



SEMMELWEIS EGYETEM

Biofizikai és Sugárbiológiai Intézet,
Nanokémiai Kutatócsoport

Lágy Anyagok
Laboratóriuma

Transzportjelenségek az élő szervezetben I.

Zrínyi Miklós

egyetemi tanár, az MTA r. tagja

mikloszrinyi@gmail.com

Ismétlés!

A termodinamika I. főtétele

$$\Delta U = T\Delta S - p\Delta V + \sum_{i=1}^K \mu_i \Delta n_i + \dots +$$

Az energiamegmaradás törvényének legáltalánosabb megfogalmazása. $\Delta U = \Delta Q + \Delta W_{\text{mech}} + \Delta W_{\text{kém}} + \dots + \Delta W_i$

A termodinamika II. főtétele

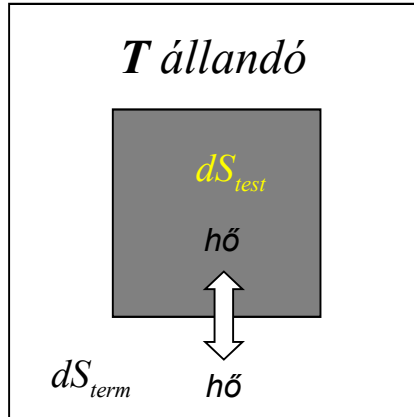
Elszigetelt rendszerben a önként lejátszódó (kiegyenlítődési) folyamatok során az entrópia növekszik.

A termodinamika III. főtétele

Tiszta kristályos anyagok entrópiája nulla az abszolút zérus ponton:

Mit mond a termodinamika II. főtétele, ha nem elszigetelt rendszert
(pl. izoterm rendszert) vizsgálunk ?

Hőmérséklet kiegyenlítődés



Izoterm (környezetétől elszigetelt) rendszer

$$dU_{term} = -dU_{test}$$

$$dS_{rends} = dS_{test} + dS_{term}$$

$$dS_{test} = \frac{dU_{test}}{T_{test}}$$

$$dS_{term} = \frac{dU_{term}}{T_{term}}$$

$$dS_{rends} = dS_{test} + \frac{dU_{term}}{T_{term}} = dS_{test} - \frac{dU_{test}}{T_{test}} \quad T_{test} = T_{term} = T$$

$$dS_{rends} = -\frac{1}{T}(dU_{test} - TdS_{test}) = -\frac{1}{T}d(U_{test} - TS_{test})$$

F_{test}

$$dS_{rends} = -\frac{1}{T}dF_{test}$$

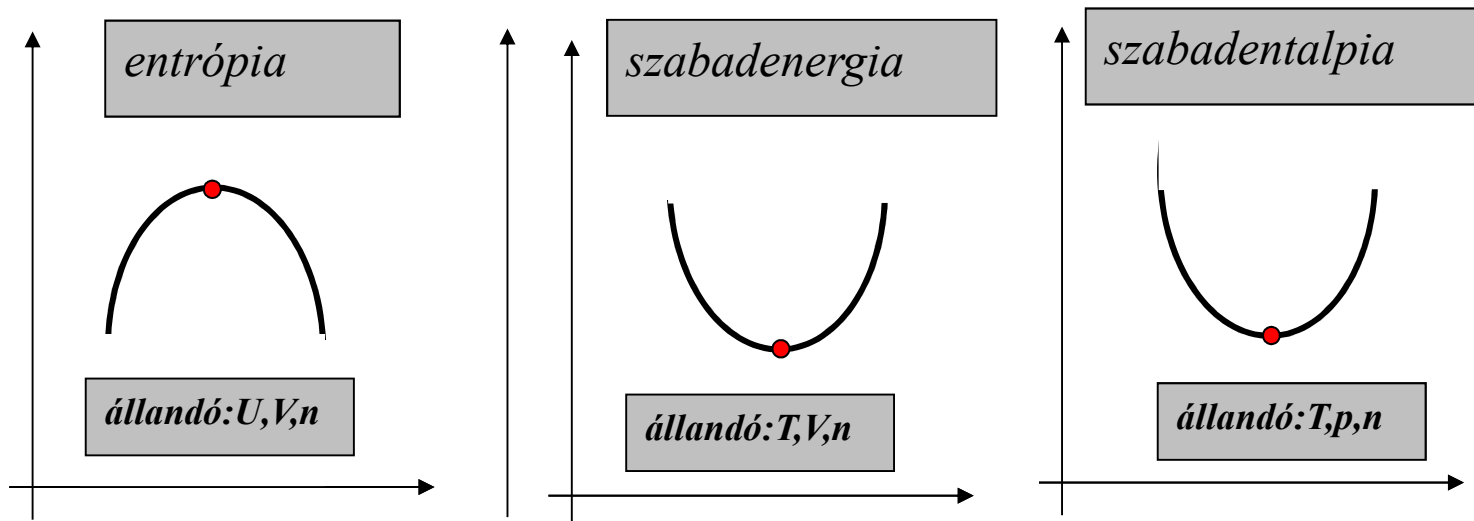
A vizsgált „rendszer +környezet” entrópiájának II. főtétel szerinti növekedése, ekvivalens az izoterm objektum szabadenergiájának a csökkenésével.

Önként lejátszódó folyamatok iránya és hajtóereje

Elszigetelt rendszerben $\Delta S > 0$

Izoterm rendszerben $\Delta F < 0$

*Izoterm - izobár
rendszerben* $\Delta G < 0$



A szabadenergia

Izoterm rendszerben

$$dU = TdS - pdV \quad \text{ha } T=\text{állandó, akkor } dU = d(TS) - pdV$$

$$dF = dU - d(TS) = -pdV = dW_{\text{mech}}$$

$$dF = d(U - TS) = -pdV = dW_{\text{mech}}$$

mechanikai munka



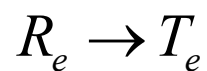
$$F = U - TS$$

Az F szabadenergia az U belső energiának izoterm munkavégzéssel hasznosítható része.

Reaktív rendszerek termodinamikája

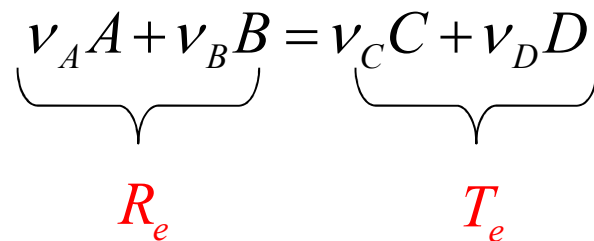
Kémiai átalakulás

$$\Delta_r G < 0$$



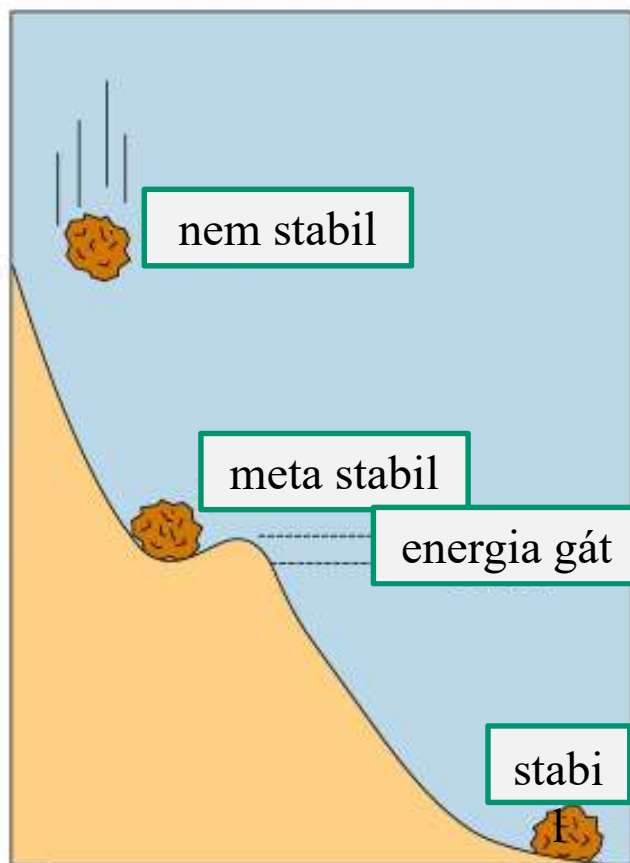
Kémiai egyensúly

$$\Delta_r G = 0$$



F

G



A szabadenergia

Izoterm rendszerben

$$dU = TdS - pdV \quad \text{ha } T=\text{állandó, akkor } dU = d(TS) - pdV$$

$$dF = dU - d(TS) = -pdV = dW_{\text{mech}}$$

$$dF = d(U - TS) = -pdV = dW_{\text{mech}}$$

mechanikai munka



$$F = U - TS$$

Az F szabadenergia az U belső energiának izoterm munkavégzéssel hasznosítható része.

A szabadentalpia

Izoterm-izobár rendszerben

Termikus, mechanikai és kémiai kölcsönhatásokat vizsgáljunk

$$\Delta U = T\Delta S - p\Delta V + \sum_{i=1}^K \mu_i \Delta n_i$$

$$dU = -pdV + TdS + \sum_{i=1}^K \mu_i dn_i + \dots +$$

ha T és p =állandó, akkor $dU = d(TS) - d(pV) + \sum_{i=1}^K \mu_i dn_i$

$$dG = dU + d(pV) - d(TS) = \sum_{i=1}^K \mu_i dn_i$$

$$dG = d(U + pV - TS) = \sum_{i=1}^K \mu_i dn_i$$

$$dG = d(H - TS) = \sum_{i=1}^K \mu_i dn_i$$

Kémiai reakció energia
változása

$$G = H - TS$$

A G szabadentalpia az U belső energiának kémiai folyamatokkal hasznosítható része.

ENTALPIA

Izobár rendszerben

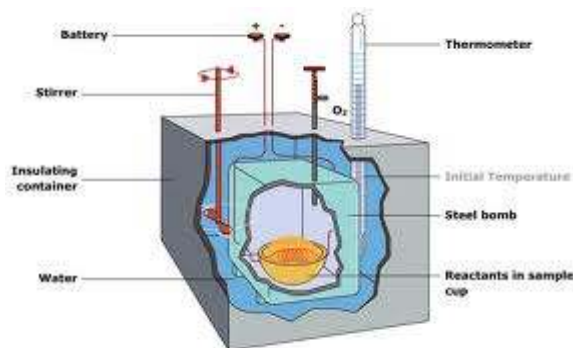
$$dU = TdS - pdV \quad \text{ha } p=\text{állandó, akkor } dU = TdS - d(pV)$$

$$dU + d(pV) = d(U + pV) = T\Delta S$$

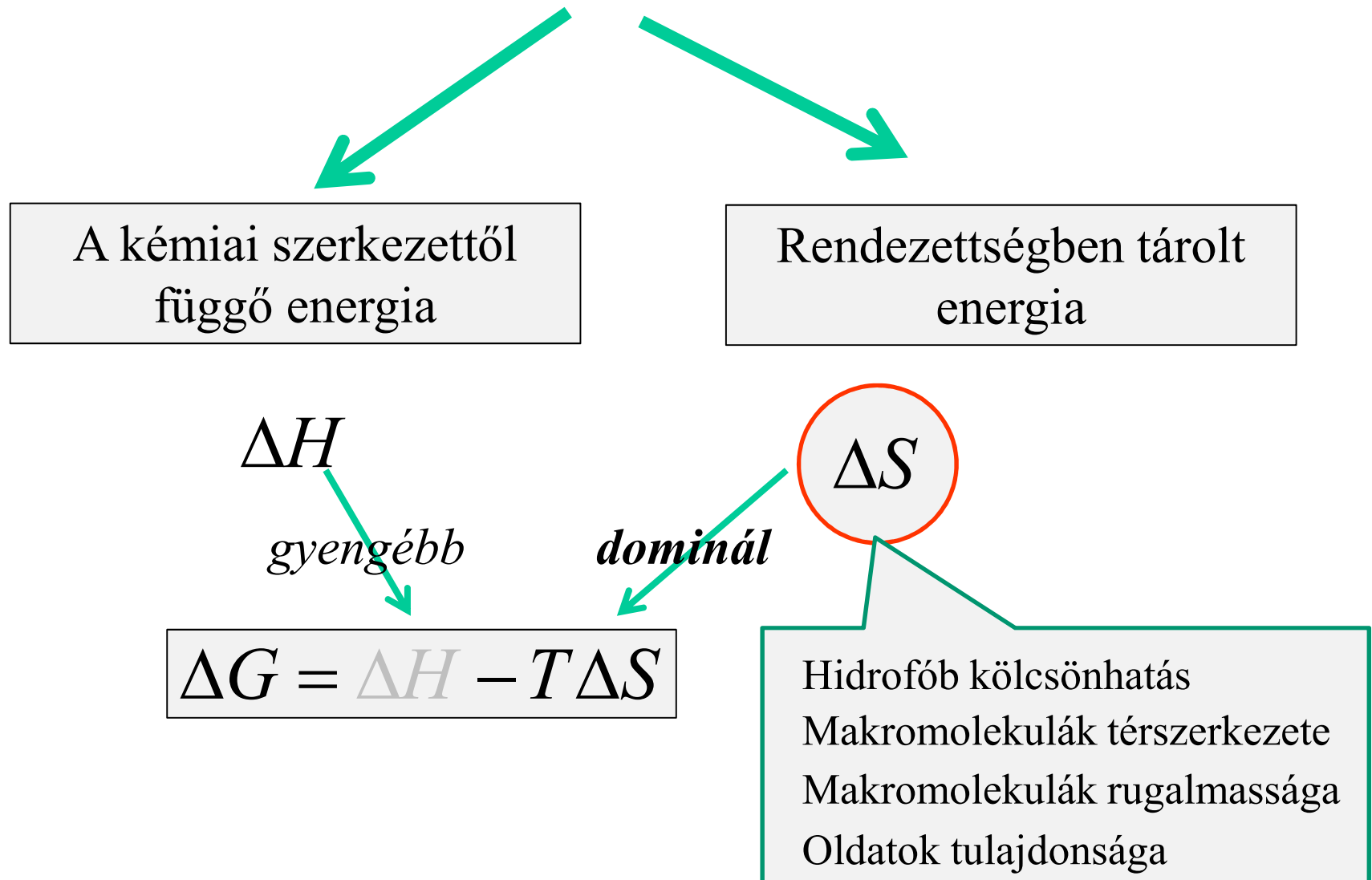
$$dH = d(U + pV) = TdS \quad \rightarrow \quad \boxed{\text{hő}}$$

$$\boxed{H = U + pV}$$

A H entalpia az U belső energiának izobár hőközléssel hasznosítható része.



Az izoterm körülmények között hasznosítható energia részei



Ismétlés!

Önként lejátszódó folyamatok iránya és hajtóereje

Folyamatok iránya

Elszigetelt rendszerben

$$\Delta S > 0$$

$$\Delta F = \Delta U - T \Delta S$$

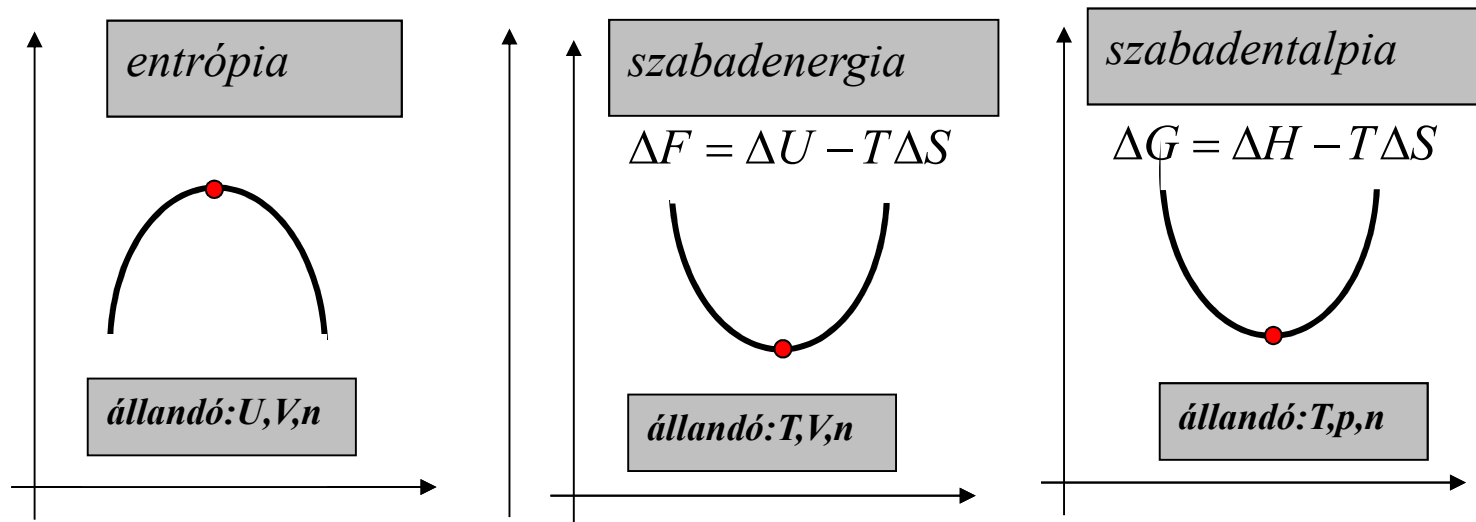
Izoterm rendszerben

$$\Delta F < 0$$

$$\Delta G = \Delta H - T \Delta S$$

*Izoterm - izobár
rendszerben*

$$\Delta G < 0$$

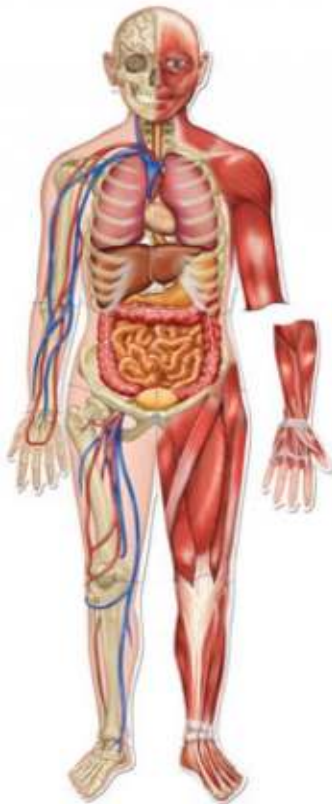


Ha nincs egyensúly



Folyamat

Transzportfolyamatok élettani szerepe



szerv	transzport
légzőrendszer	oxigén → vér széndioxid ← tüdő
keringési rendszer	oxigén → vörösvértestek széndioxid eltávolítás antitestek és sejtek → fertőzés
emésztőrendszer	emésztés és felszívódás
máj	szénhidrát tárolás és kibocsájtás, koleszterin metabolizmus, plazma és lipoprotein szintézis mérgek lebontása urea szintézis
vese	plazma szűrés metabolikus bomlástermékek kiválasztás plazma térfogat és vér pH állandó tartása

Biológiai anyagtranszport

Sejten belül

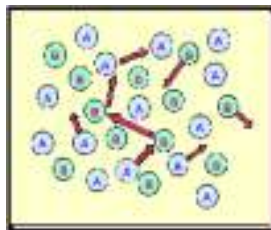
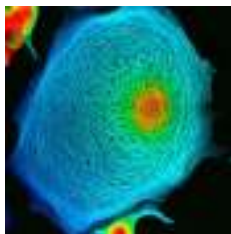
Sejmembránon át

Sejten kívül

konvektív transzport,
konduktív transzport
átadási transzport,
aktív összetett transzport

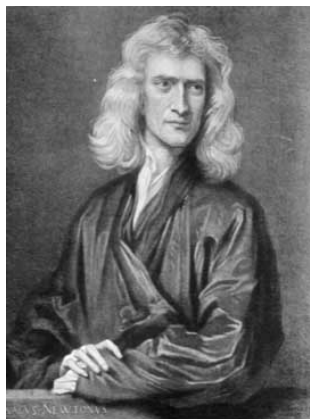
Karakterisztikus távolság

egység	Méret (m)
fehérjék és nukleinsavak	10^{-8}
sejt szervecskék	10^{-7}
sejtek	10^{-6}
kapillárisok	10^{-4}
szervek	10^{-1}
egész test	10^0



8 nagyságrend a méretekben

TRANSPORTFOLYAMATOK



Sir Isac Newton
(1642-1727)



Jean-Babtiste-Joseph Fourier
(1768-1830)



Adolf Eugen Fick
(1829-1901)



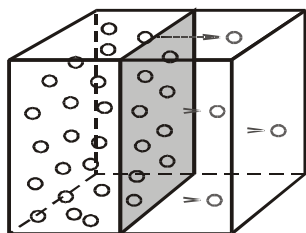
Lars Onsager)
(1903-1976)

Azokat a folyamatokat, amelyek során **energia, anyag, töltés** vagy valamilyen **más extenzív jellegű mennyiség** egyik helyről egy másik helyre jut el, **transzportfolyamatoknak** nevezzük.

Hordozók:

- **részecskék** (atomok, molekulák és ionok), amelyek **anyagot, energiát, impulzust** és **töltést** hordozhatnak,
- **elektronok, ionok**, amelyek **energiát, impulzust** és **töltést** hordozhatnak,
- **fotonok**, amelyek **energiát** hordozhatnak.

Alapvető mennyiségek:



a : felület

az (E) extenzív mennyiség: **áram**

az (y) intenzív mennyiség: **hajtóerő**

áramsűrűség
(felületi; fluxus) $j_E = \left(\frac{I_E}{a} = \frac{1}{a} \cdot \frac{\Delta E}{\Delta t} \right)$

komponensáram sűrűség:	$j_n [mol\ m^{-2}s^{-1}]$	∇c
energiaáram sűrűség:	$j_U [J\ m^{-2}s^{-1}]$	∇T
impulzusáram sűrűség:	$j_i [kg\ m^{-1}s^{-2}]$	∇v
töltésáram sűrűség:	$j_Q [C\ m^{-2}s^{-1}]$	$\nabla \psi$

hajtóerő
 ∇y

skalármezők

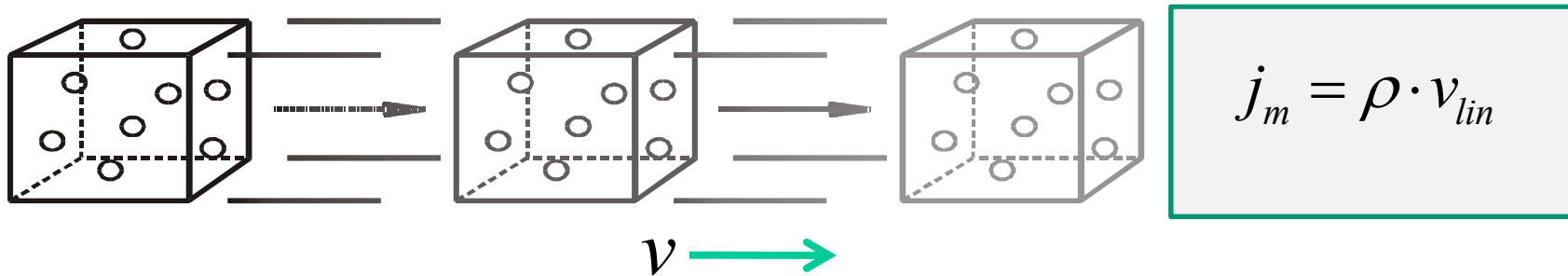
diffúzió,
hővezetés,
folyadékok áramlása,
töltések áramlása,

∇ = gradiens

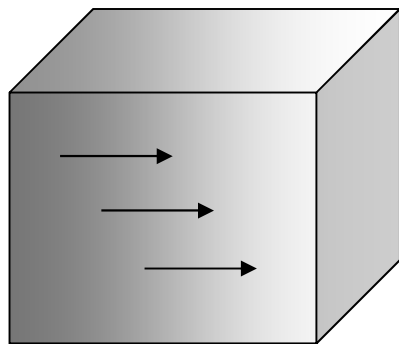
$$\nabla = \frac{\partial}{\partial x} \mathbf{e}_x + \frac{\partial}{\partial y} \mathbf{e}_y + \frac{\partial}{\partial z} \mathbf{e}_z \longrightarrow \text{áramlási vektorok } (j_E), \text{ vektormező}$$

Anyagtranszport

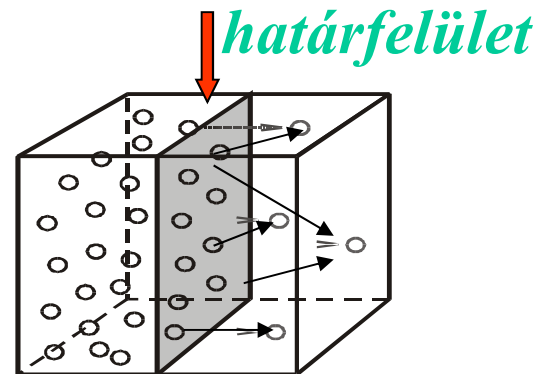
konvektív anyagtranszport: molekulahalmaz együttes elmozdulása



konduktív anyagtranszport: molekulák elmozdulása “nyugvó közegben”



vezetési transzport

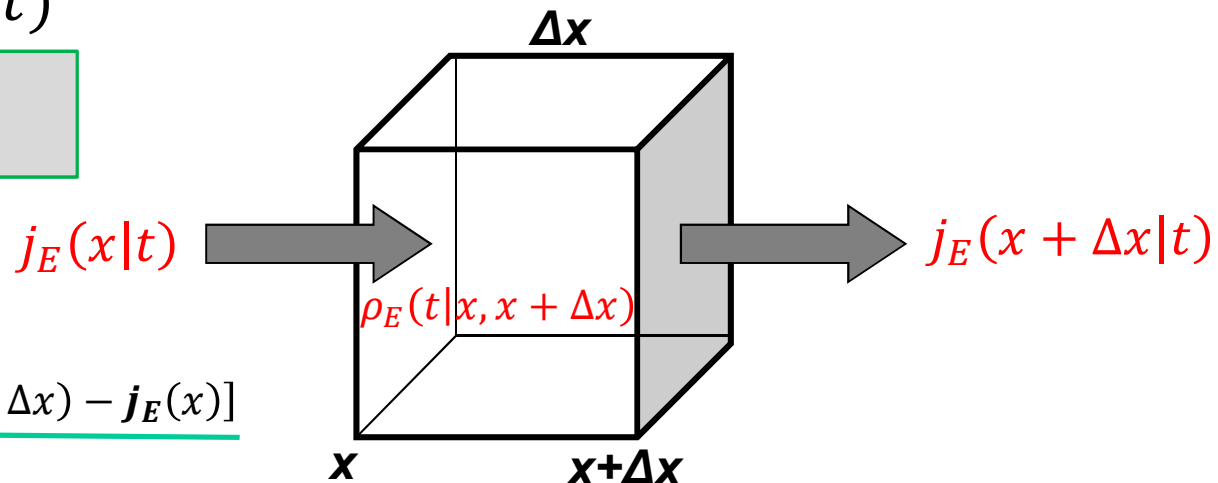


átadási transzport

Megmaradó* extenzív (E) mennyiség globális és lokális mérlegegyenlete

$$E = E(\underline{r}, t) \rightarrow E(x, t)$$

$$\frac{dE}{dt} = I_{be} + I_{ki} = I^{**}$$



$$I = \frac{dE}{dt} \Big|_{(\Delta x)^3} = -(\Delta x)^2 [j_E(x + \Delta x) - j_E(x)]$$

$$\frac{d\rho_E}{dt} = \frac{1}{V} \frac{dE}{dt} = \frac{1}{(\Delta x)^3} \cdot \frac{dE}{dt} \longrightarrow \frac{d\rho_E}{dt} = -\frac{j_E(x + \Delta x) - j_E(x)}{\Delta x}$$

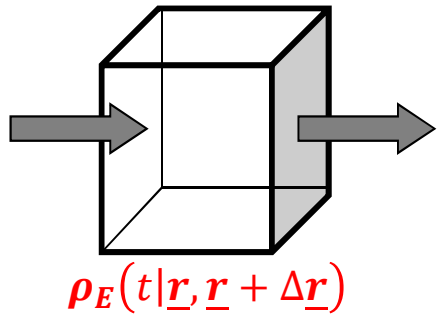
Kontinuitási egyenlet: $\frac{\partial \rho_E}{\partial t} = -\nabla \cdot j_E = -\text{div } j_E$

*: nem tartozhat forrás vagy nyelő a mennyiséghez

** : vegyük észre, hogy ez a divergenciatétel speciális felírása

$$\nabla = \frac{\partial}{\partial x} \mathbf{e}_x + \frac{\partial}{\partial y} \mathbf{e}_y + \frac{\partial}{\partial z} \mathbf{e}_z$$

A mérlegegyenlet és a hajtóerő kapcsolata konduktív transzportfolyamatoknál



$$\left. \frac{\partial \rho_E(\underline{r}, t)}{\partial t} \right|_{\underline{r}} = -\nabla \cdot \mathbf{j}_E = -\text{div } \mathbf{j}_E$$

$$\mathbf{j}_E = -k \nabla \rho_E$$

$$\frac{\partial \rho_E}{\partial t} = -\text{div}(-k \cdot \text{grad } \rho_E) = -\nabla(-k \cdot \nabla \rho_E)$$

$$\frac{\partial \rho_E}{\partial t} = k \cdot \text{div}(\text{grad } \rho_E) = k \cdot \nabla^2 \rho_E$$

$$\left(\frac{\partial \rho_E(\underline{r}, t)}{\partial t} \right)_{\underline{r}} = k \left(\nabla^2 \rho_E(\underline{r}, t) \right)_t \xrightarrow{1D} \left(\frac{\partial \rho_E}{\partial t} \right)_x = k \cdot \left(\frac{\partial^2 \rho_E}{\partial x^2} \right)_t$$

Laplace operátor: $\nabla^2 = \frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} + \frac{\partial^2}{\partial z^2}$

→ a görbületre jellemző

Konduktív transzportfolyamatok egységes leírása

	diffúzió	hővezetés	reológia
ÁRAM:	komponens áram (tömeg áram)	energia áram	impulzus áram
HAJTÓERŐ:	∇c	∇T	∇v
ÁRAMSÚRÚSÉG:	$j_n = -D \nabla c$	$j_Q = -k \nabla T$	$j_i = -\eta \nabla v$
LOKÁLIS VÁLTOZÁS:	$\frac{\partial c}{\partial t} = D \nabla^2 c$	$\frac{\partial T}{\partial t} = \alpha \nabla^2 T$	

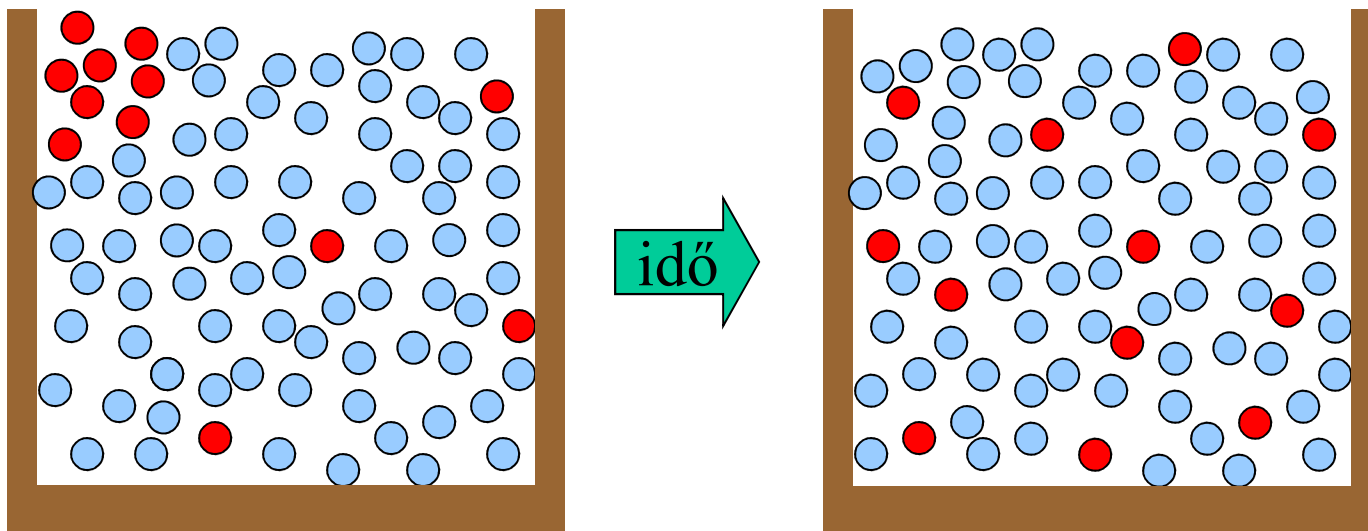
Fick

Fourier

Newton

Laplace operátor: $\nabla^2 = \frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} + \frac{\partial^2}{\partial z^2}$

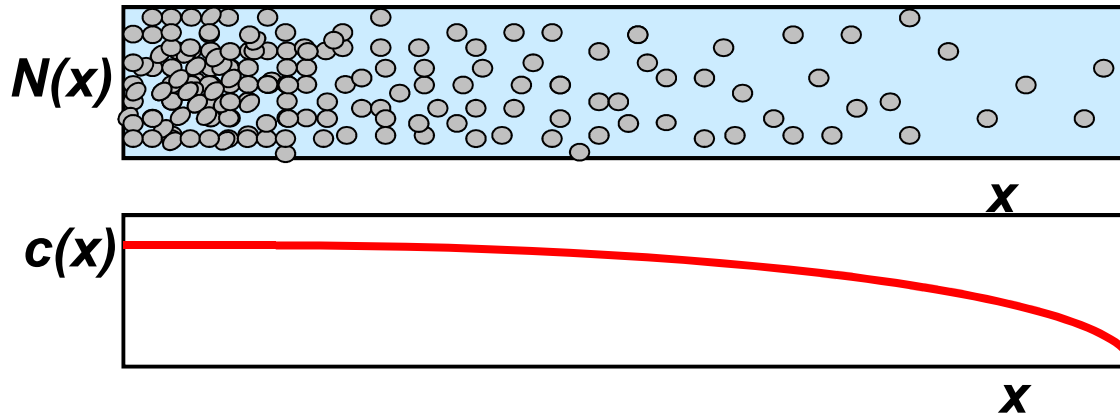
DIFFÚZIÓ



A diffúzió elmélete: Fick törvények

1855

A diffúziós folyamatok mikroszkopikus leírása az N részecskeszámmal és a makroszkopikus leíráshoz használt $c(x)$ lokális koncentráció-eloszlással.



megoldás:

$$c(x,t)$$

$$c(\underline{r},t)$$

Fick I. törvénye:

$$j = -D \cdot \text{grad } c$$

$$j = -D \cdot \nabla c$$

$\xrightarrow{1D}$

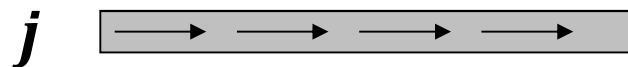
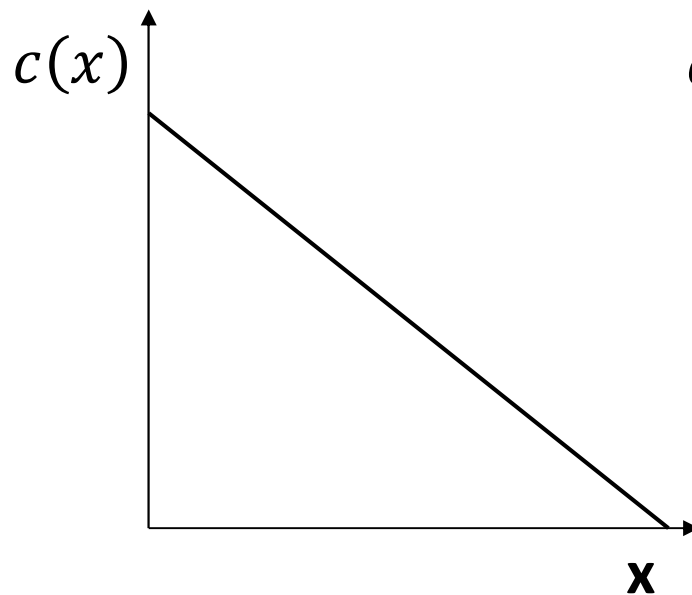
$$j = -D \cdot \frac{dc}{dx}$$

- a diffúziós anyagáram a koncentráció térbeli változásának a meredekségével arányos,
- a diffúziós anyagáram a csökkenő koncentráció irányába folyik,
- $D > 0$

Csak óvatosan, mert nem ∇c az igazi hajtóerő!

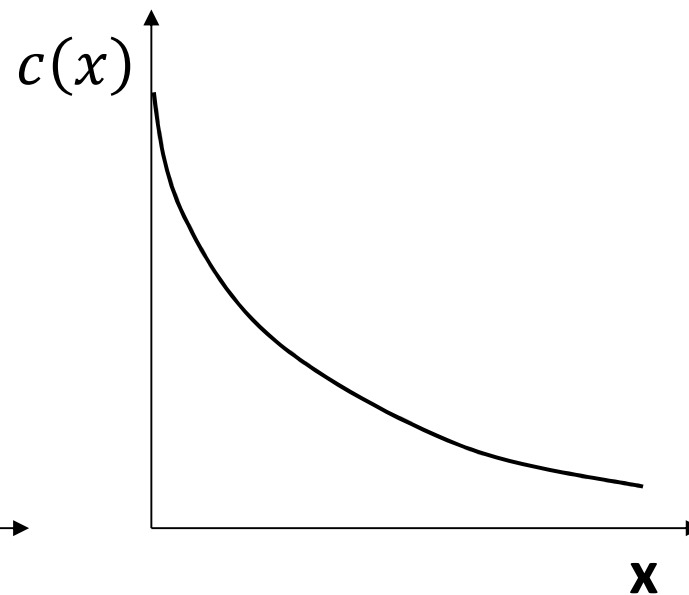
A komponens áramsűrűség és a koncentráció eloszlás kapcsolata

$$j = -D \cdot \frac{dc}{dx}$$



Stacionárius eset

$$\frac{dc}{dt} = 0$$



$$\frac{dc}{dt} > 0$$

A mérlegegyenlet és a hajtóerő kapcsolata a diffúzió példáján (Fick törvények)

$$^{**}\frac{\partial c(\underline{r}, t)}{\partial t} = -\nabla \cdot \mathbf{j}_n = -\operatorname{div} \mathbf{j}_n \longleftarrow \mathbf{j}_n = -D \cdot \nabla c$$

Fick I

$$\frac{\partial c(\underline{r}, t)}{\partial t} = -\operatorname{div}(-D \cdot \operatorname{grad} c) = -\nabla \cdot (-D \cdot \nabla c)$$

Fick II

$$\frac{\partial c}{\partial t} = D \cdot \operatorname{div}(\operatorname{grad} c) = D \cdot (\nabla^2 c)$$

$$\frac{\partial c}{\partial t} = D \nabla^2 c$$

$\xrightarrow{1D}$

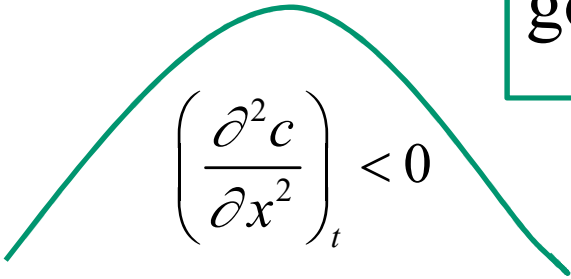
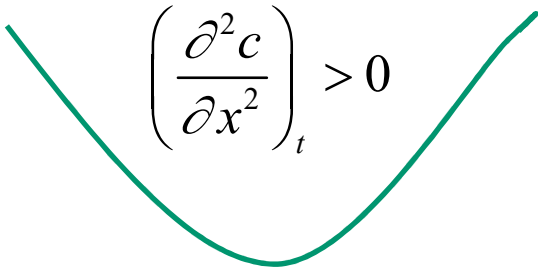
$$\left(\frac{\partial c}{\partial t}\right)_x = D \left(\frac{\partial^2 c}{\partial x^2}\right)_t$$

↓
görbület

******: az anyagáramra vonatkozó
kontinuitási egyenlet

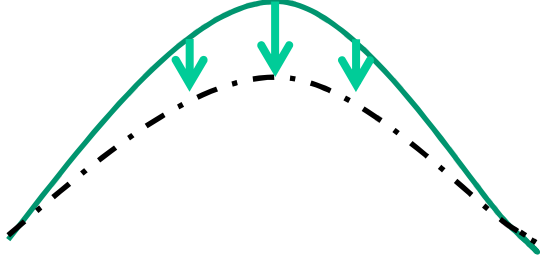
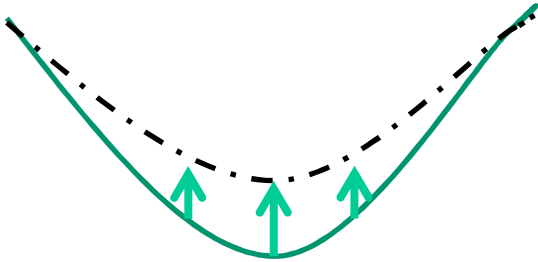
$$\left(\frac{\partial c}{\partial t}\right)_x = D \left(\frac{\partial^2 c}{\partial x^2}\right)_t$$

Ez a $c(x)$ függvény görbülete



$$\left(\frac{\partial c}{\partial t}\right)_x > 0$$

$$\left(\frac{\partial c}{\partial t}\right)_x < 0$$

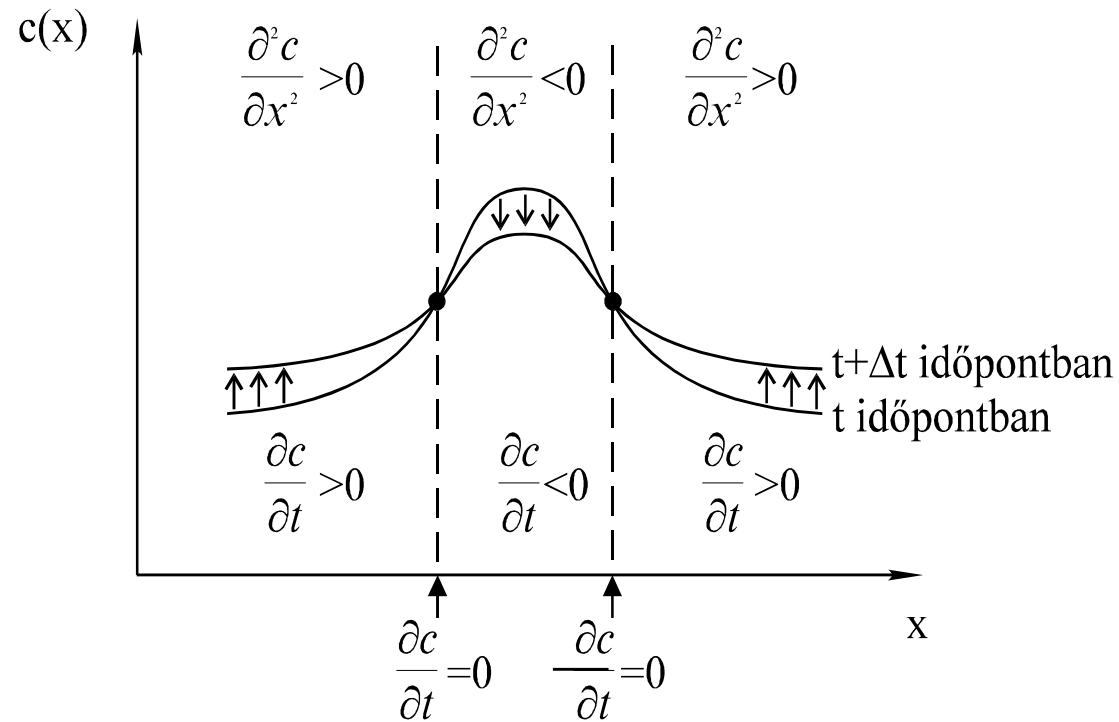


$$j = -D \cdot \frac{dc}{dx}$$

Fick I. törvénye

$$\left(\frac{\partial c}{\partial t}\right)_x = D \left(\frac{\partial^2 c}{\partial x^2}\right)_t$$

Fick II. törvénye



$$\frac{d}{dt} \left| \frac{\partial^2 c}{\partial x^2} \right| < 0$$

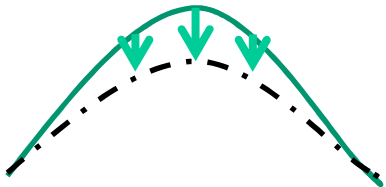
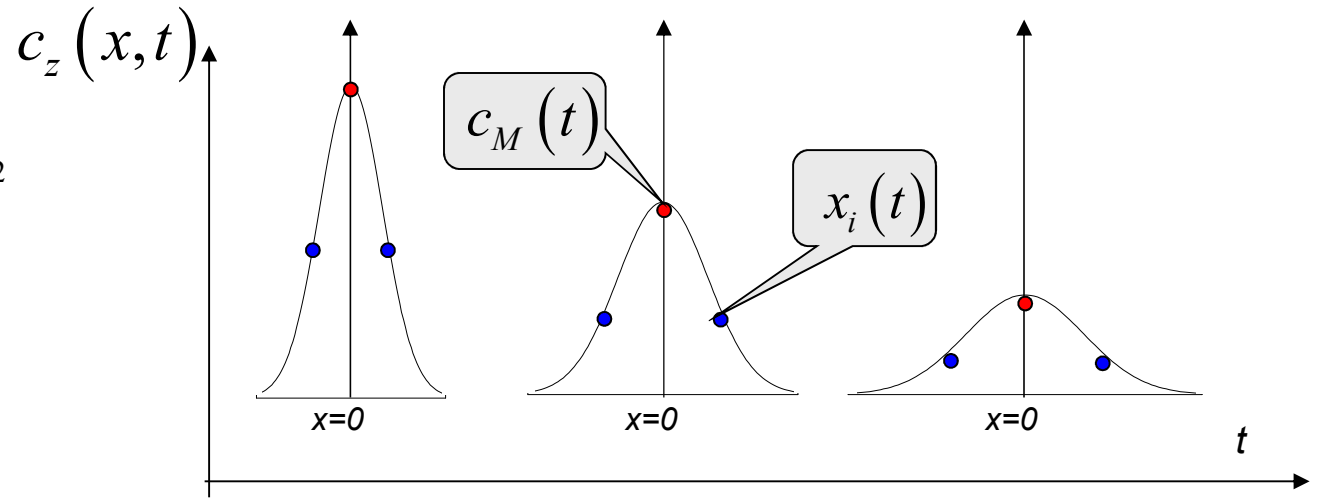
A diffúzió nem kedvez a mintázatok kialakulásának! Morfogenézis !?

Koncentráció-zóna egydimenziós szabad diffúziója

$$c_M(t) = \frac{c_o \delta_x}{(4\pi D)^{1/2}} \cdot t^{-1/2}$$

$$x_i(t) = \sqrt{2D} \cdot t^{1/2}$$

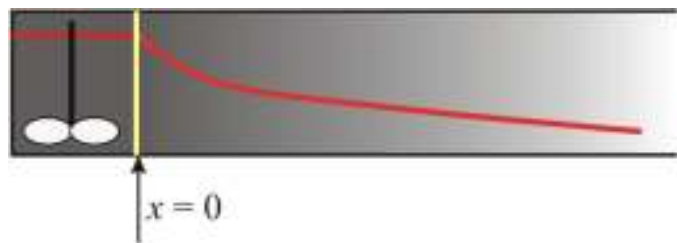
$$c_i(t) = c_M(t) \cdot \frac{1}{\sqrt{e}}$$



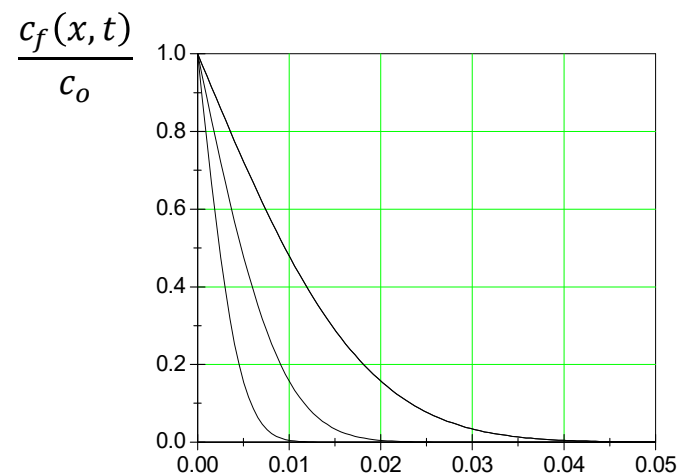
$$c_z(x, t) = \frac{n}{A_s (4\pi Dt)^{1/2}} \cdot \exp\left(-\frac{x^2}{4Dt}\right) = \frac{c_o \delta_x}{(4\pi Dt)^{1/2}} \cdot \exp\left(-\frac{x^2}{4Dt}\right)$$

Tisztán diffúziós jelenségeknél a karakterisztikus távolságok az idő négyzetgyökével arányosan változnak!

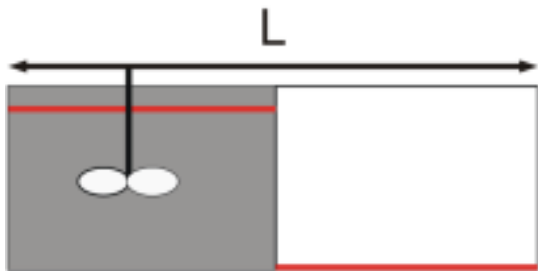
Egyirányú diffúzió végtelen hosszú térfélben



$$c_f(x, t) = c_o \left[1 - \operatorname{erf} \left(\frac{x}{2\sqrt{Dt}} \right) \right]$$

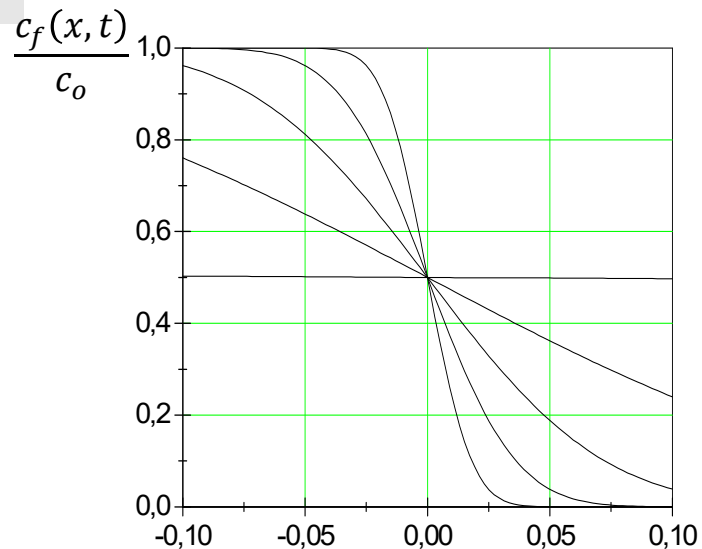


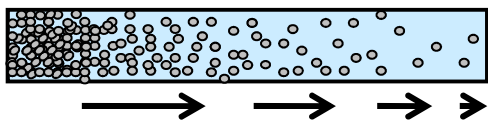
Egyirányú diffúzió véges rendszerben



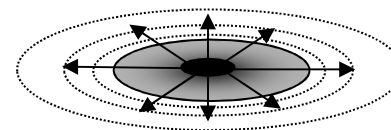
$$c_f(x, t) = \frac{c_o}{2} \left[1 - \operatorname{erf} \left(\frac{x}{2\sqrt{Dt}} \right) \right]$$

$$\operatorname{erf} \left(\frac{x}{2\sqrt{Dt}} \right) = \frac{2}{\sqrt{\pi}} \cdot \int_0^{\frac{x}{2\sqrt{Dt}}} e^{-s^2} ds$$





Fick II. törvénye



Egyirányú diffúziónál

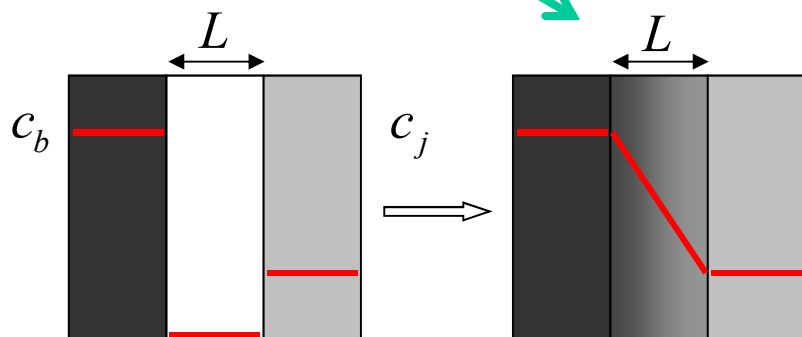
Radiális diffúziónál

$$\left(\frac{\partial c}{\partial t}\right)_x = D \left(\frac{\partial^2 c}{\partial x^2}\right)_t$$

$$\left(\frac{\partial c}{\partial t}\right)_r = D \left(\frac{\partial^2 c}{\partial r^2} + \frac{2}{r} \cdot \frac{\partial c}{\partial r}\right)_t$$

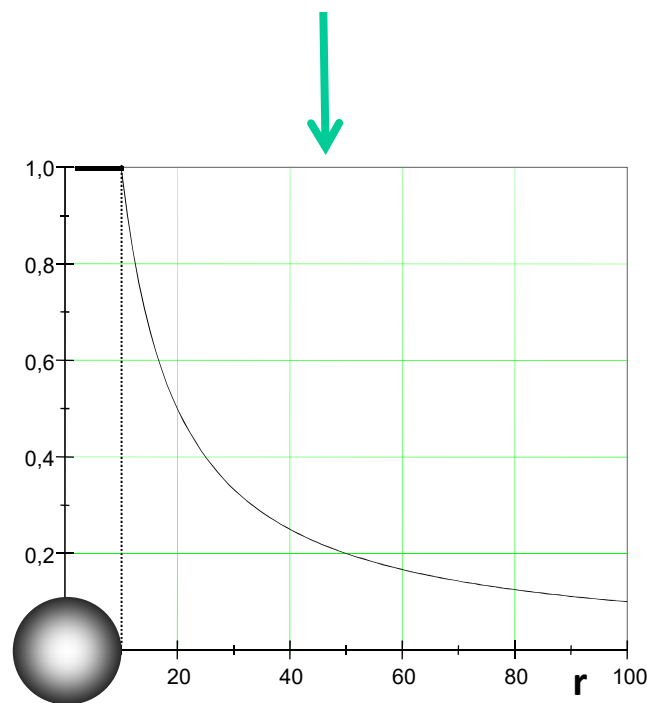
Stacionárius diffúzió:

$$\left(\frac{\partial c}{\partial t}\right)_x = 0$$



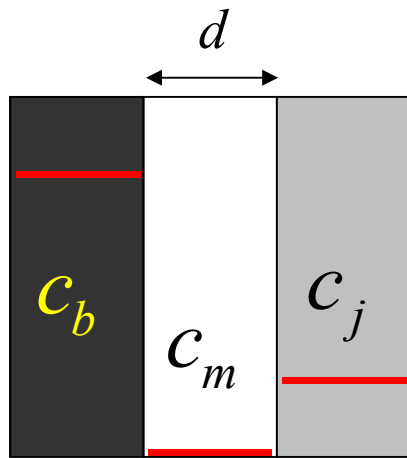
$$c(x) = -\frac{c_b - c_j}{L} x + c_b$$

lineáris

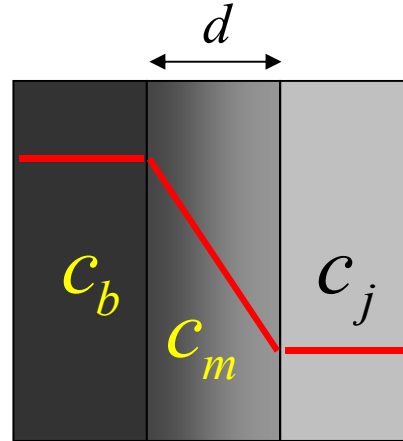


nem lineáris

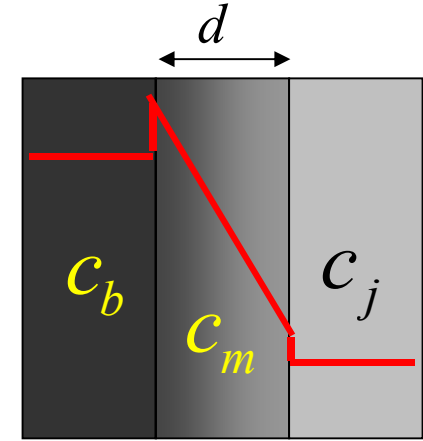
Koncentráció eloszlás stacionárius diffúziónál



$$c_h = 0 \text{ vagy } K_m = 0$$



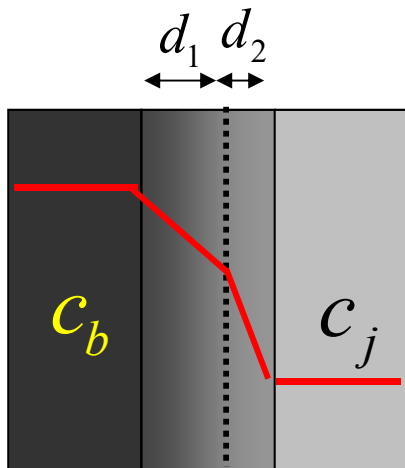
$$K_m = 1$$



$$K_m > 1$$

$$K_m = \frac{c_m}{c_b} \text{ Megoszlási hányados}$$

$$c_m(x=0) = K_m \cdot c_b(x=0)$$



$$D_1 > D_2$$

$$K_m = 1$$

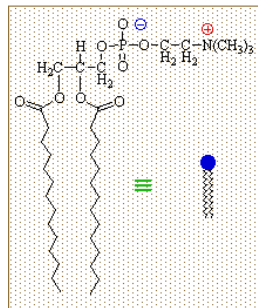
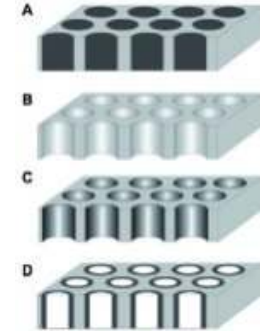
$$j_{n,1} = j_{n,2}$$

$$-D_1 \cdot (\text{grad } c)_1 = -D_2 \cdot (\text{grad } c)_2$$

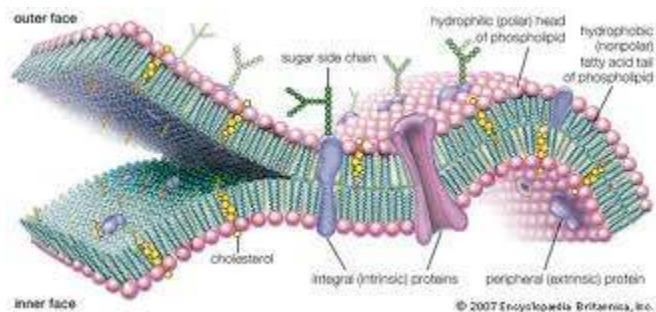
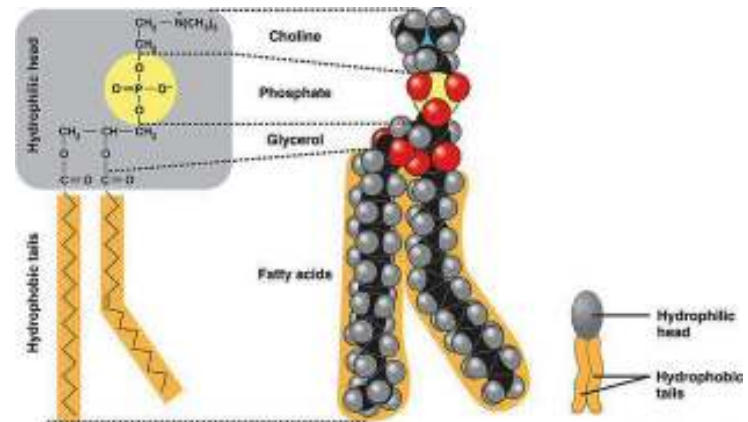
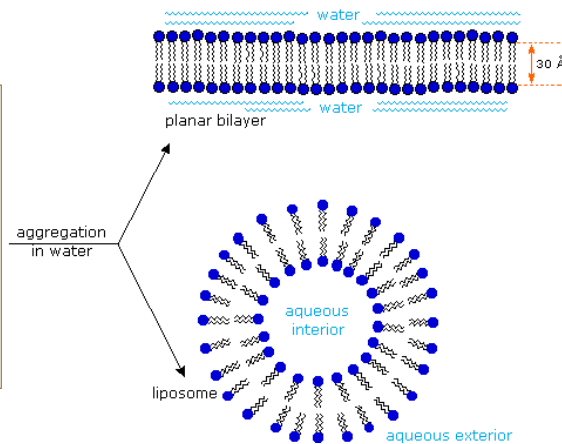
Többrétegű membrán esetén

Membránok

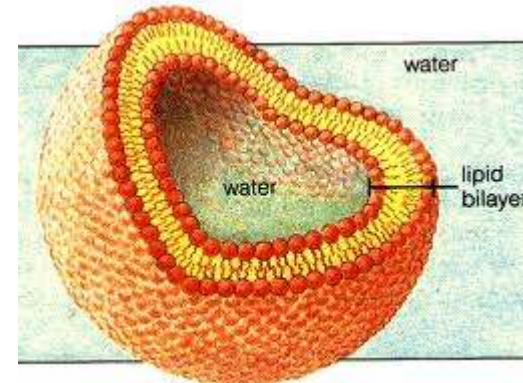
membrán $\begin{cases} \text{szintetikus} \\ \text{biológiai} \end{cases}$



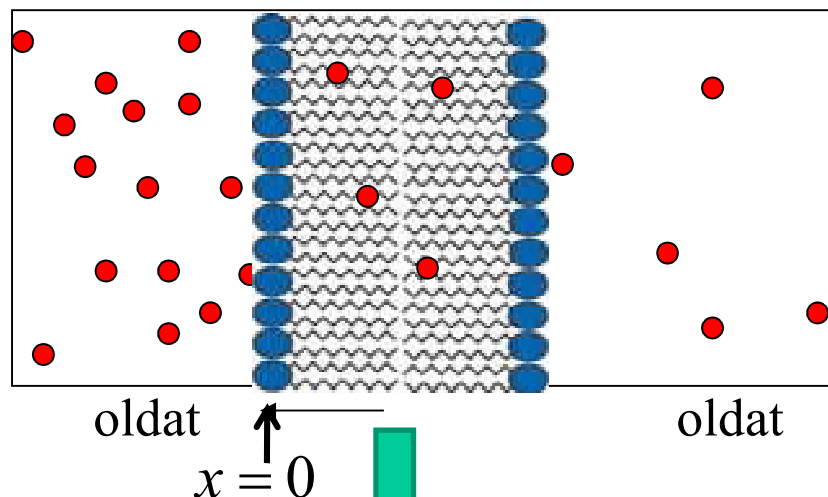
phospholipid



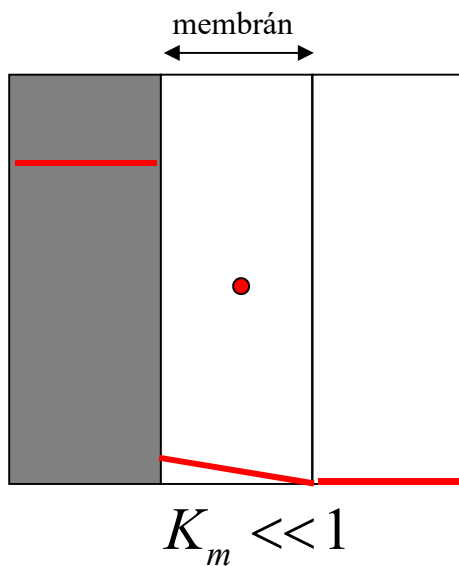
© 2007 Encyclopedia Britannica, Inc.



Megoszlás a membrán és az oldat között



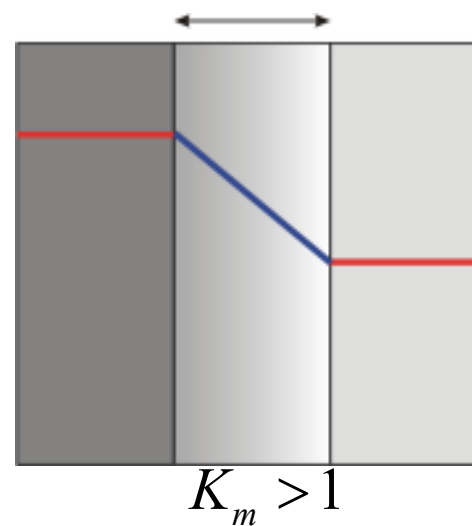
Eltérő oldhatóság K_m



$$K_m = \frac{c_m}{c_b} \text{ Megoszlási hányados}$$

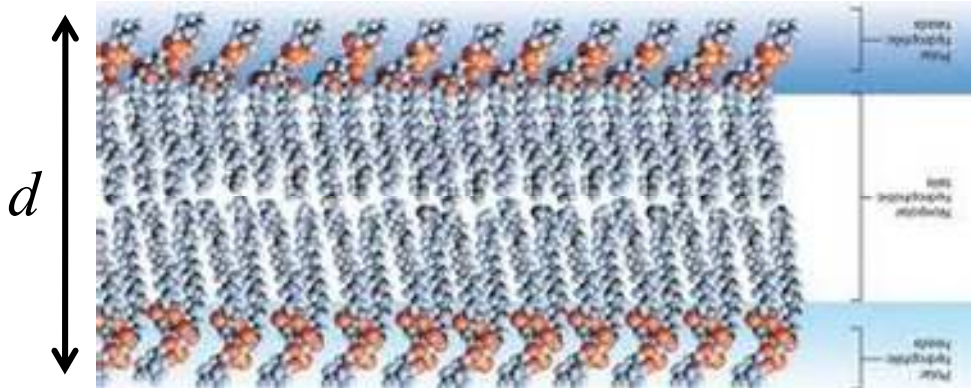
$$c_m(x=0) = K_m \cdot c_b(x=0)$$

$$c(x) = -K_m \frac{c_b - c_j}{d} x + K_m \cdot c_b$$



Membrán permeabilitás:

P_{erm}

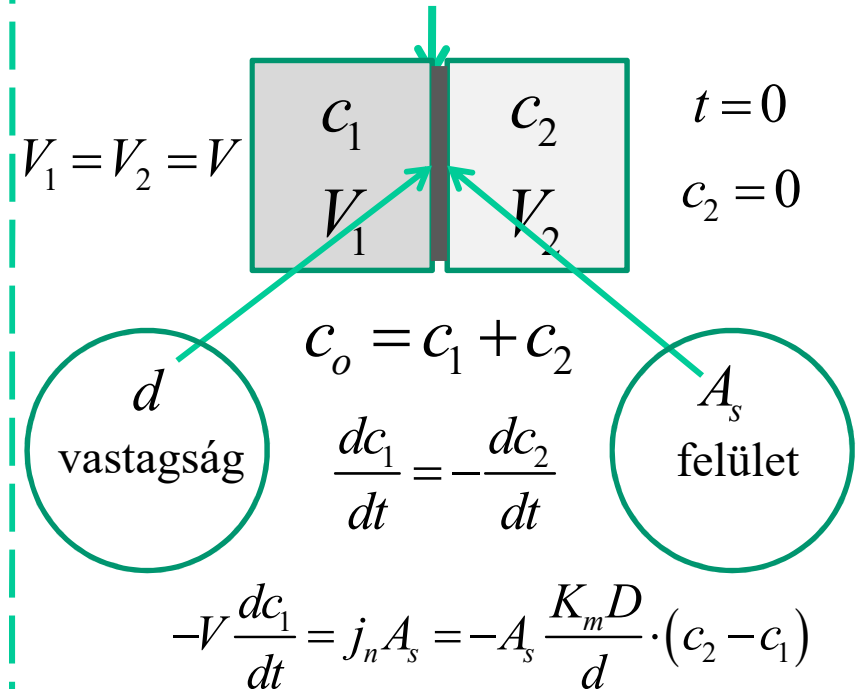


$$j_n = -D \nabla c \quad \nabla c = \frac{K_m (c_j - c_b)}{d} = -\frac{K_m \Delta c}{d}$$

$$P_{erm} = \frac{j_n}{\Delta c} = \frac{K_m D}{d}$$

K_m : megoszlási hányados

membrán

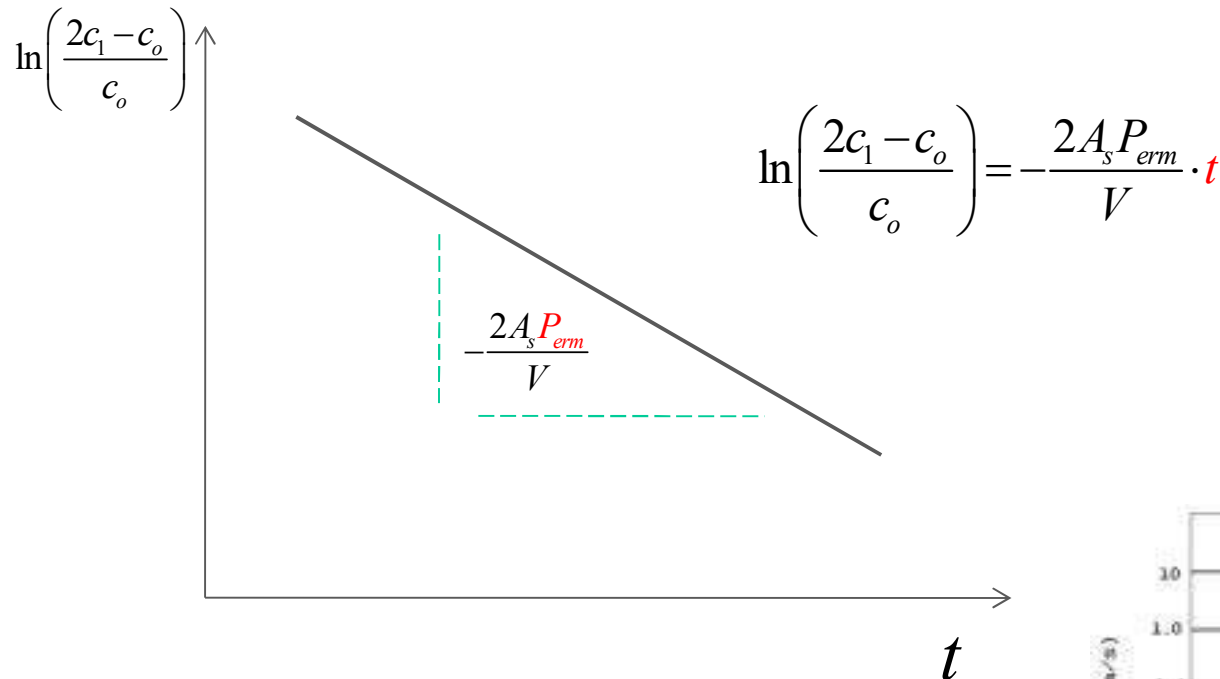


$$-V \frac{dc_1}{dt} = j_n A_s = -A_s \frac{K_m D}{d} \cdot (c_2 - c_1)$$

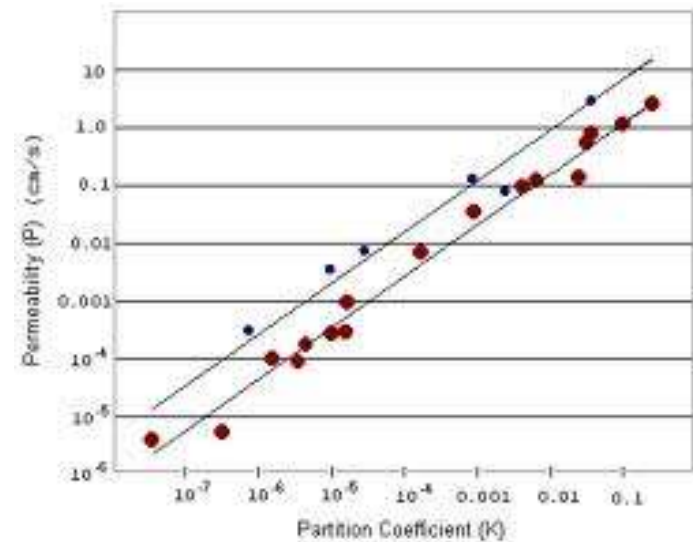
$$-V \frac{dc_1}{dt} = j_n A_s = A_s P_{erm} \cdot (2c_1 - c_o)$$

$$\ln \left(\frac{2c_1 - c_o}{c_o} \right) = -\frac{2A_s P_{erm}}{V} \cdot t$$

A permeabilitás kísérleti meghatározása

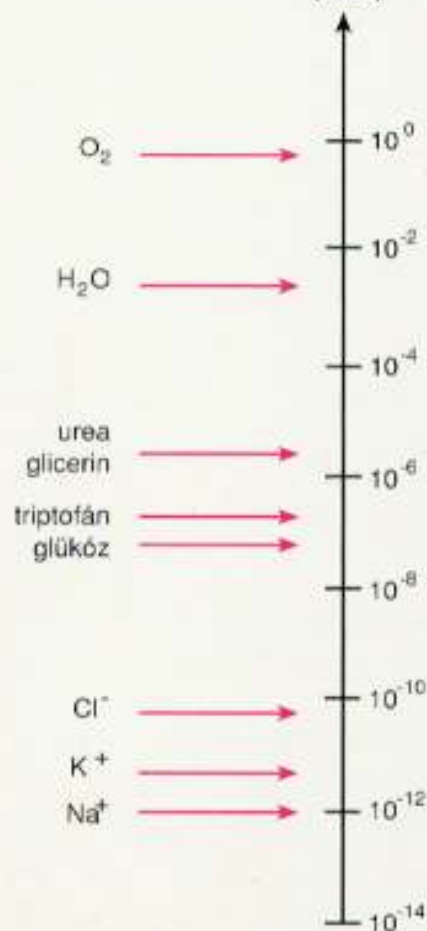


$$P_{erm} \propto K_m \cdot D$$



$P_{erm} = 10^{-3} \mu m s^{-1}$ glükóz permeabilitása mesterséges membránon

Permeabilitás / $cm \cdot s^{-1}$



$$P_{erm} \propto D$$

Méret és diffúziós együttható vízben 25C° -on.

anyag	M	R/nm	$10^9 D / m^2 s^{-1}$
víz	18	0,15	2,0
oxigén	32	0,2	2,1
karbamid	60	0,4	1,38
glükóz	180	0,5	0,7
hemoglobin	68000	3,1	0,069
kollagén	345000	31	0,007
vírus		50	$5,0 cm^2 s^{-1}$
baktérium		1000	$0,5 cm^2 s^{-1}$
sejt		10000	$0,05 cm^2 s^{-1}$

$$D = \frac{k_B T}{6\pi\eta R}$$

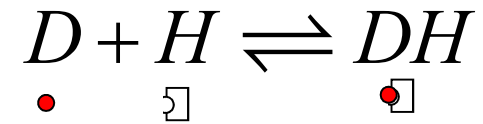
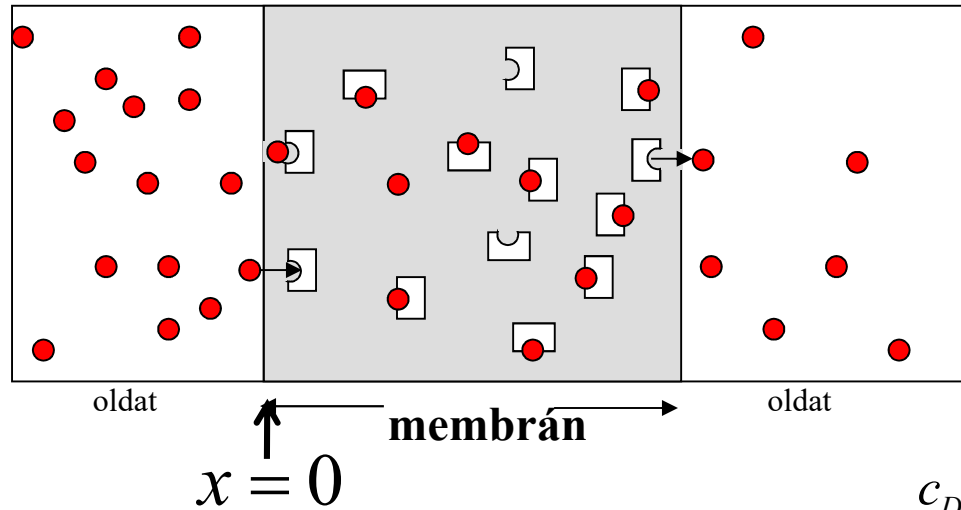
$$D\eta = \frac{k_B T}{6\pi} \cdot \frac{1}{R}$$

Stokes –Einstein összefüggés

Közvetített diffúzió

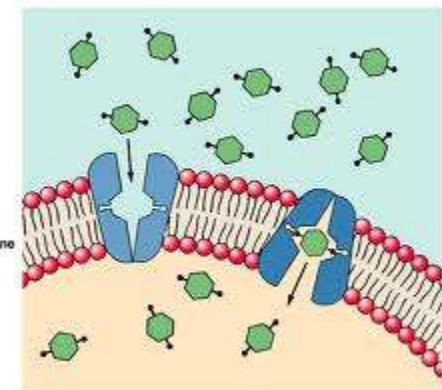
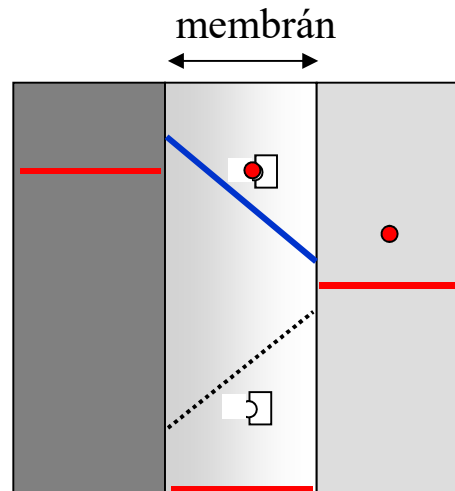
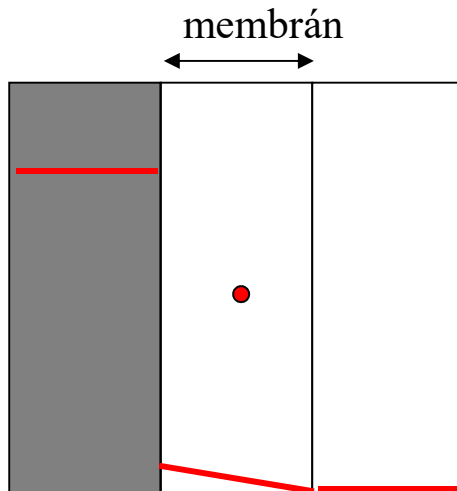
(Facilitated diffusion)

• diffundáló molekula c_d □ komplexképző c_h ◻ molekulakomplex c_{dh}



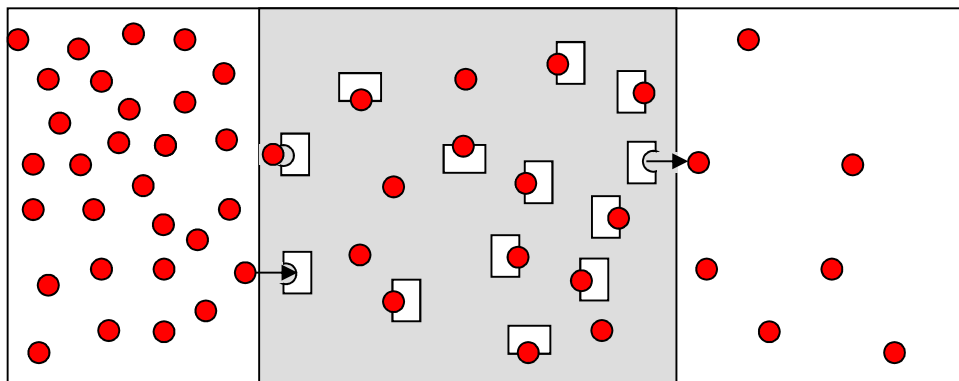
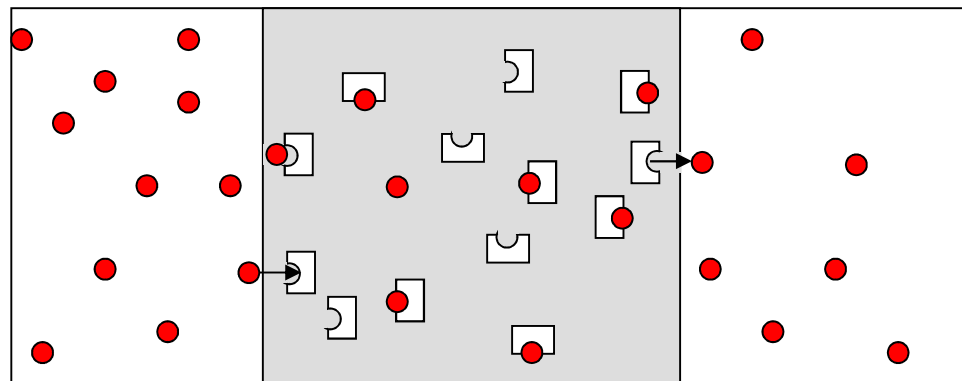
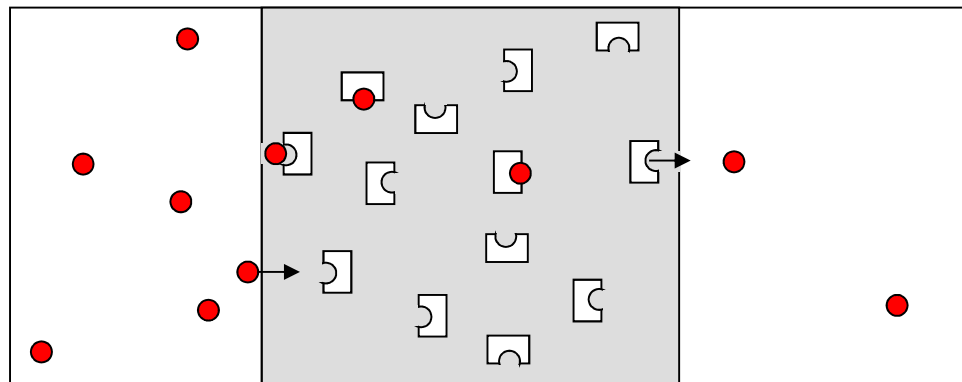
$$K_k = \frac{[DH]}{[D][H]}$$

$$c_{DH}(x=0) = K_k \cdot c_D(x=0) \cdot c_H(x=0)$$

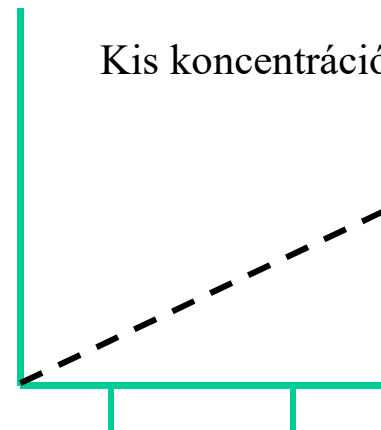


Közvetített diffúzió

(Facilitated diffusion)



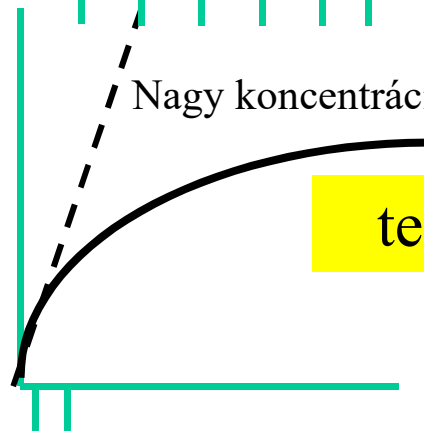
Kis koncentrációnál



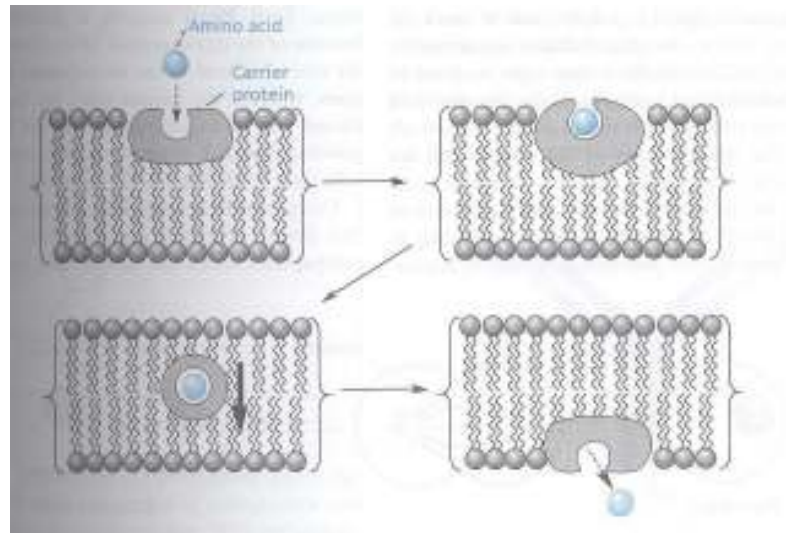
Kis és mérsékelt nagy koncentrációnál



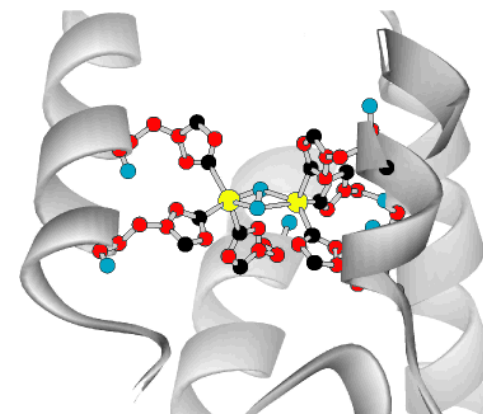
Nagy koncentrációnál



telítés



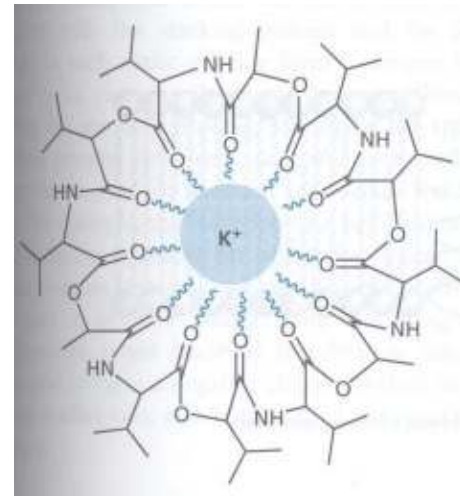
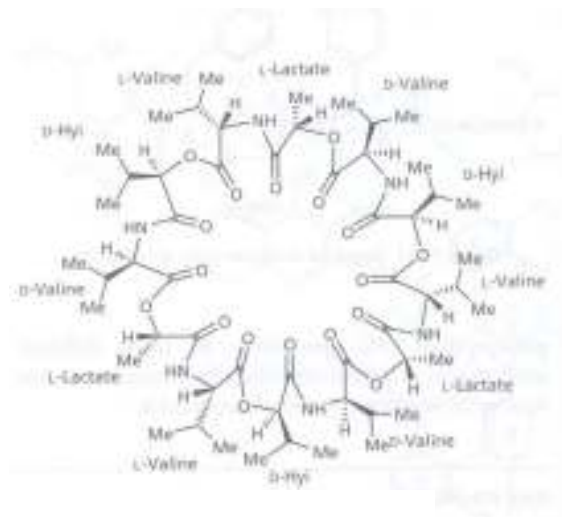
3-ketoacyl-(acyl-carrier-protein)



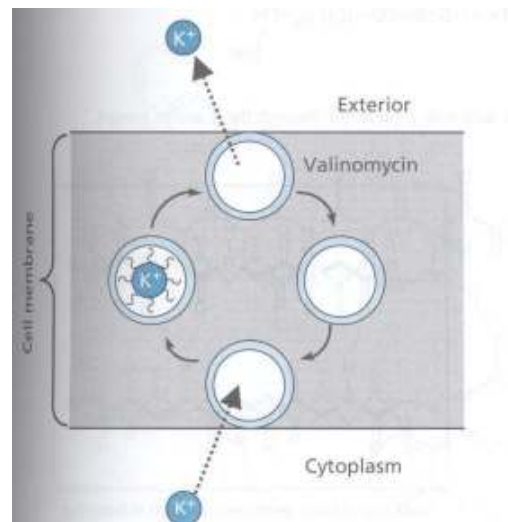
Key:
 carbon (red) oxygen (blue) copper (yellow) nitrogen (black)

**az oxyhemocyanin oxigént szállító
protein aktív helye**

Ion-transzport molekuláris csatornán át

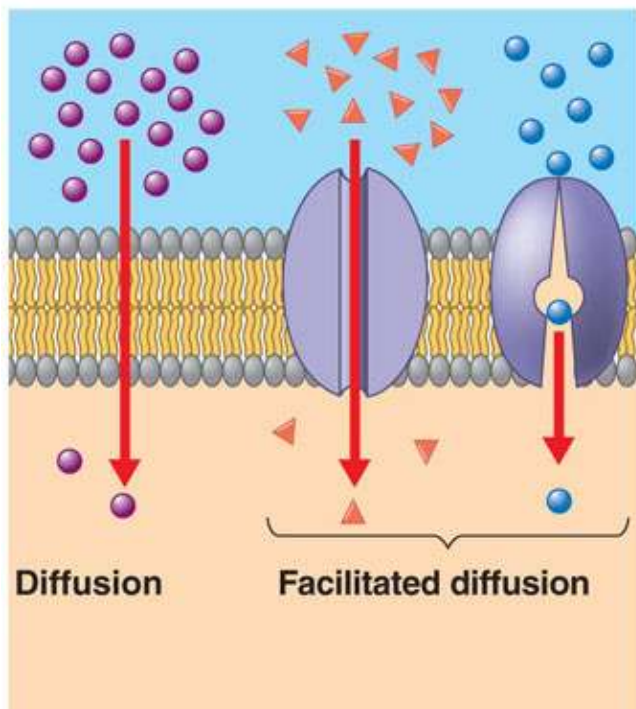


valinomycin



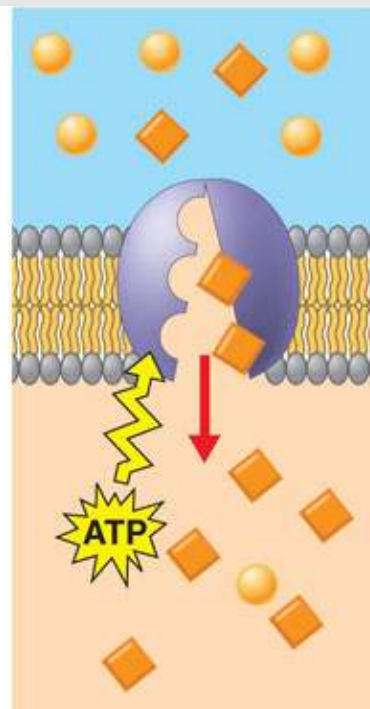
Aktív és passzív transzport

Passzív transzport



A diffúziós áram a **csökkenő** koncentráció irányába folyik.

Aktív transzport



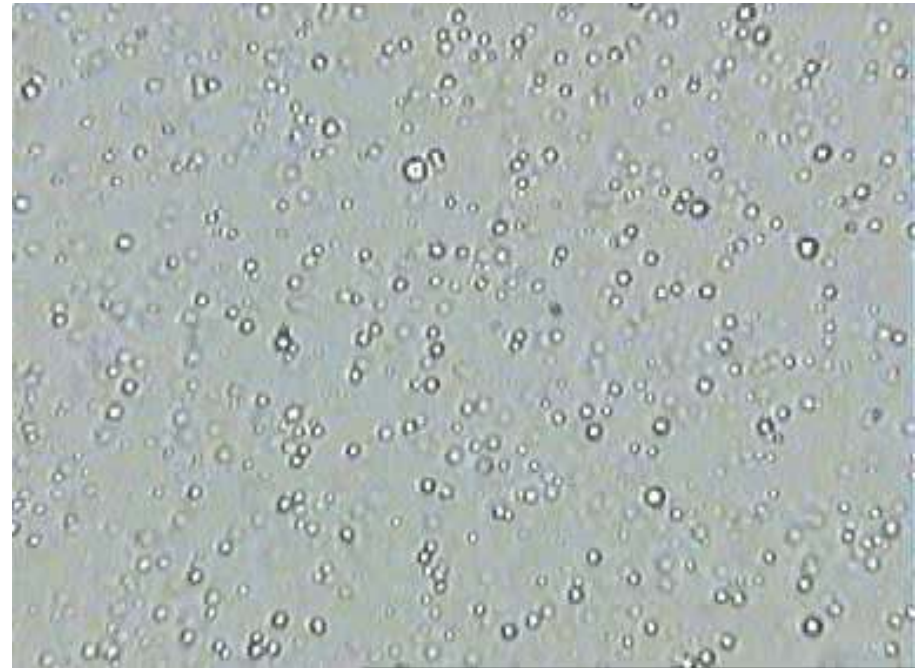
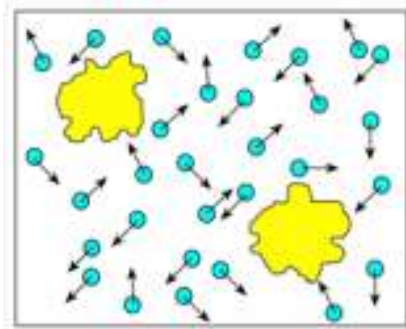
Anyagtranszport a koncentráció gradiens irányában!

A diffúziós áram a **növekvő** koncentráció irányába folyik.
(nátrium – kálium pumpa)

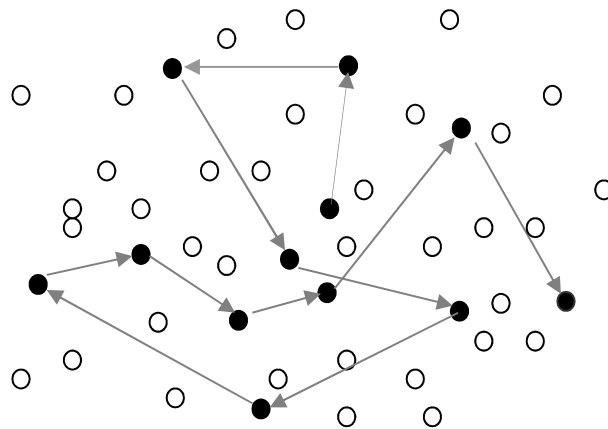
A diffúzió molekuláris elmélete: **Brown mozgás**



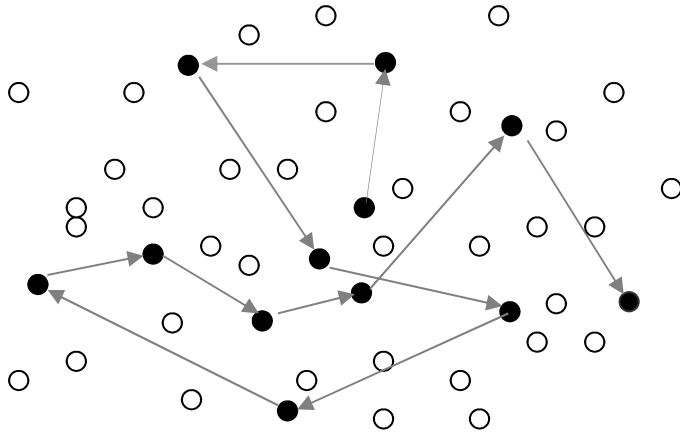
Robert Brown
(1773-1858)



Zsír cseppek tejben (méret: 0.5 - 3 μm)



A diffúzió molekuláris elmélete

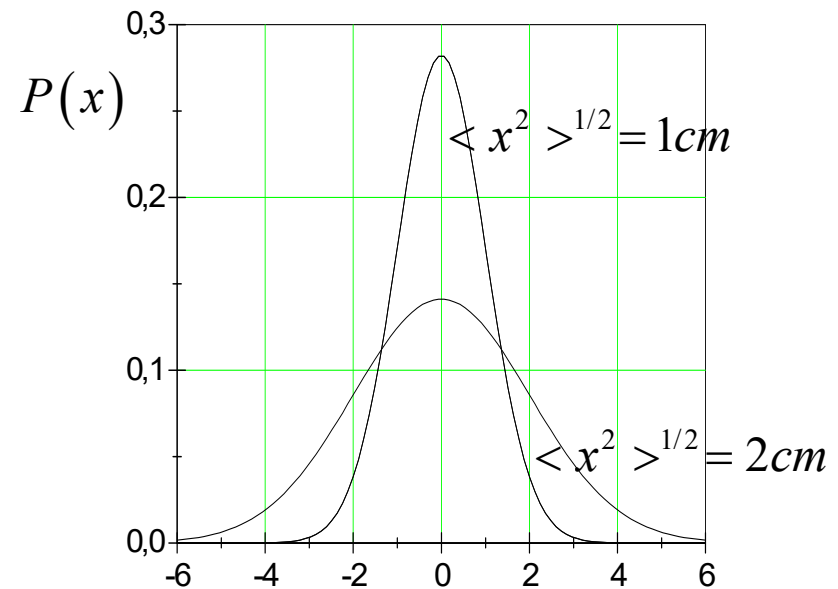


<i>egyirányú</i>	$\langle x^2 \rangle = 2Dt$
<i>laterális</i>	$\langle \sigma^2 \rangle = 4Dt$
<i>radiális</i>	$\langle r^2 \rangle = 6Dt$

Brown mozgás, bolyongás

$$D = \frac{k_B T}{\xi} = \frac{k_B T}{6\pi\eta R}$$

Stokes-Einstein összefüggés



Einstein szerint



$$\langle r^2 \rangle = 6Dt$$



$$\langle r^2 \rangle \sim t$$



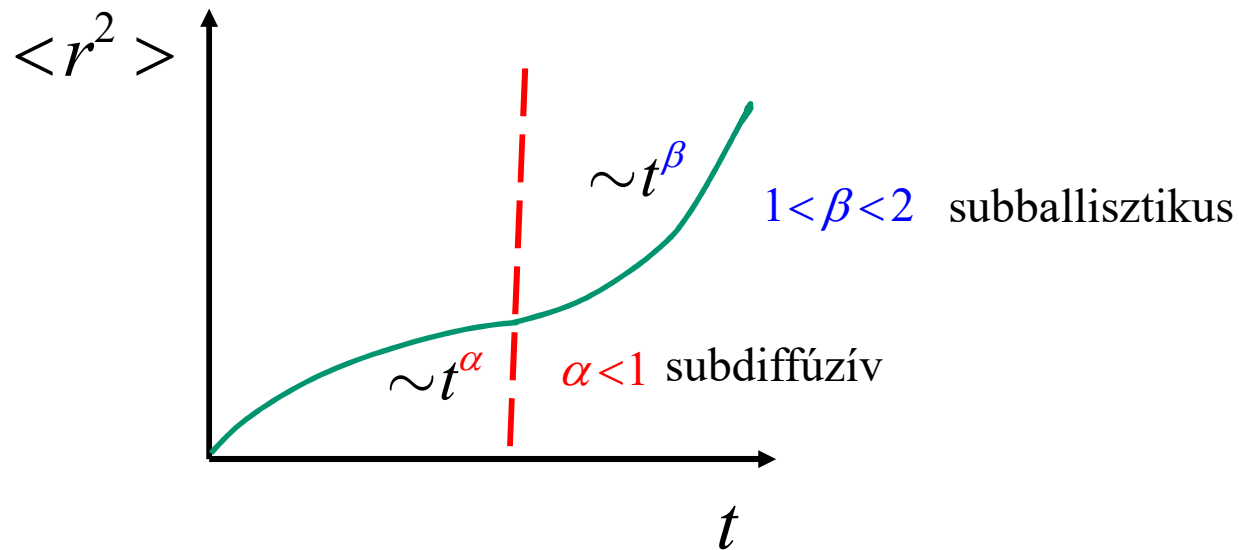
sejtekben



$$\langle r^2 \rangle \sim t^\alpha$$

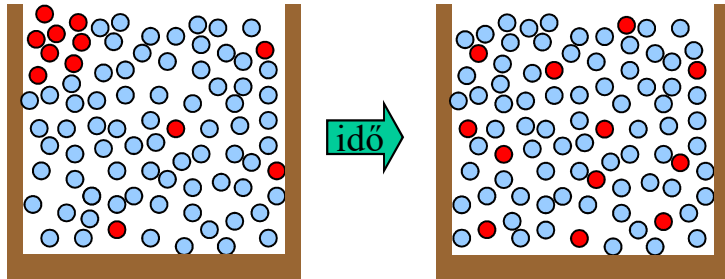


motor fehérjéknél



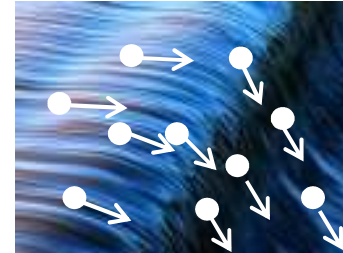
Például: aktinnál és mikrotubulinnál: $\sim t^{3/4}$

Konvektív és konduktív anyagtranszport függése a mérettől



diffúzió

$$L^2 \propto D \cdot t_D$$



áramlás

$$L \propto v \cdot t_K$$

Melyik a gyorsabb anyagtranszport?

$$Pe = \frac{\text{Konduktív transzport intenzitása egységnyi idő alatt}}{\text{Konvektív transzport intenzitása egységnyi idő alatt}}$$



Jean Claude Eugène Péclet
1793 – 1857

$$t_K = \frac{L}{v} \longleftrightarrow t_D = \frac{L^2}{D}$$

$$Pe = \frac{t_d}{t_k} = \left(\frac{L^2}{D} \right) / \left(\frac{L}{v} \right) = \frac{vL}{D}$$

$$Pe = \frac{vL}{D}$$

$Pe \ll 1$ Diffúzió a gyorsabb transzport

$Pe \gg 1$ Konvekció a gyorsabb transzport

Glükóz diffúziója és áramlása sejtben.

$$L = 10^{-6} m \quad D = 7 \cdot 10^{-8} m^2 s^{-1} \quad v = 10^{-2} m s^{-1} \quad Pe = \frac{10^{-8}}{7 \cdot 10^{-8}} = 0,13$$

Ennél a példánál a diffúzió a gyorsabb anyagtranszport!

Konszekutív transzportfolyamatok



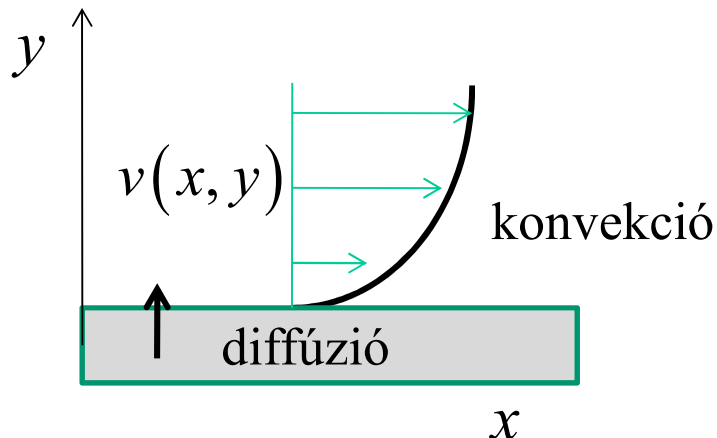
A leglassúbb folyamat a sebesség meghatározó

diffúzió - konvekció **Péclet szám:** $\frac{\text{diffúziós idő}}{\text{áramlási idő}}$

$$Pe = \frac{L \cdot v}{D}$$

m. átadás - diffúzió
(dialízis) **Biot szám:** $\frac{\text{m. átadás}}{\text{i. diffúziós idő}}$

$$Bi = \frac{k_m \cdot L}{D_{eff}}$$



$$\nabla c = \frac{dc}{dy} = f[v(x, y)]$$

A komponens áram függ az áram sebességtől !



Jean-Baptiste Biot
(1774-1862)

Oxigén transzportja a vér és a szövetek között

Többlépcsős transzportfolyamat

- léggzéssel **konvektív** transzport a tüdőbe,
- **konduktív** transzport a kapillárisokon át a vörösvértestekhez,
- oxigén **megkötődik** a vörösvértest hemoglobinján,
- **konvektív** mozgás a vérkeringésben,
- a szöveteknél **konduktív** transzport a mitokondriumokhoz,



ATP

