wellenlängenbereich von ca. 380 nm–780 nm (VIS-Bereich) → 400 nm–800 nm



(Lineare) Polarisation

- Bei Transversalwellen stehen Schwingungs-und Ausbreitungsrichtung senkrecht zueinander
- Die Schwingungsrichtung ist dabei aber noch nicht genau definiert, obwohl sie die ganze Zeit senkrecht zur Ausbreitungsrichtung steht (= unpolarisierte Welle)
- Die "Auswahl" einer Schwingungsrichtung (Schwingungsebene) mit Hilfe eines Polarisators wird lineare Polarisation genannt



Polarisation von Licht

Ein Beispiel: Polarisationsmikroskop

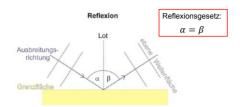




22

Ablagerung von Harnsäure-Kristalle

Grenzflächenphänomene: Reflexion







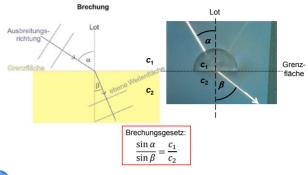
Übung

Ein Lichtstrahl fällt unter einem Einfallswinkel von 70° aus der Luft auf eine Wasseroberfläche. Ein Teil des Strahls dringt in das Wasser ein.
a) Berechnen Sie den Brechungswinkel dieses Strahls!

	?
Material	Lichtge- schwindigkeit (m/s)
Luft	3·108
Wasser	2,25·108

b) Welchen Winkel bilden der gebrochene Strahl und der reflektierte Strahl?

Grenzflächenphänomene: Brechung





Überlagerung zweier oder mehrerer Wellenzüge

• bei gleichen Wellenlängen

• bei festen Phasenbeziehungen

Welle 2

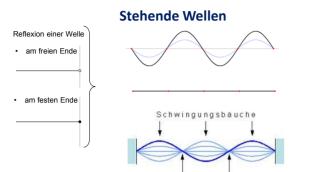
Resultierende Welle

Konstruktive
Interferenz

Welle 1

Welle 1

Destruktive
Interferenz



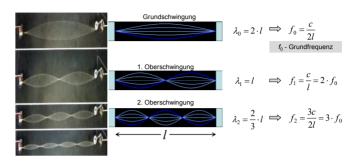
 Entstehen durch Überlagerung zweier gegenläufiger ebener Wellen gleicher Frequenz und gleicher Amplitude (z.B. Überlagerung von reflektierter und einfallender Welle)

Schwingungsknoten

29

- · Alle Punkte schwingen mit gleicher Phase, aber unterschiedlicher Amplitude
- · An einem festen Ende befindet sich ein Knotenpunkt
- · An einem freien Ende befindet sich ein Schwingungsbauch

Z. B.: Ein System mit zwei festen Enden (beide sind Knotenpunkte)

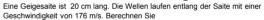


Bemerkung:

Die Grundfrequenz einer Geigesaite z. B. kann eingestellt werden durch

- die Variierung der Länge der Saite
- die Variierung deSpannungszustandes der Saite (→ Ausbreitungsgeschwindigkeit)

Übung



a) die Wellenlänge und die Frequenz der Grundschwingung

b) die Wellenlänge und die Frequenz der 1. Oberschwingung

?

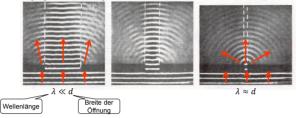
32

Ω

Beugung (Diffraktion)

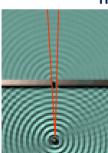
Abweichung von der ursprünglichen Ausbreitungsrichtung einer Welle am Rand einer Öffnung oder eines Hindernisses

Z. B. Beugung an einer Öffnung:



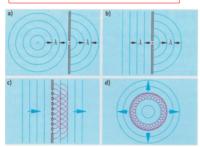
Eindringen von Wellen in den geometrischen Schattenraum hinter Hindernissen oder Öffnungen

Huygenssches Prinzip



 Jeder Punkt einer Wellenfront kann als Ausgangspunkt einer neuen kugelförmigen Welle, der sogenannten Eiementarwelle, betrachtet werden 33

- Die Elementarwelle breitet sich mit gleicher Geschwindigkeit und Frequenz wie die ursprüngliche Welle aus
 Die Einhüllende einer Wellenfront ergibt die
- Die Einhüllende einer Wellenfront ergibt die neue Wellenfront

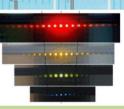


- Abhängig von dem Verhältnis der Größe des Hindernisses bzw. der Öffnung und der Wellenlänge ist die Beugung mehr oder weniger stark ausgeprägt
- Das Phänomen der Beugung tritt umso deutlicher auf, je:

 kleiner das Hindernis oder die Öffnung sind (bei konstanter Wellenlänge)



 größer die Wellenlänge ist (bei konstanter Öffnung)



Bemerkung:

Die Beugung des Lichts limitiert die Auflösung von optischen Geräten, wie Mikroskop, Auge usw.

Hausaufgaben: Grundskript Kapitel 9

