

# Szedimentációs és elektroforetikus módszerek

Schay G.

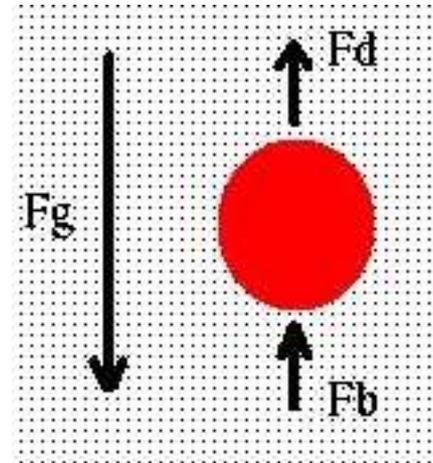
## Szedimentációs módszerek fizikai alapjai

Cél: hogyan lehet picike részecskék tömegét meghatározni?

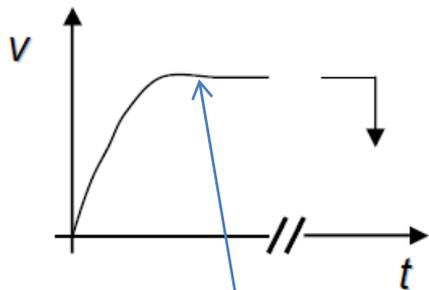
(jóval az AFM és Rtg kora előttről származó, de ma is jó megoldás)

Tegyük a részecskét egy oldatba, és nézzük meg mi lesz:

Ha a sűrűsége  
nagyobb mint az  
oldószeré, akkor le  
fog süllyedni: ez a  
szedimentáció



$F_g$  : gravitációs erő,  $F_d$ : súrlódási erő,  $F_b$ : felhajtóerő.



A részecske addig gyorsul, amíg az erő-egyensúly be nem áll.

(és amíg el nem éri az edény alját)

Itt lesz erő-egyensúly

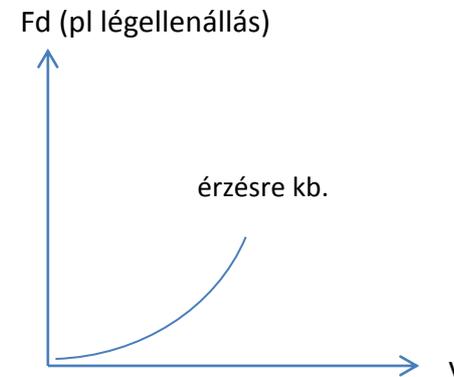
Newton-II. törvénye:  $\Sigma F = m \cdot a$

és

$$\frac{\Delta v}{\Delta t} = a$$

A súrlódási erő:

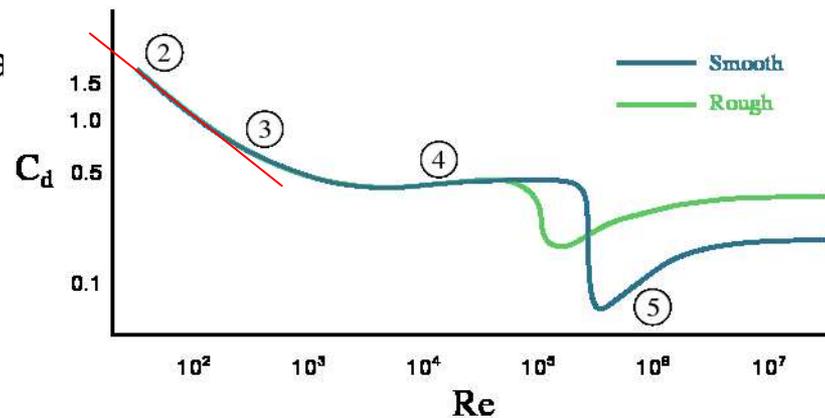
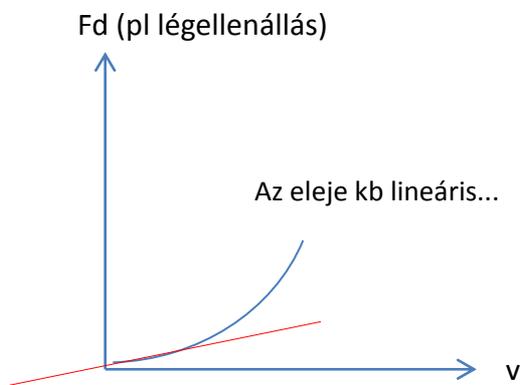
Általánosan:  $F_d = \frac{1}{2} \rho v^2 \cdot C_d \cdot A$ , ahol A a keresztmetszet és  $C_d$  súrlódási együttható.



Alacsony sebességnél  $C_d \sim 1/Re$ , azaz  $F_d$  egyenesen arányos a sebességgel.

$$Re = \frac{v \cdot L}{\eta/\rho} = \frac{v \cdot L \cdot \rho}{\eta}$$

Itt L a karakterisztikus hossz, ami pl egy gömb-alakú részecske, vagy egy cső esetében a átmérő.



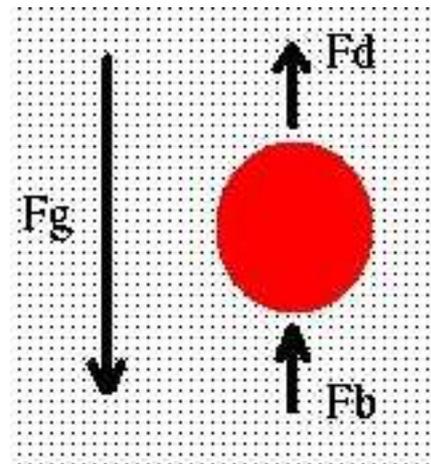
2x-log, és meredekség=-1

$F_g$  : gravitációs erő,  $F_d$ : súrlódási erő,  $F_b$ : felhajtóerő.

Newton-II. törvénye:  $\Sigma F = m \cdot a$

és

$$\frac{\Delta v}{\Delta t} = a$$



$$F_g = m \cdot g$$

$F_d = f \cdot v$ , ahol  $f$  tartalmazza  $C_d$ -t.

Archimedes törvényéből pedig  $F_b = g \cdot \rho_{\text{folyadék}} \cdot V_{\text{részecske}}$ , de  $V_{\text{részecske}} = m / \rho_{\text{részecske}}$

Az erőegyensúly ebből adódik:

$\Sigma F = 0$ , azaz  $F_g - F_b = F_d$ , tehát

$$f \cdot v = m \cdot g \cdot \left( 1 - \frac{\rho_{\text{folyadék}}}{\rho_{\text{részecske}}} \right)$$

Egy baj van:

Ha a részecskék tényleg kicsik, akkor a hőmozgás elrontja a kísérletet.

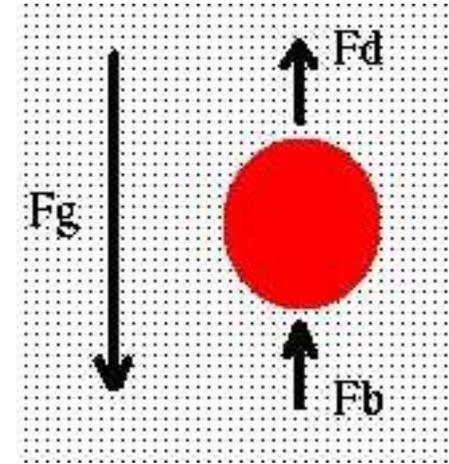
Szedimentáció vagy egyáltalán nem, vagy csak nagyon lassan következnek be.

**Megoldás: centrifúga!**



Tegyük a részecskét egy oldatba, és centrifugáljuk:

$F_g$  : gravitációs erő,  $F_d$ : súrlódási erő,  $F_b$ : felhajtóerő.



$g = 9.8 \text{ m/s}^2$  helyett a centrifugában  
 $a = \mathbf{r\omega^2}$  gyorsulást érzékel a részecske. ( $\omega$  a szögsebesség)

$$f \cdot v = m \cdot \mathbf{g} \cdot \left( 1 - \frac{\rho_{\text{folyadék}}}{\rho_{\text{részecske}}} \right)$$



$$f \cdot v = m \cdot r \cdot \omega^2 \cdot \left( 1 - \frac{\rho_{\text{folyadék}}}{\rho_{\text{részecske}}} \right)$$

Ez átrendezhető:

$$S \equiv \frac{v}{r \cdot \omega^2} = \frac{m}{f} \cdot \left( 1 - \frac{\rho_{\text{folyadék}}}{\rho_{\text{részecske}}} \right)$$

Ahol S a szedimentációs állandó. Egysége a Svedberg,  $1\text{Sv} = 10^{-13} \text{ s}$

(Theodor Svedberg , Nobel díj 1926)

A tömeg és a sűrűség egyaránt számít! A nagyobb részecskék gyorsabban ülepednek

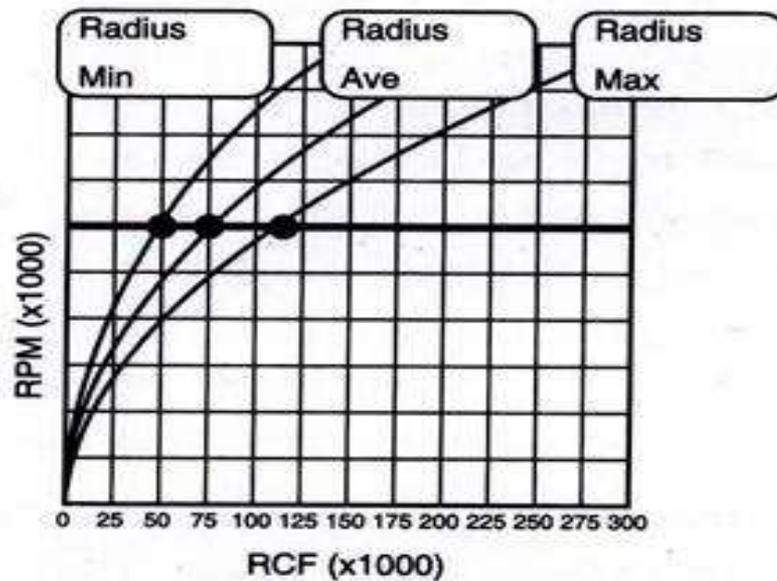


## Hasznos egyenletek

$\omega = 2\pi \left( \frac{rpm}{60} \right)$ , rpm=revolutions per minute=  
percenkénti fordulatszám

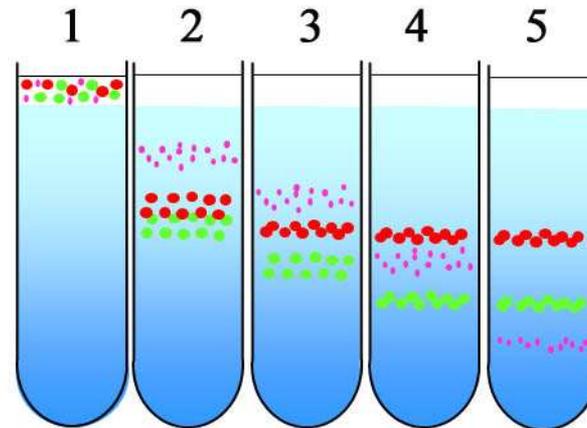
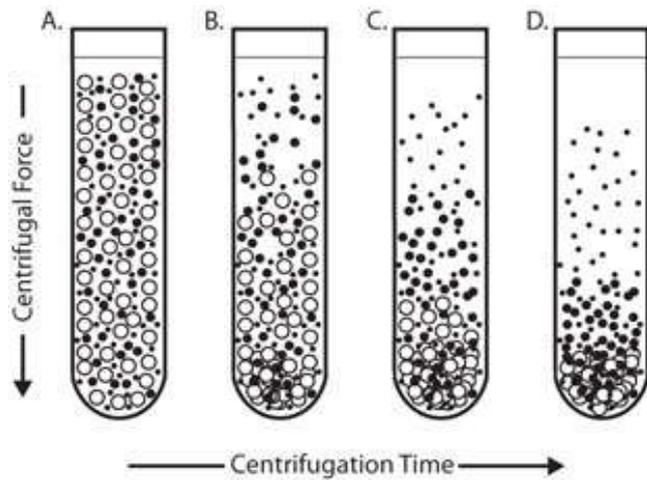
RCF: relative centrifugal field = relatív centrifugális erő

$$RCF = a = r\omega^2 = 4\pi^2 rpm^2/3600$$

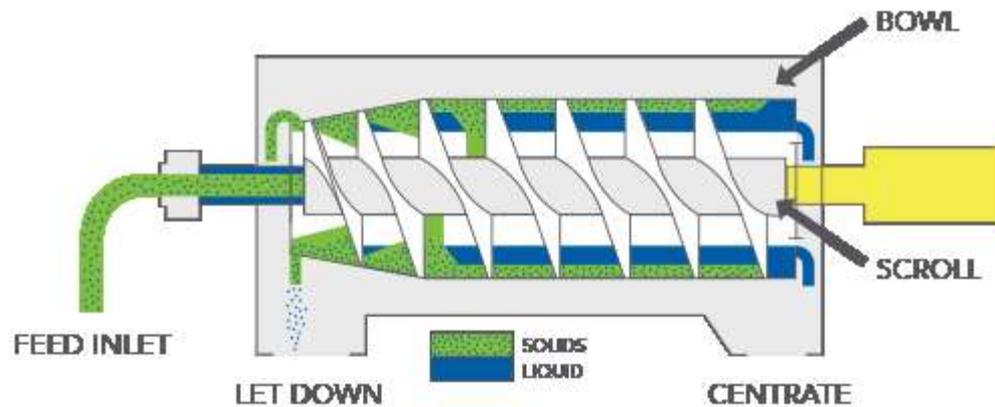
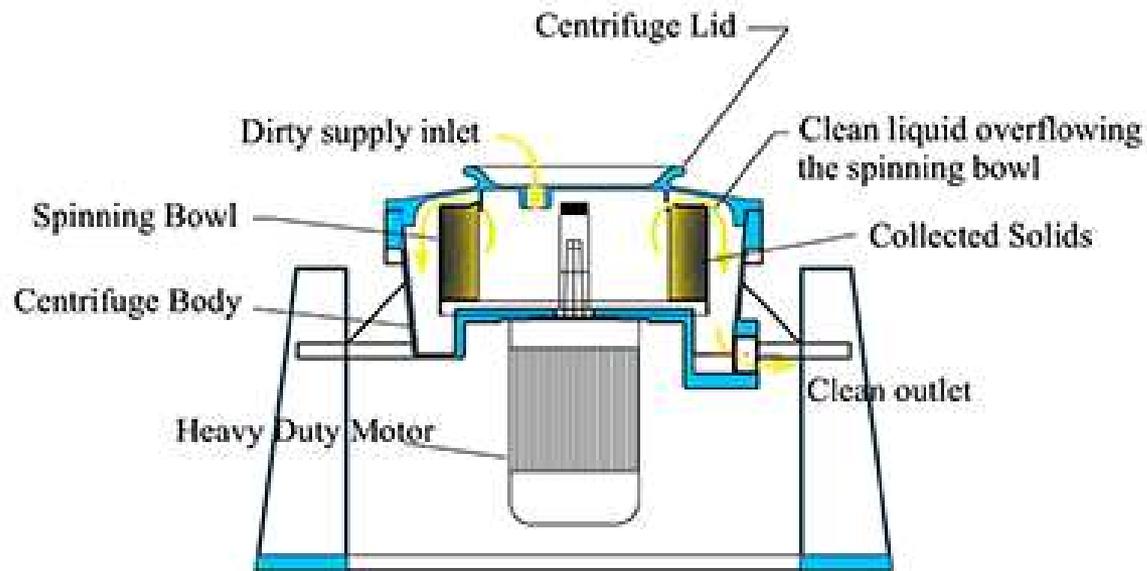


A centrifugacsőben haladva a sugár kicsit változik, ezzel az RCF is.

Mivel a sebességek eltérőek, így az egyes részecskék el is válnak  
A centrifugálás során.



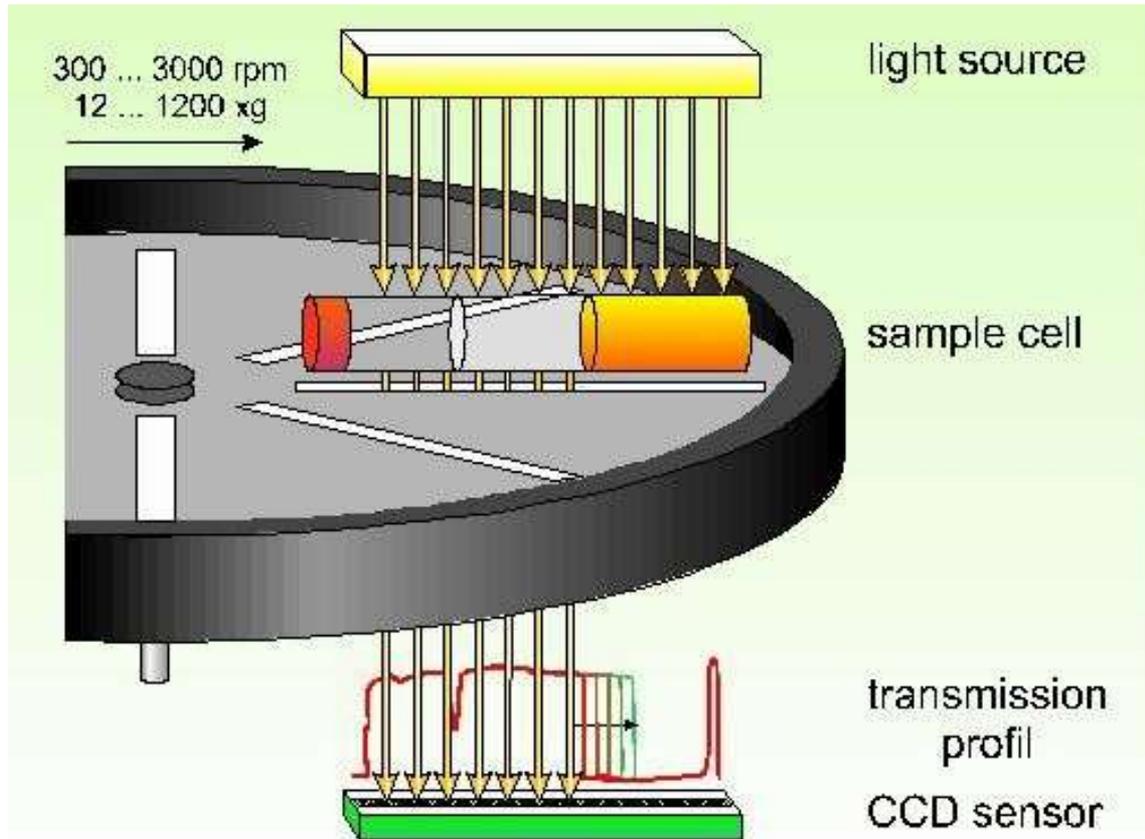
## centrifugális szeparátor



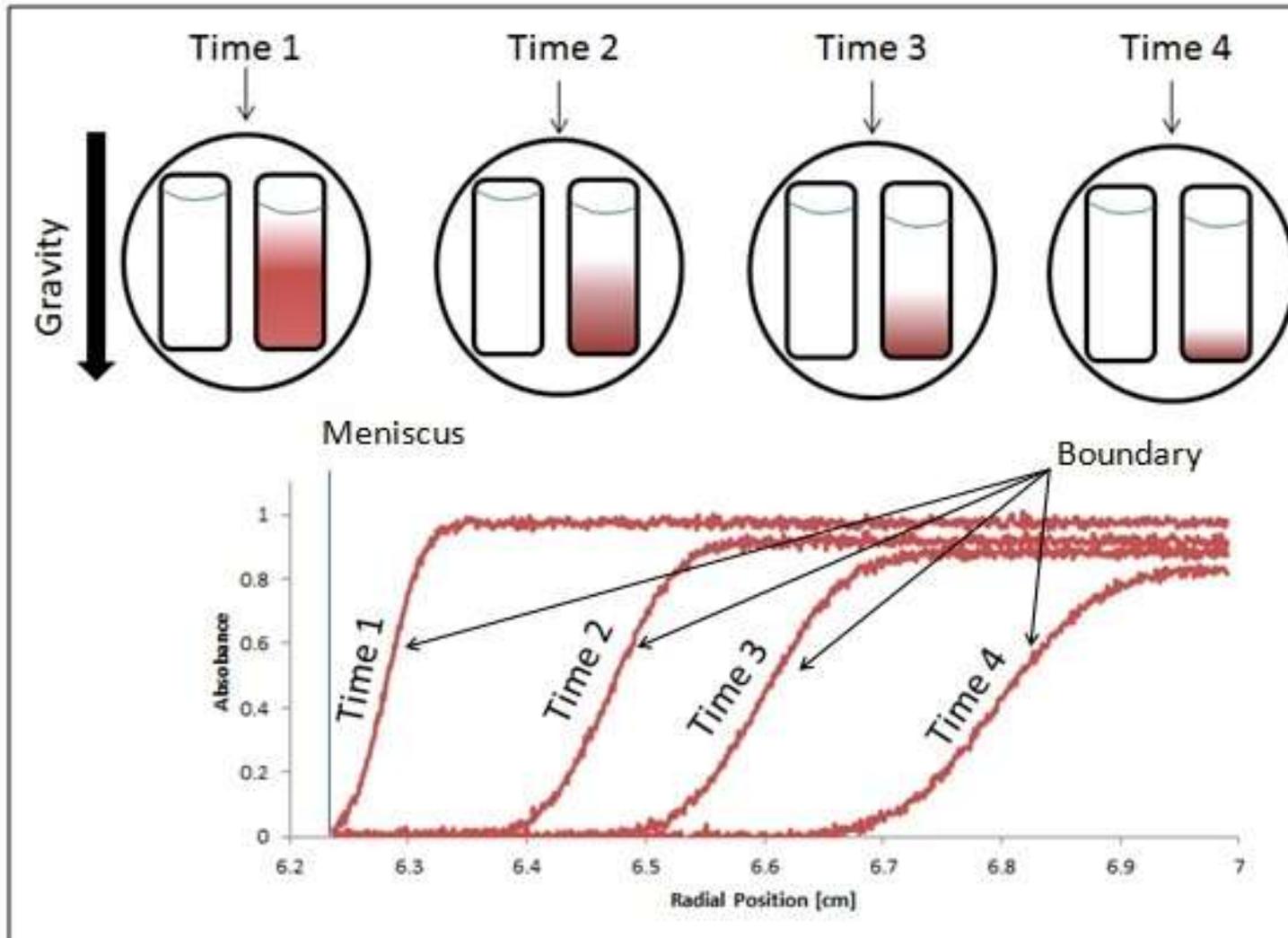
Hétköznapiakban:  
gyümölcscentrifuga



Az elválasztást detektorral lehet követni. Sokszor egy egyszerű abszorbancia is elegendő



A határréteg folyamatosan mozog amíg el nem éri az edény alját

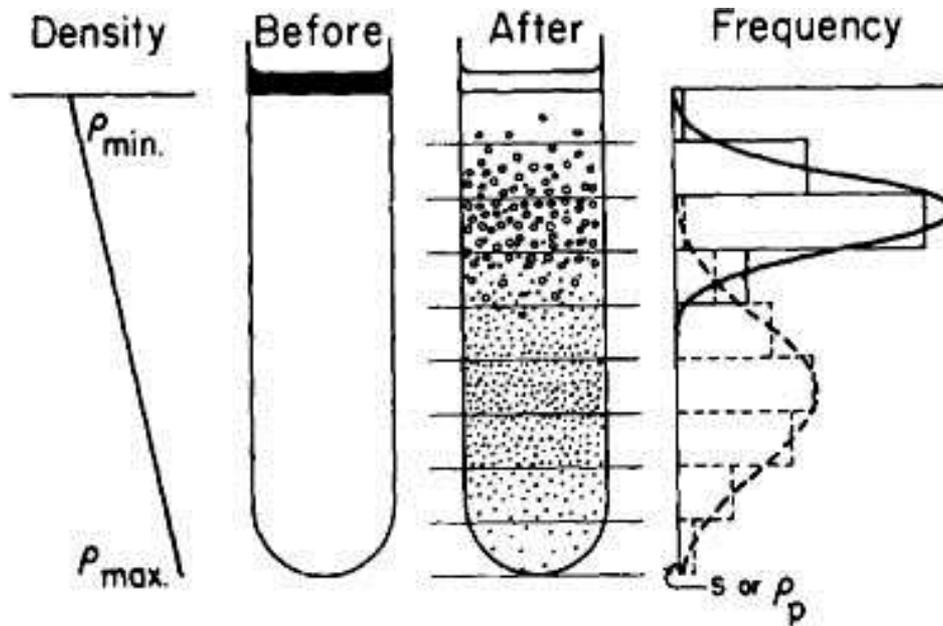


Csak az  $f$  alaki tényezőt nem ismerjük.

Csak hogy ez a diffúzióban is benne van:

$$f = \frac{k T}{D}$$

**Tehát ahhoz, hogy a részecske méretét meg tudjuk mondani, meg kell mérni a diffúziós állandót is.**



Használhatunk sűrűség-gradienst is az oldószerben. Ekkor a részecskék a saját sűrűségüknek megfelelő rétegben megállnak.

Ezt preparatív, elválasztástechnikai célra lehet használni.

### 1. Differential sedimentation

Gradient: *Shallow stabilizing,  $\rho_{max.} < \rho_{p min.}$*

Centrifugation:  $\rightarrow$  *Incomplete sedimentation*

Abscissa of frequency distribution: *Sedimentation coefficient*

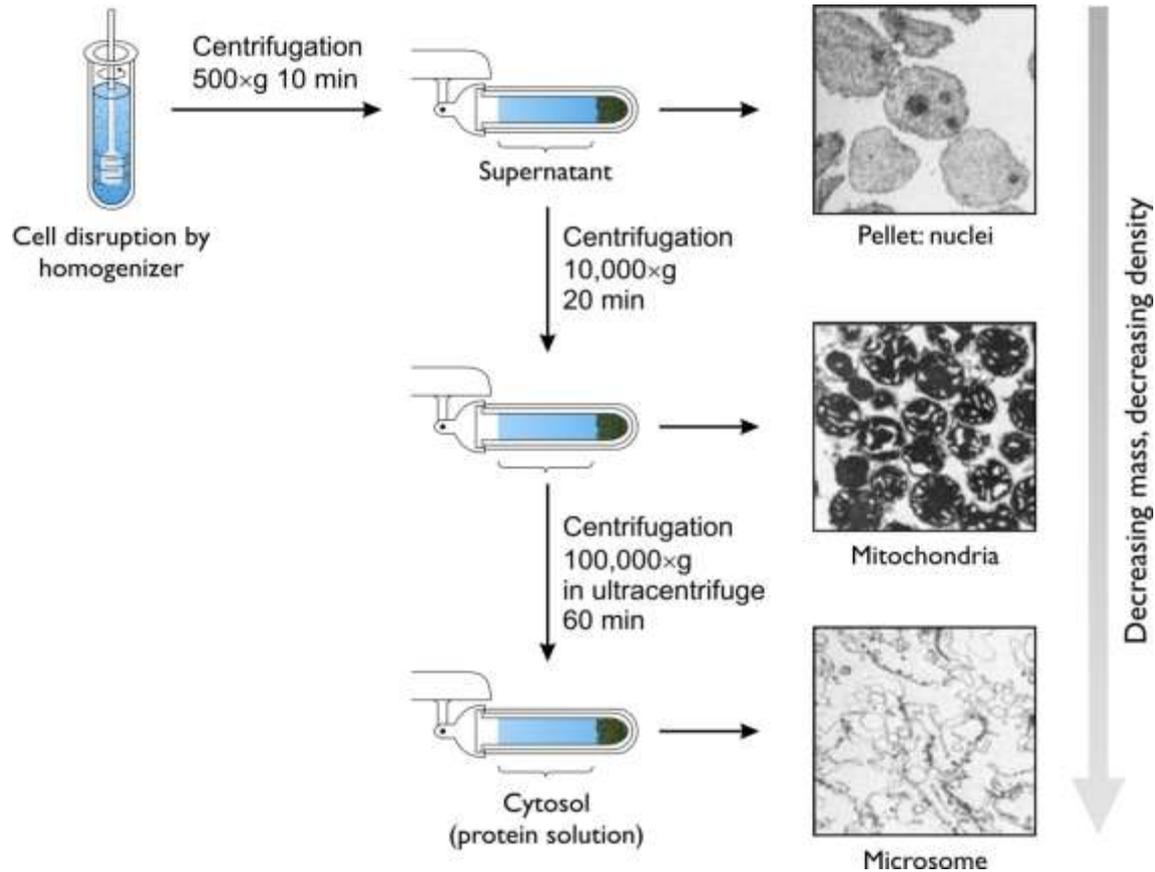
### 2. Density equilibration

Gradient: *Steep,  $\rho_{max.} > \rho_{p max.}$*

Centrifugation: *Prolonged, high speed*

Abscissa of frequency distribution: *Equilibrium density*

# Differenciáló centrifugálás



Ez is egy preparatív módszer, méret szerint választunk el, minden lépésben a felül-úszót centrifugáljuk újra.

## Egyensúlyi szedimentációs módszer

Addig várunk, amíg beáll az egyensúly a centrifugálás során.

Csak olyan sebességgel forgatjuk a centrifugát, hogy a diffúzió (Brown mozgás) és a szedimentáció egy egyensúlyt adjon, így lesz egy koncentráció eloszlás, de nem ül le minden a cső aljára.

Ekkor viszont a nettó sebesség 0, tehát a súrlódási erő is 0.

Termikus egyensúlyban felírható a Boltzmann-eloszlás:  
(mert nehézségi erőterben vagyunk!)

$$\frac{n_1}{n_2} = e^{-\frac{\Delta E}{kT}}$$

Az energia-tagban a középponttól mért  $r_1$  és  $r_2$  távolságok között végzett munkát kell venni:

$$\Delta E = \frac{m}{2} (r_1^2 - r_2^2) \omega^2 \left( 1 - \frac{\rho_{folyadék}}{\rho_{részecske}} \right)$$

Kiegészítő anyag

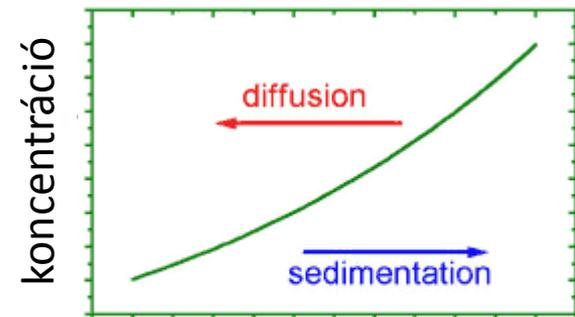
Behelyettesítve a Boltzmann formulába, és ln-t véve:

$$\ln\left(\frac{n_1}{n_2}\right) = \frac{m}{2kT} (r_1^2 - r_2^2) \omega^2 \left(1 - \frac{\rho_{folyadék}}{\rho_{részecske}}\right)$$

Mivel a koncentrációkból ( $n_1, n_2$ ) számolható, továbbá a sűrűség és a sugár (azaz a pozíció a csőben!) meghatározható, így a tömeg az egyenletből megkapható.

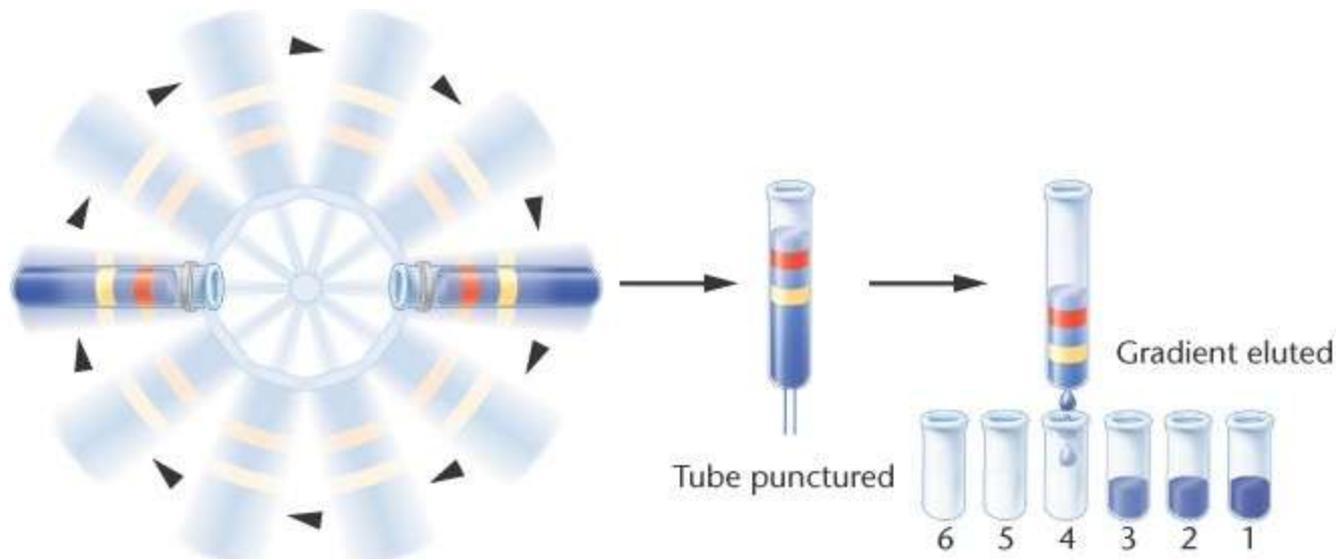
Vagyis ehhez a módszerhez nem kell diffúziót mérni, pontos tömegmérést tesz lehetővé (kb.1-2%), de tudni kell a sűrűséget.

Ha nem tudjuk akkor legalább kétféle oldószerrel kell mérni. (és így két egyenlet, két ismeretlen lesz)

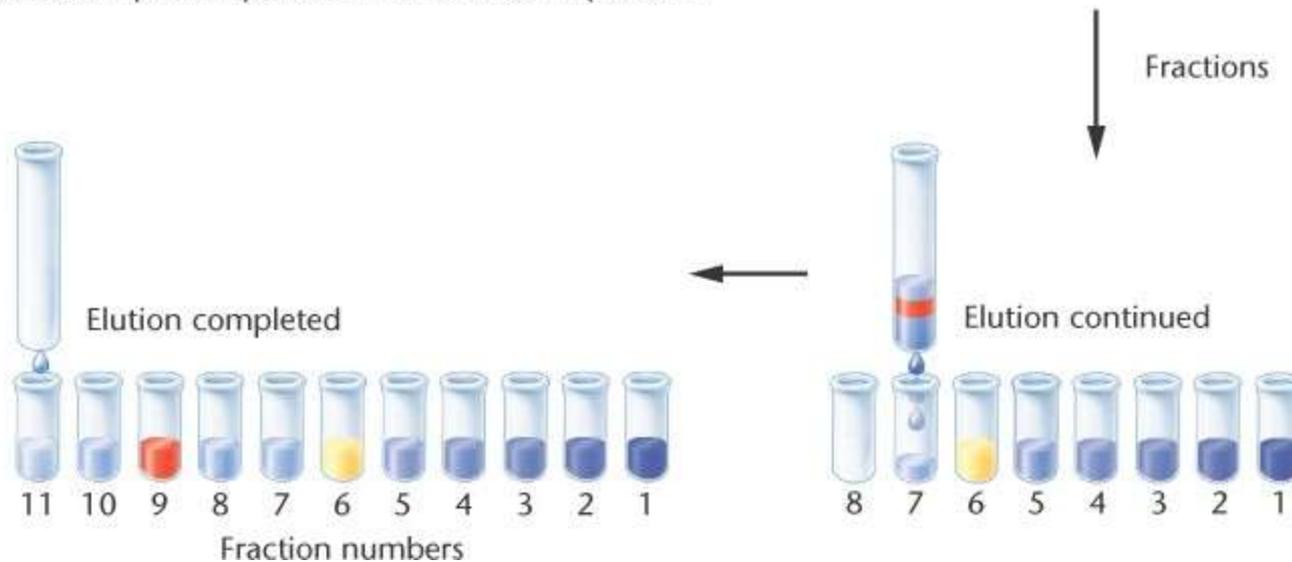


Kiegészítő anyag

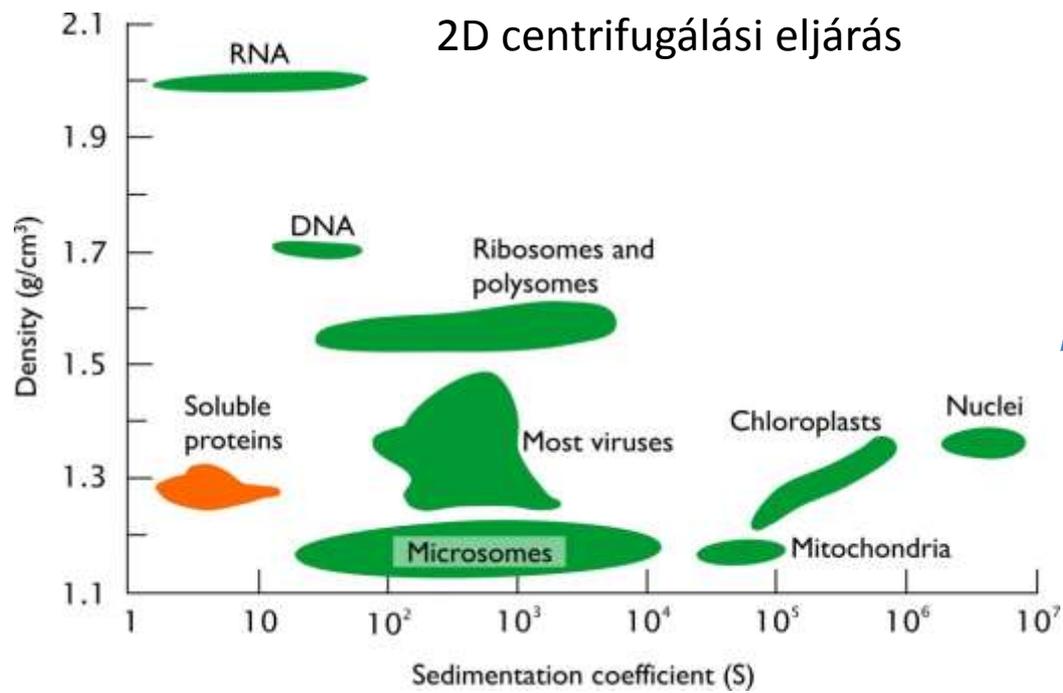
Sugárirányú távolság a csőben



Tubes placed in ultracentrifuge and rotated at high speed; Sample is separated into its two components

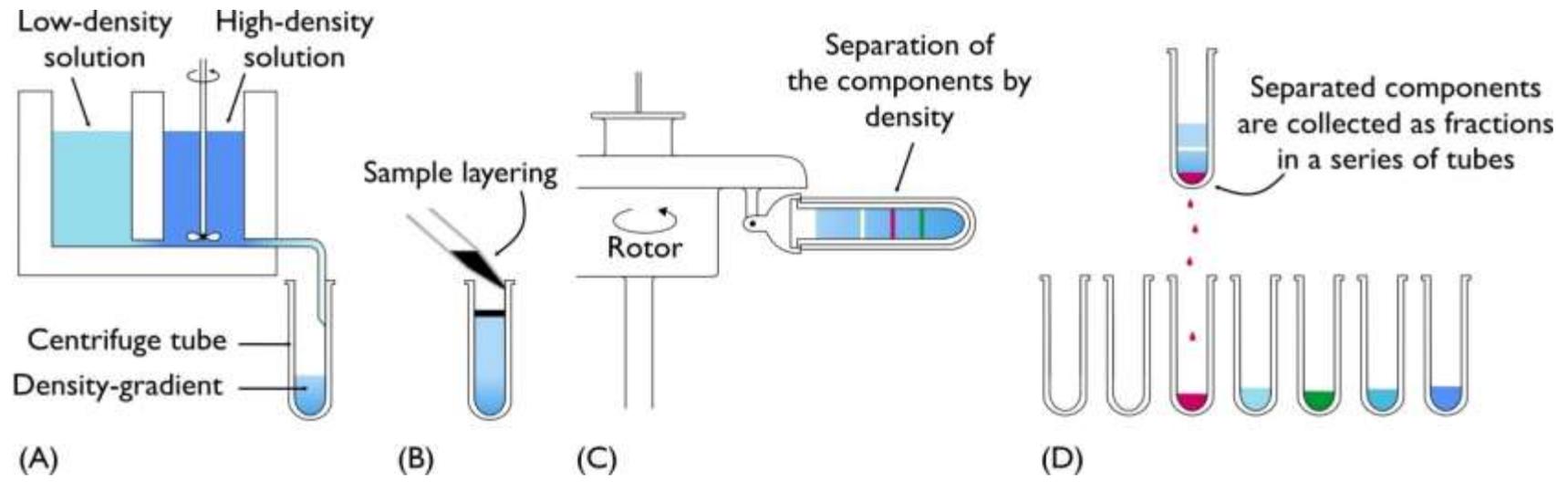


## 2D centrifugálási eljárás



Szétválasztás S alapján  
differenciál-centrifugálás

Aztán a sűrűség alapján:  
gradiens centrifugálás

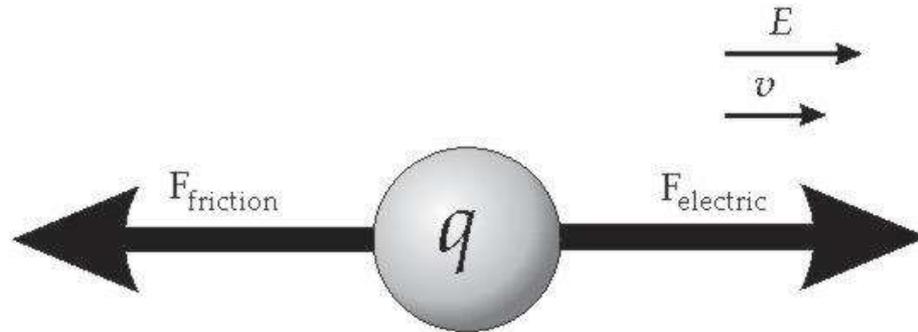


## Electroforetikus eljárások

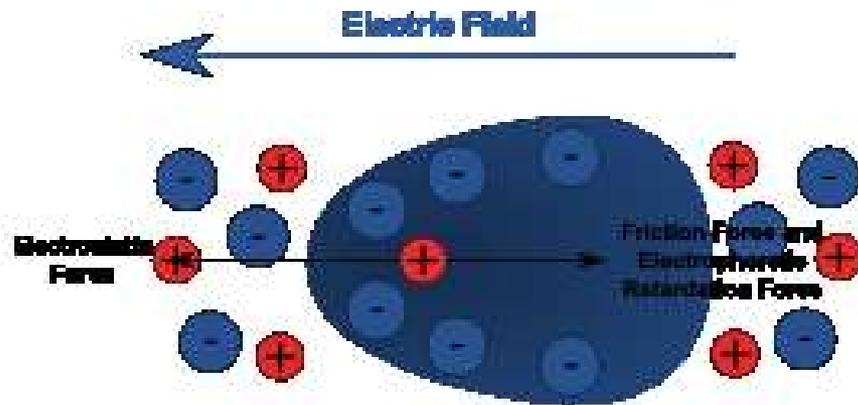
$$\mu_e = \frac{v}{E}$$

Az elektroforetikus mobilitást a sebesség, és az azt létrehozó elektromos tér határozza meg.

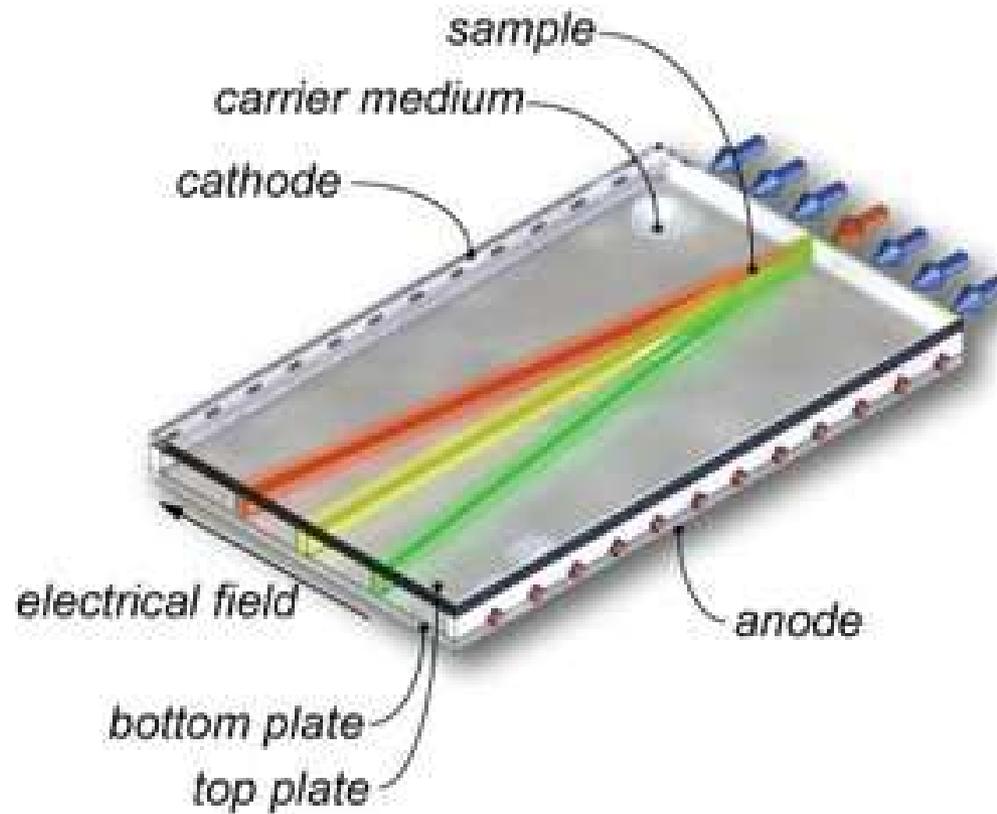
Semleges oldószerben

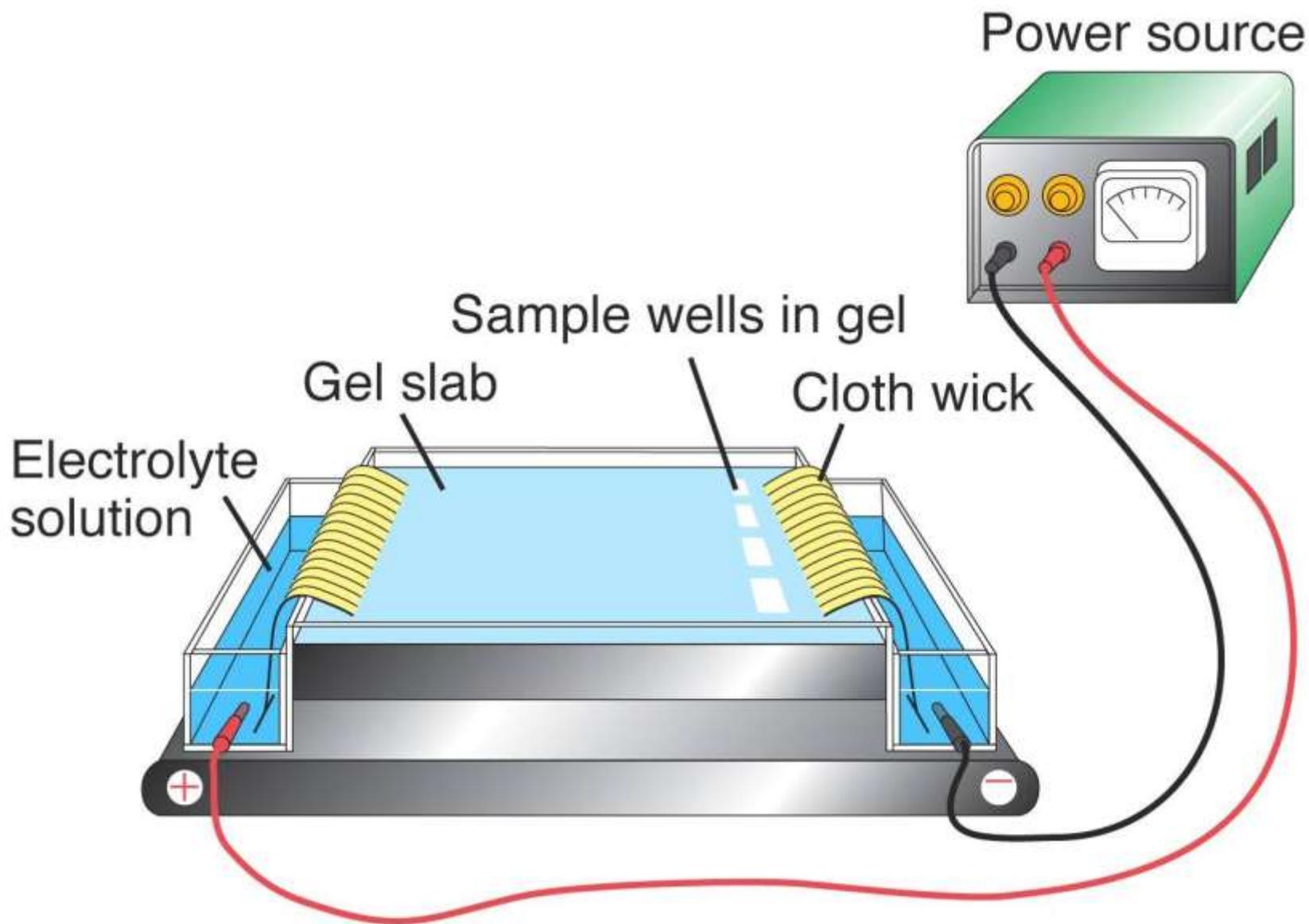


Poláris oldószerben van egy plusz visszatartó erő



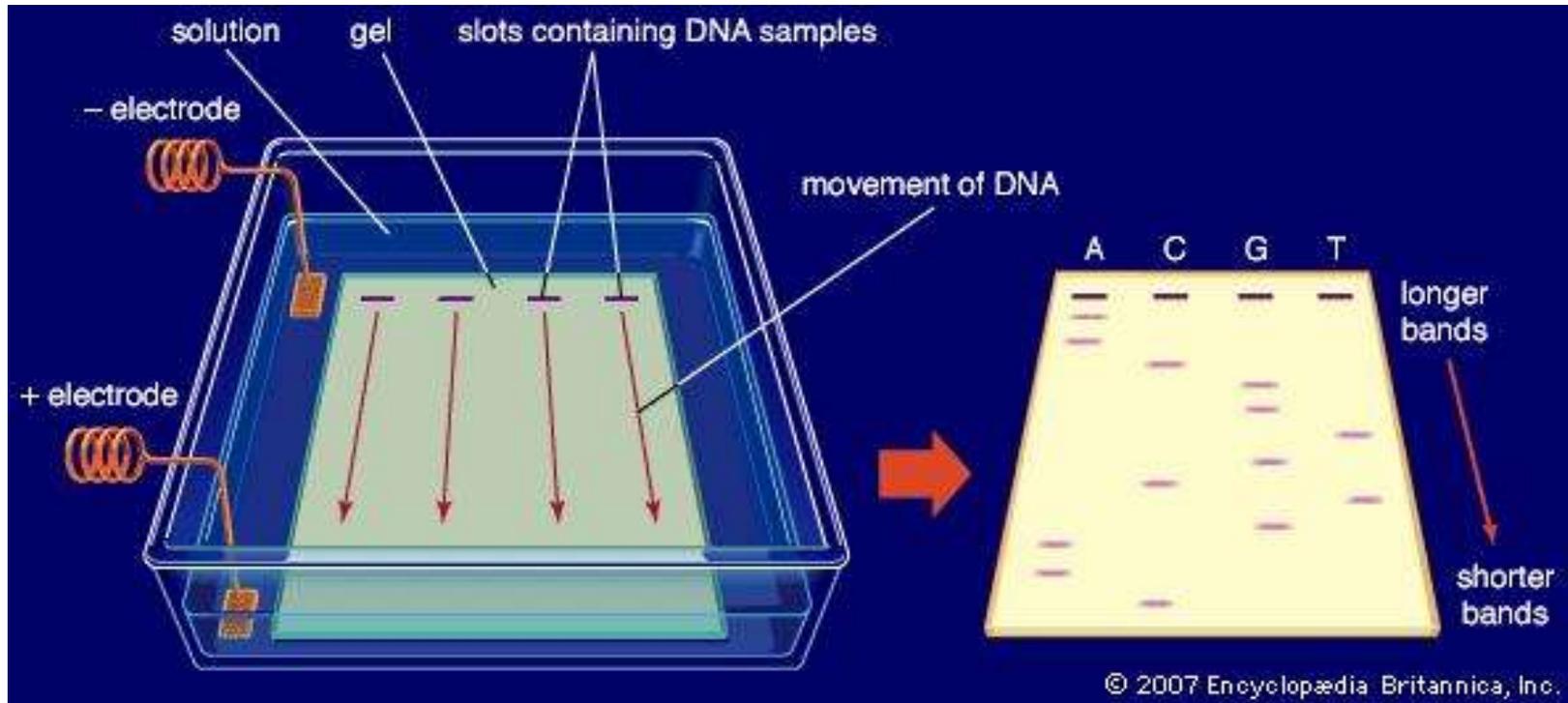
(szabad) áramlásos elektroforézis





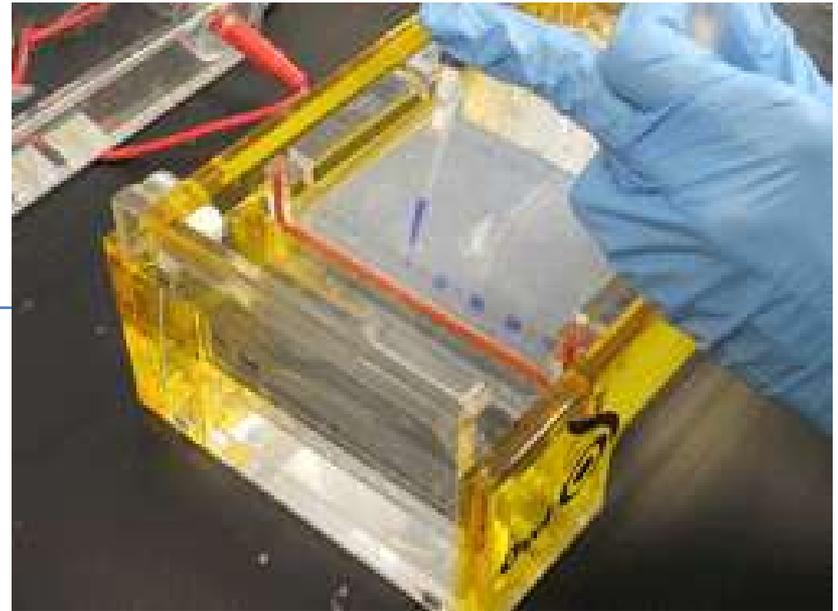
## Gél elektroforézis

Ez a **kromatográfiás eljárások** családjába tartozik

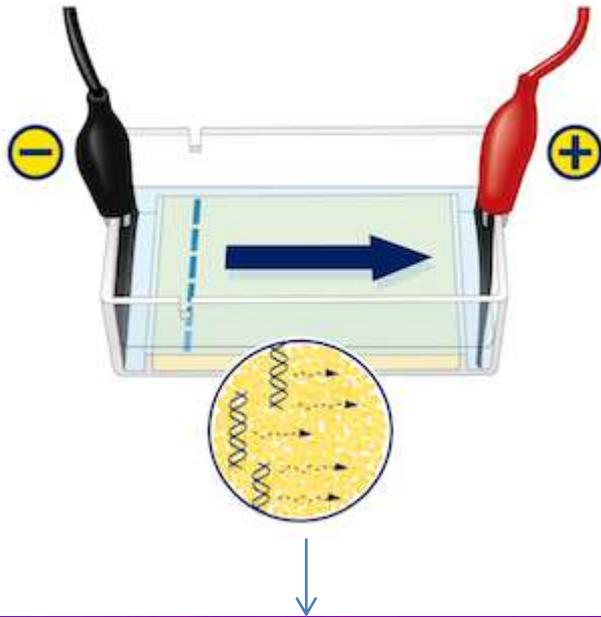


Kromatográfia: kölcsönhatás az álló mátrix, és a mozgó oldat között, ami elválasztást eredményez.

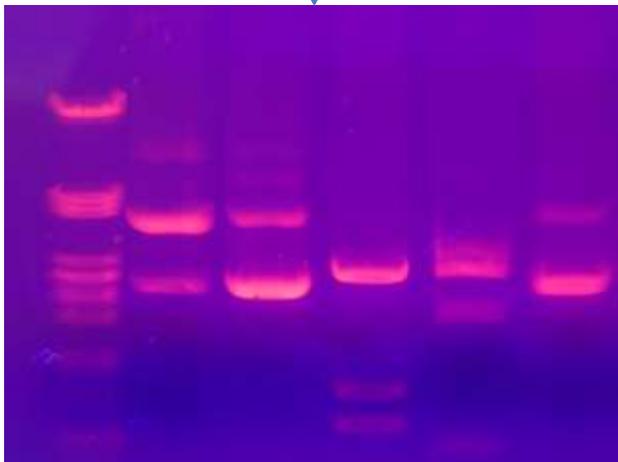
Gél töltés



futtatás



jelölés (itt pl. in-situ)

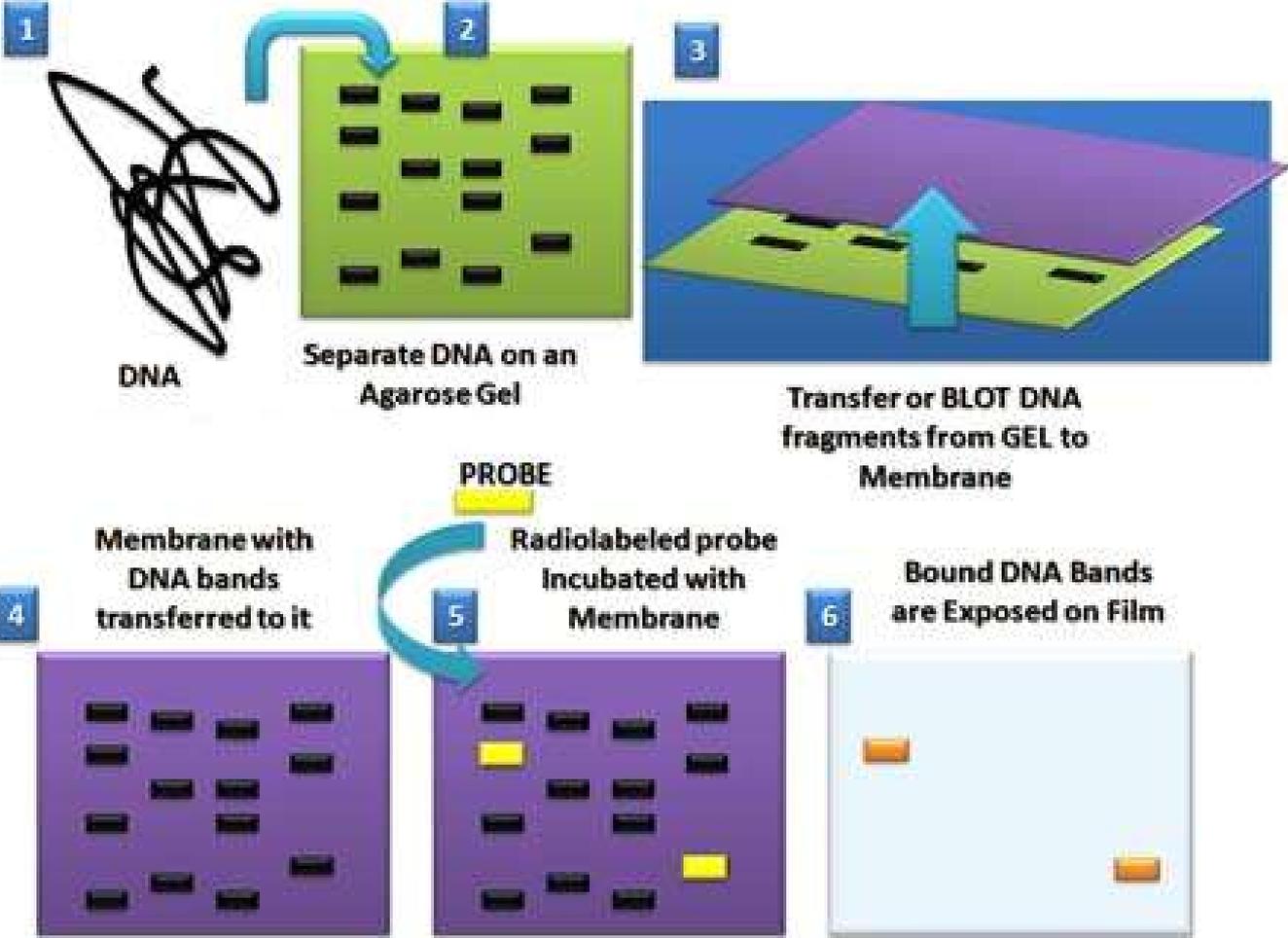


Gélben jelölni nem könnyű.

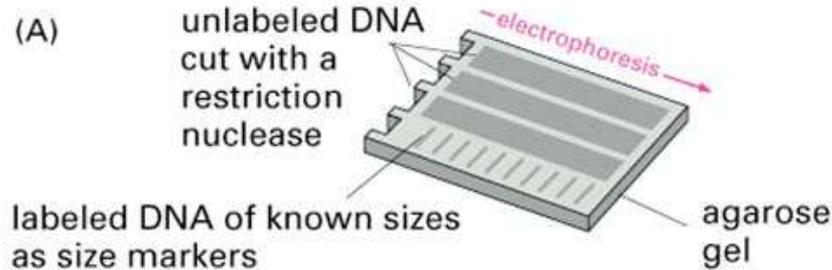
„Blottolás” : átvisszük (és fixáljuk) a gélben kialakult mintázatot egy stabil hordozó membránra. Ebben a mintázat már nem változik meg.

Ezután biztonsággal jelölhető akár sok lépésben is.

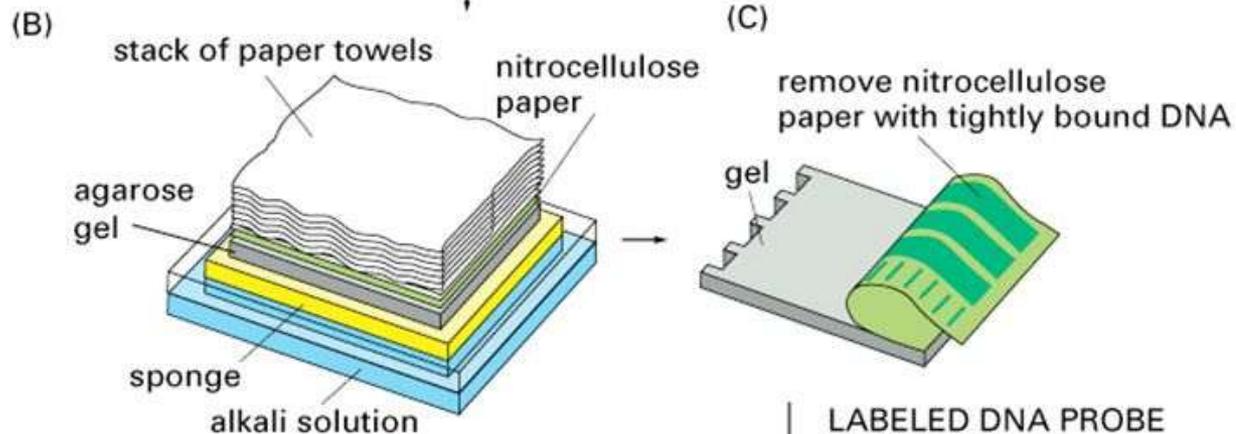
# Southern blot (Edwin Southern)



# Southern Blot (DNA)

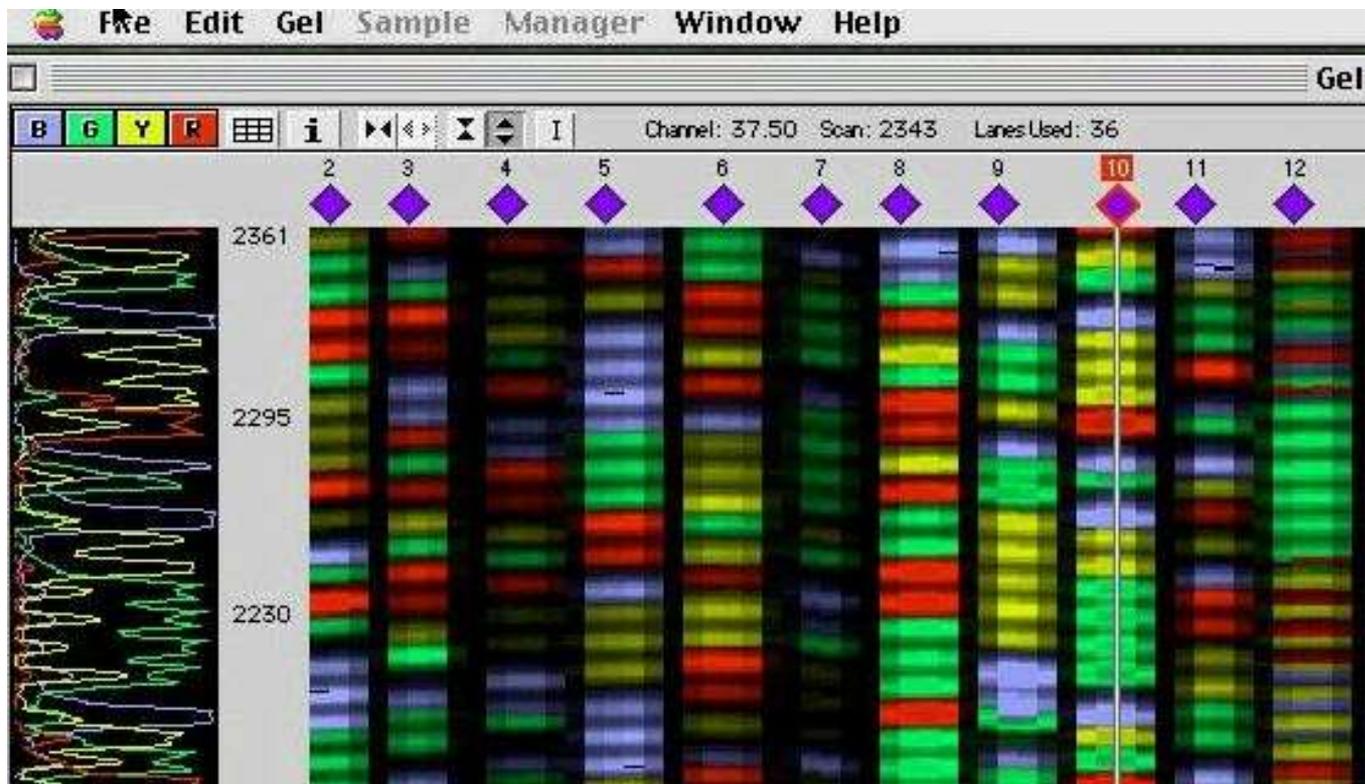
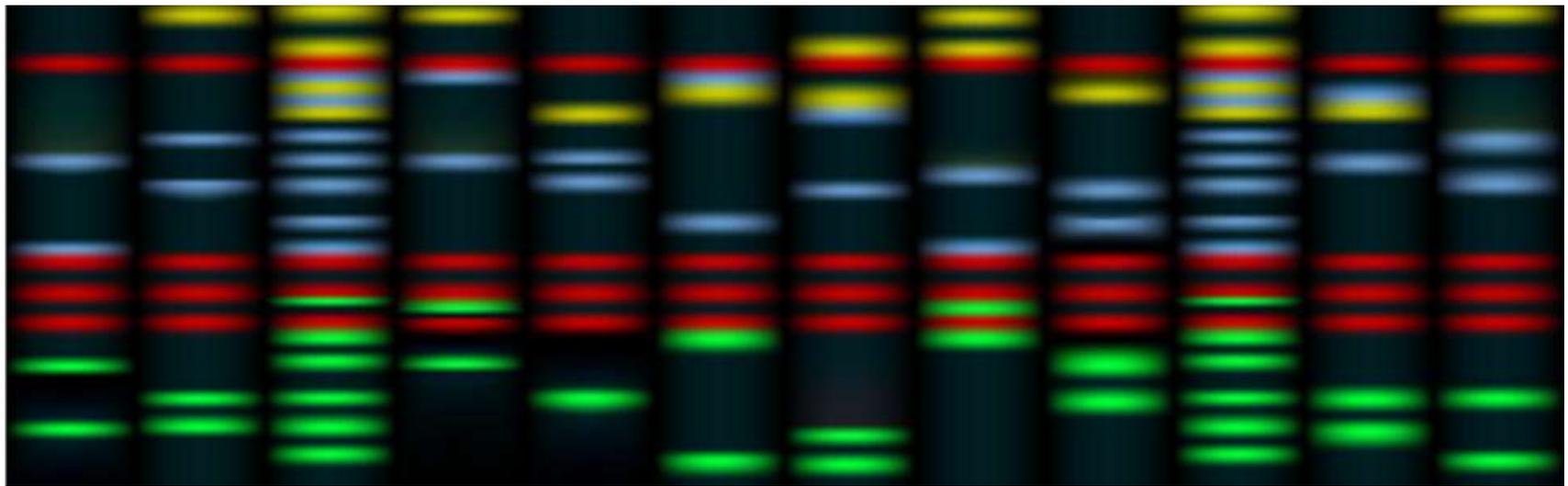


DNA FRAGMENTS SEPARATED BY AGAROSE GEL ELECTROPHORESIS

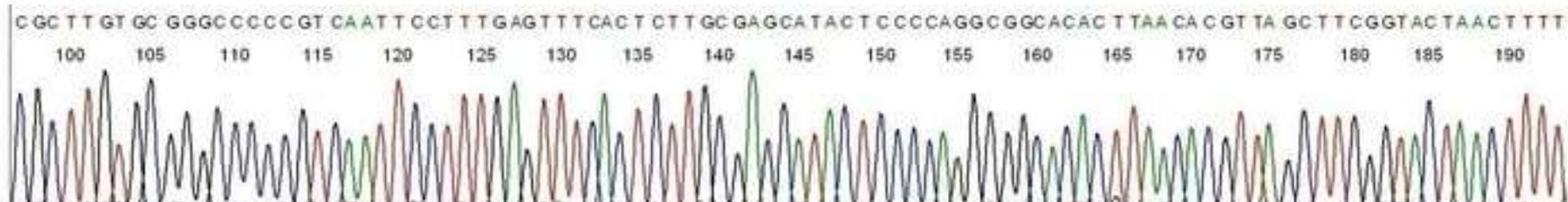
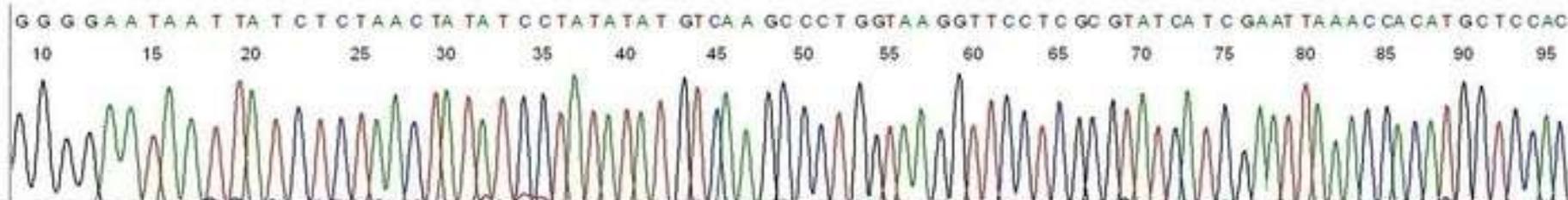


SEPARATED DNA FRAGMENTS  
BLOTTED ONTO NITROCELLULOSE PAPER

LABELLED DNA PROBE  
HYBRIDIZED TO  
SEPARATED DNA





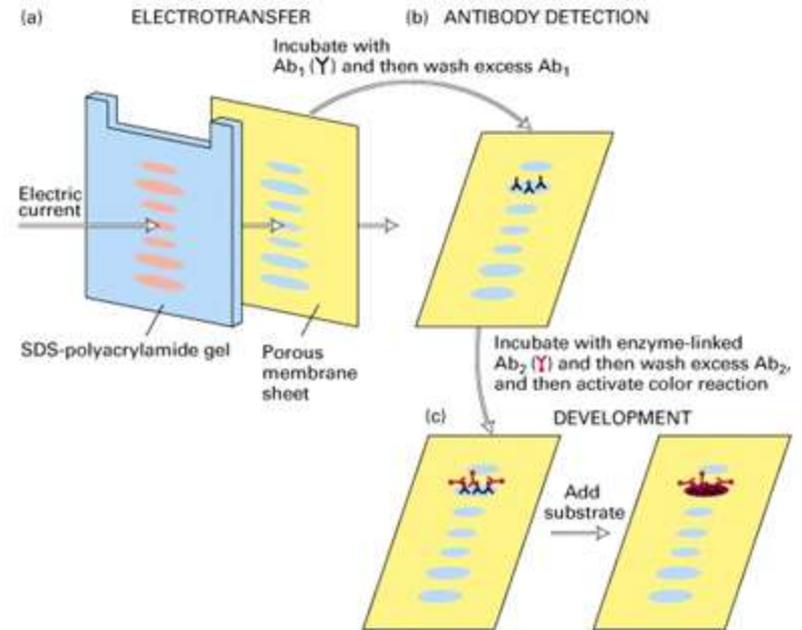
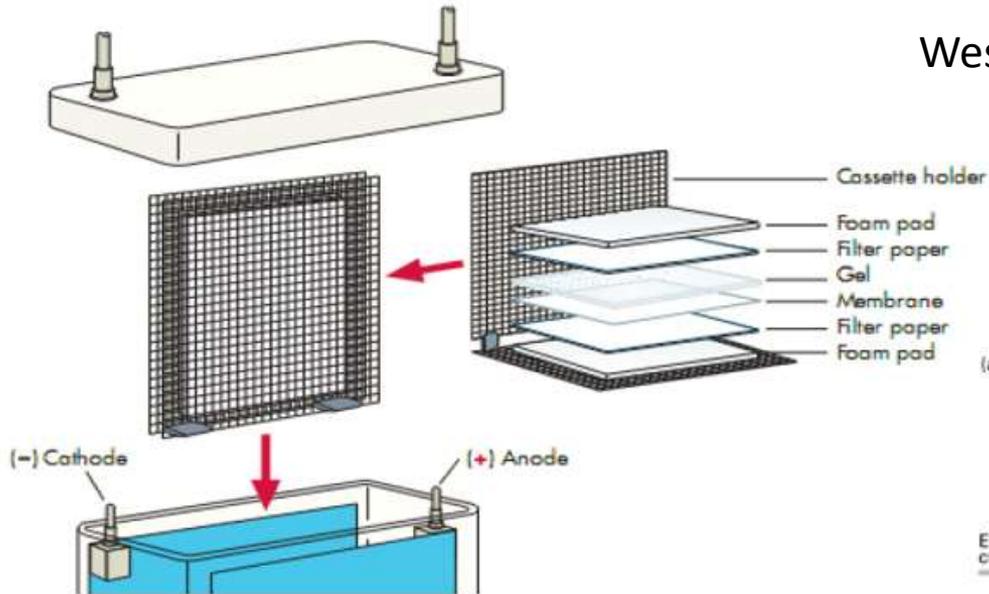


*Borrelia burgdorferi* CA382, complete genome  
 Sequence ID: [gb|CP005925.1|](#) Length: 910736 Number of Matches: 1  
 Range 1: 445107 to 445291 [GenBankGraphics](#)

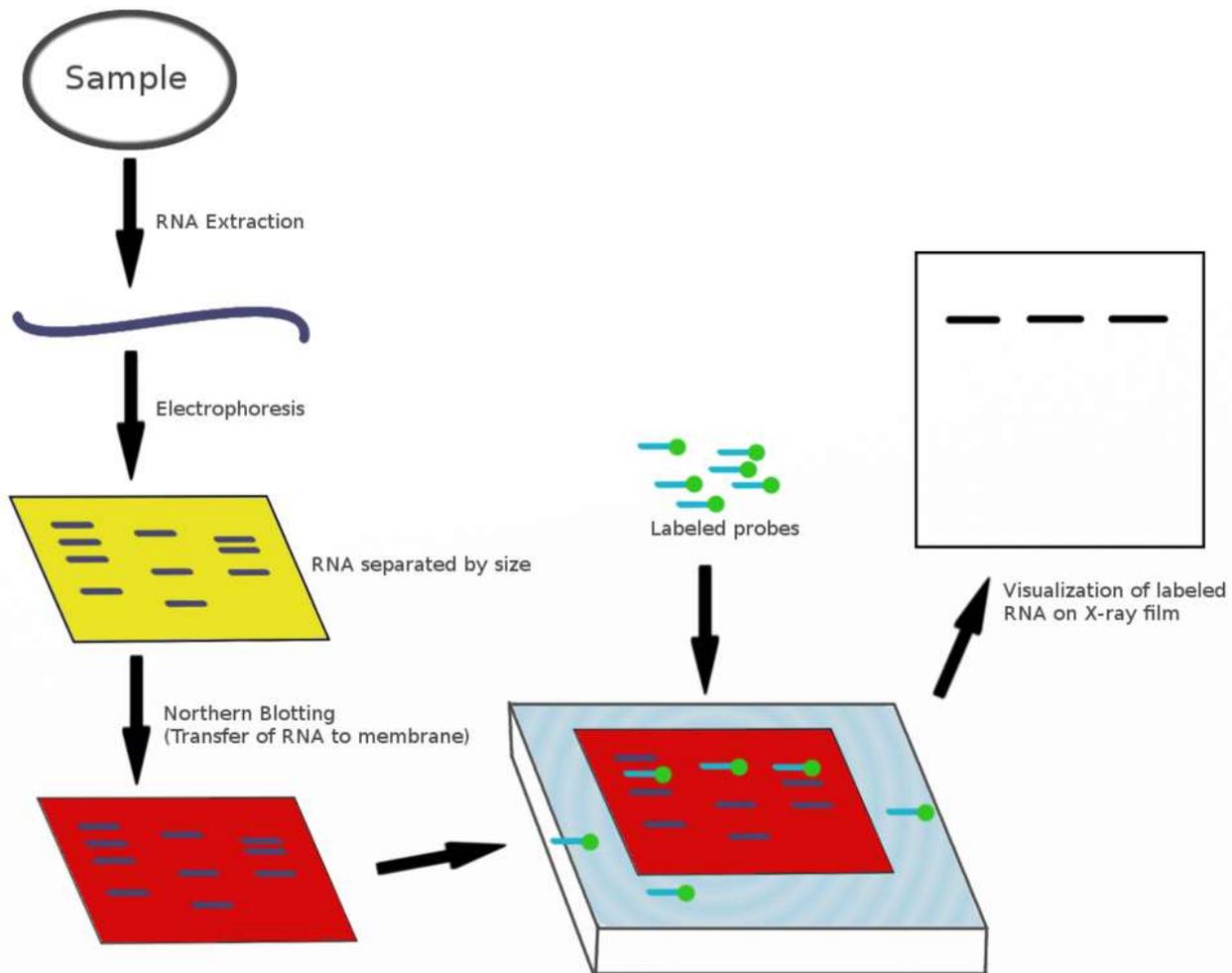
Score	Expect	Identities	Gaps	Strand
342 bits(185)	5e-91	185/185(100%)	0/185(0%)	Plus/Plus
Query 1	GGGGAATAATTATCTCTAACTATATCCTATATATGTCAAGCCCTGGTAAGGTTCCCTCGCG	60		
Sbjct 445107	GGGGAATAATTATCTCTAACTATATCCTATATATGTCAAGCCCTGGTAAGGTTCCCTCGCG	445166		
Query 61	TATCATCGAATTAAACCACATGCTCCACCCTTGTGCGGGCCCGTCAATTCCITTTGAG	120		
Sbjct 445167	TATCATCGAATTAAACCACATGCTCCACCCTTGTGCGGGCCCGTCAATTCCITTTGAG	445226		
Query 121	TTTCACTCTTGCAGCATACTCCCAGGGCGGCACACTTAACAAGTTAGCTTCGGTACTAA	180		
Sbjct 445227	TTTCACTCTTGCAGCATACTCCCAGGGCGGCACACTTAACAAGTTAGCTTCGGTACTAA	445286		
Query 181	CTTTT 185			
Sbjct 445287	CTTTT 445291			

# Western és Northern blot: játék az eredeti elnevezéssel

## Western blot: fehérje kimutatás

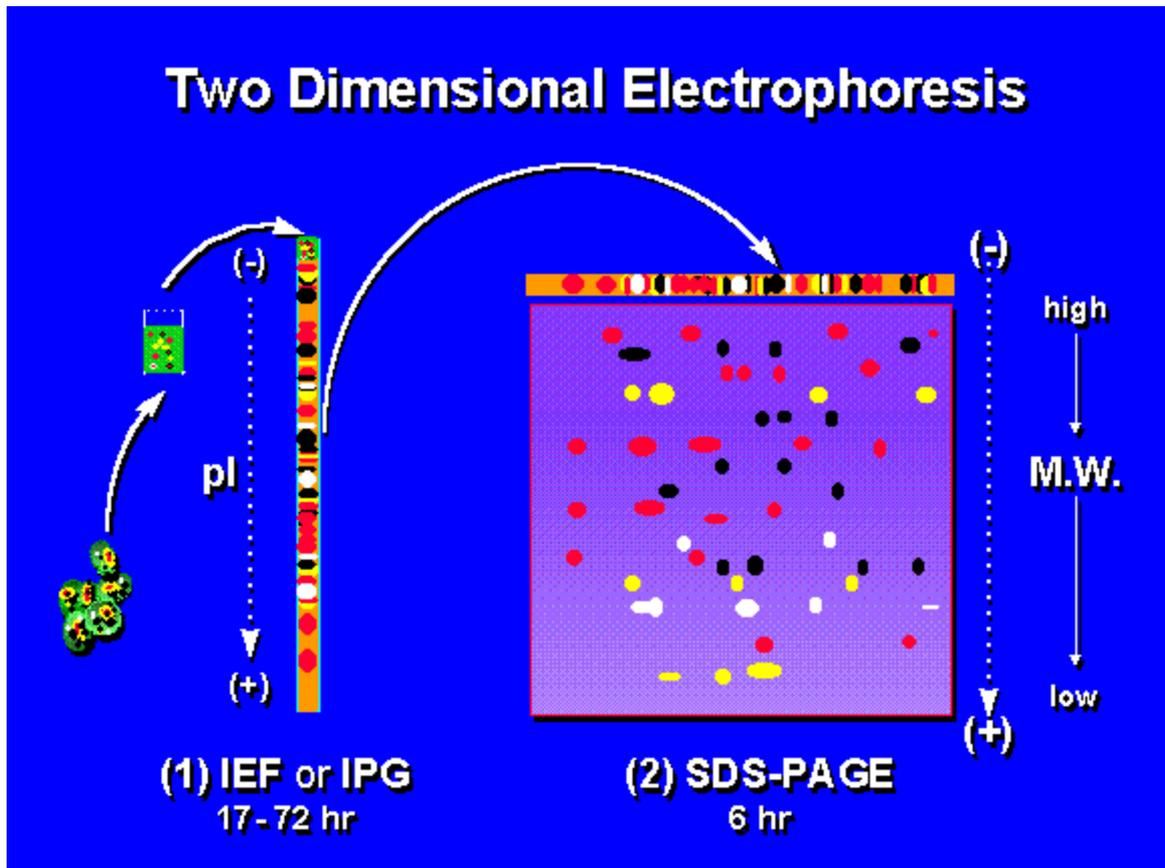


# Northern blot: RNS kimutatás, expressziós mintázatok meghatározása



Két dimenziós elektroforézis:

Az első elválasztás után az egyik csíkot „kivágva” egy második elválasztást is végzünk más körülmények között.

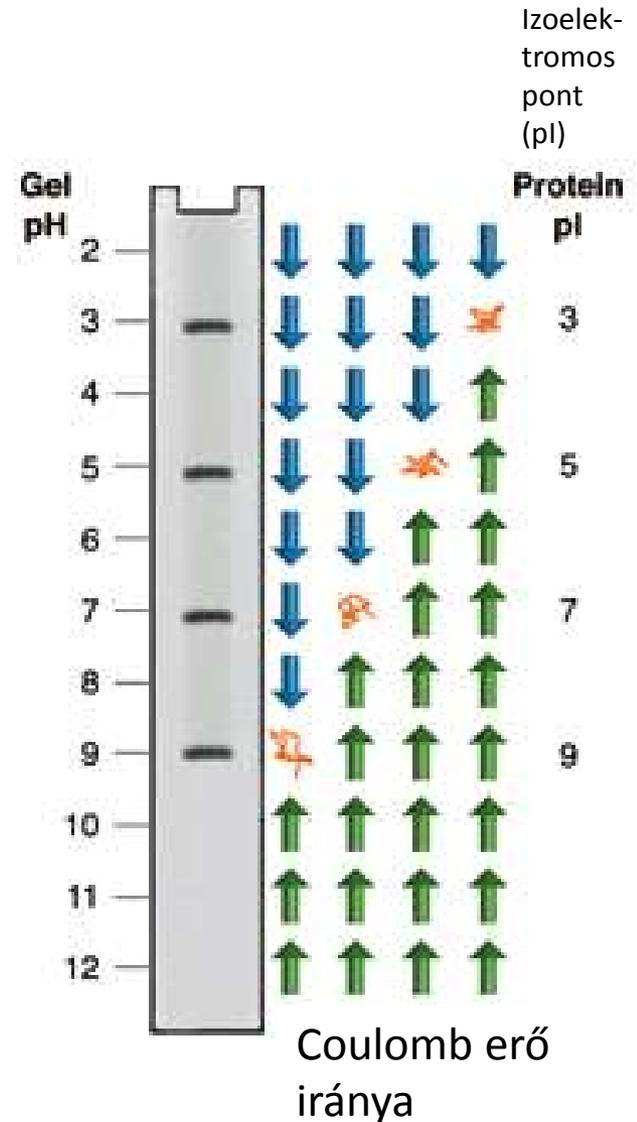


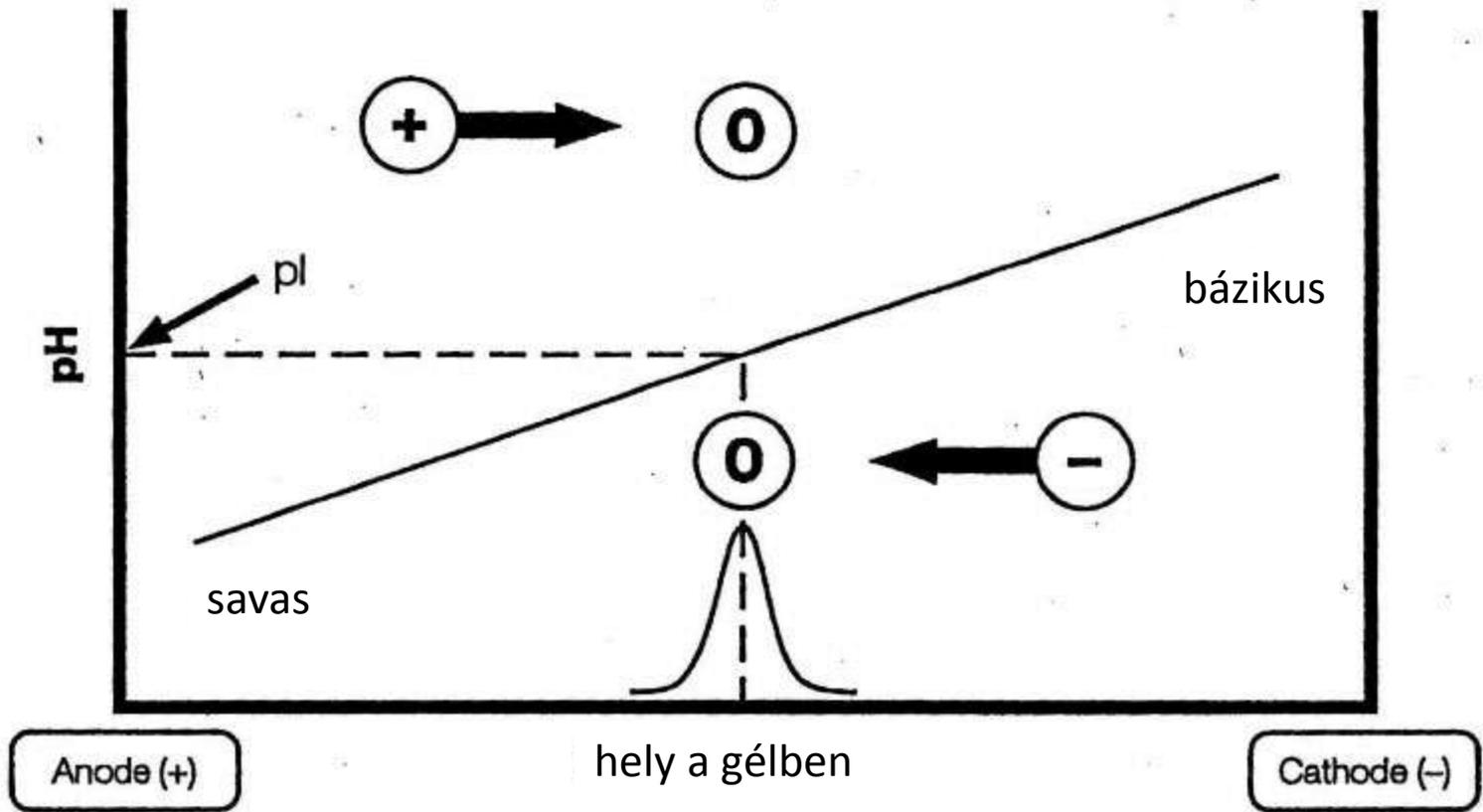
# Izoelektromos fókuszálás

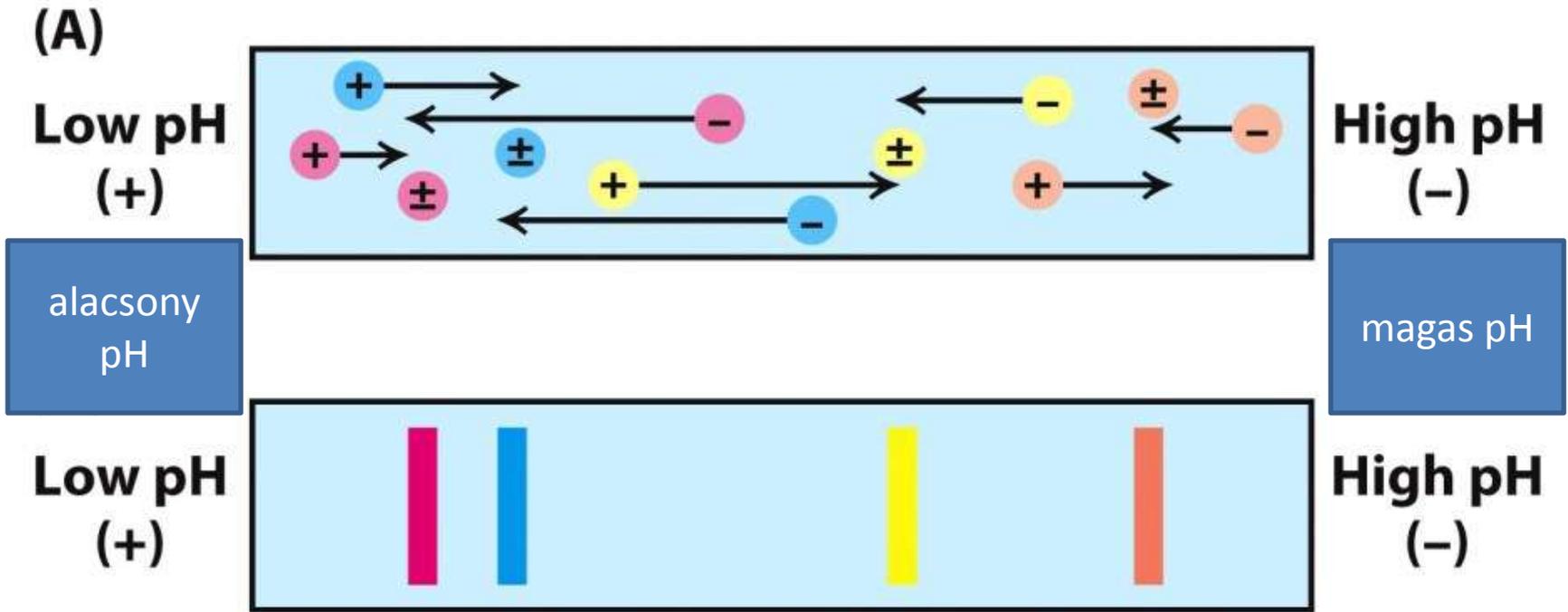
pH gradiens

Ott áll meg a molekula ahol eléri az izoelektromos pontot.

Nagy elválasztó-képességű módszer, akár egy elemi töltés-különbséget is ki lehet vele mutatni

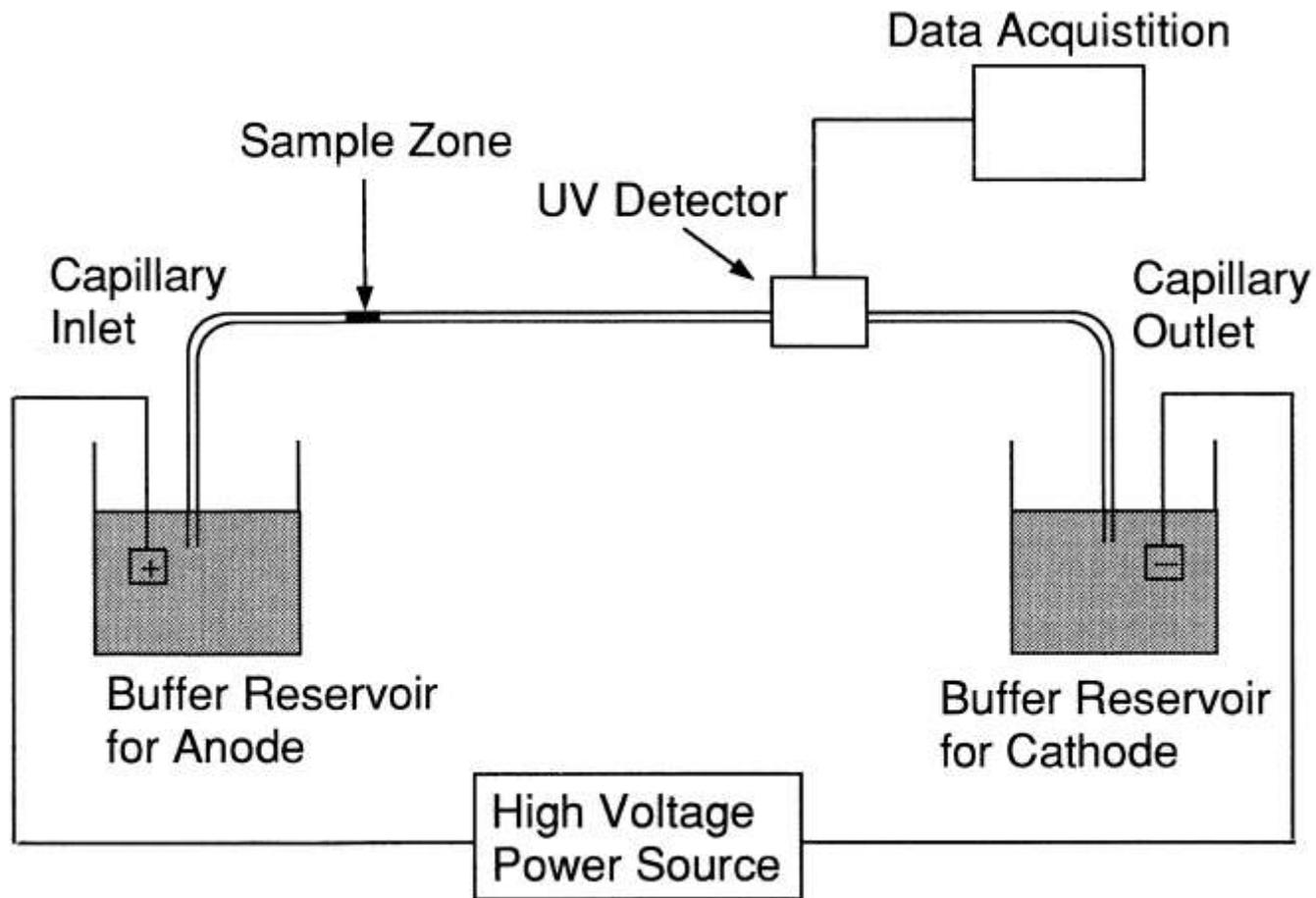


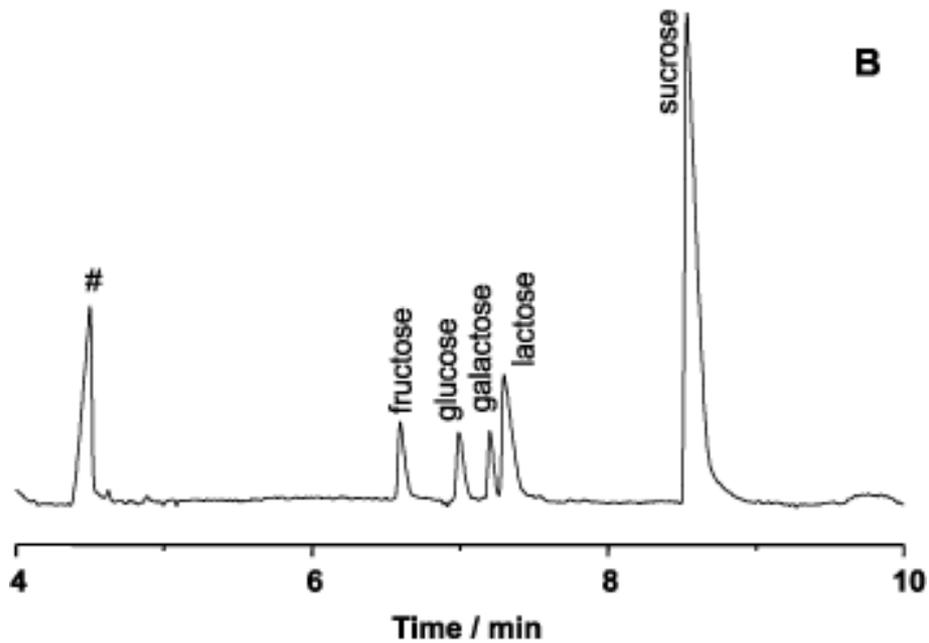




**Figure 3.11**  
*Biochemistry, Seventh Edition*  
 © 2012 W. H. Freeman and Company

# Kapilláris-elektroforézis





**B**

Elektroforetikus spektrum:  
A detektor alatt időben eltolva haladnak át a minta komponensei, mérettől és töltéstől függően.

Automatizálható, párhuzamosan több minta elemzésére is használható

