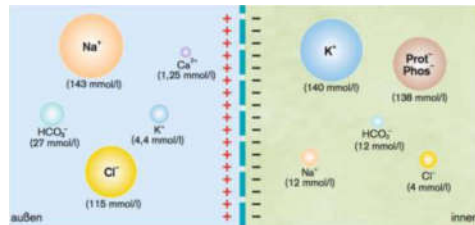
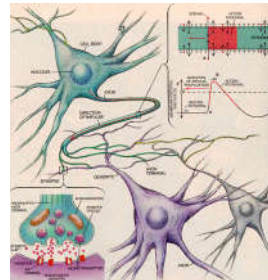


## Grundlagen der medizinischen Biophysik



7. Vorlesung 30. 09. 2021  
Ádám Orosz  
Elektrizitätslehre



- Termin der Klausur: **8. Oktober 2021. 18:30-19:00**, Online Moodle Test
- Dauer: 30 min
- **25 Fragen**: richtige Antwort: +3; falsche Antwort -1. Keine Antwort: 0
- Die Prüfung wird per Zoom überwacht und aufgenommen. Den Test können Sie auf der Moodle-Seite erreichen. Sie erhalten vor der Prüfung einen Link zum Meeting durch das Neptun-System.
- Für die Prüfung darf nur ein einziges Gerät verwendet werden, beispielsweise ein Computer oder Laptop. Wenn nur ein Handy/Tablet erreichbar ist, sind diese auch gestattet.
- Die Kamera des Geräts muss während der gesamten Prüfung ständig eingeschaltet sein. Anwendung von Kopfhörern oder Headsets ist verboten.
- Sie müssen einen in Neptun registrierten Ausweis (Personalausweis/Reisepass/Studentenausweis) vor Beginn für 10 s in die Kamera zeigen.
- Sie dürfen nur leere Papierblätter und Stifte benutzen und Taschenrechner.
- Konstante die Sie auswendig wissen müssen: Avogadro Konstante, Lichtgeschwindigkeit, Erdbeschleunigung
- **Konsultation: 7. Oktober 15:30 -17:00 – Szent Györgyi Hörsaal**

1

2

## Elektrische Ladung und Ladungsträger

### Elektrische Ladung

- Die elektrische **Ladung** ist **an Materie gebunden**, sie ist eine wesentliche Eigenschaft der Materie (wie die Masse)
- Es gibt positive und negative Ladungen
- **SI-Einheit** der Ladung: **Coulomb (C)**
- Die elektrische **Ladung** ist eine **gequantelte Größe** und die kleinste Ladungsmenge wird als **Elementarladung (e)** bezeichnet:  $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{C}$

### Elektrische Ladungsträger

- Ladungsträger sind Teilchen, die eine elektrische Ladung tragen, z. B.
  - das Elektron, seine Ladung ist  $-e$
  - das Proton, seine Ladung ist  $+e$

### Faraday-Konstante (F)

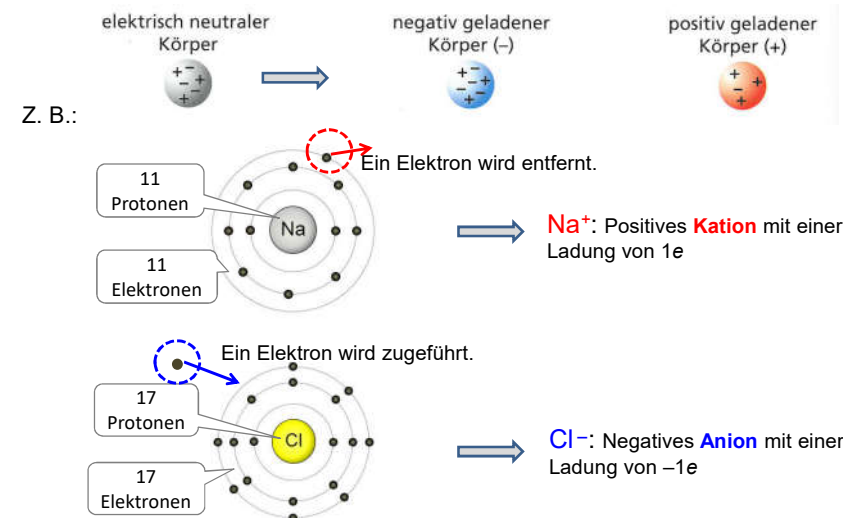
- Die **Faraday-Konstante** entspricht der **Gesamtladung von 1 mol Protonen**:

$$F = N_A \cdot e = 6,03 \cdot 10^{23} \frac{1}{\text{mol}} \cdot 1,6 \cdot 10^{-19} \text{C} = 96500 \frac{\text{C}}{\text{mol}}$$

3

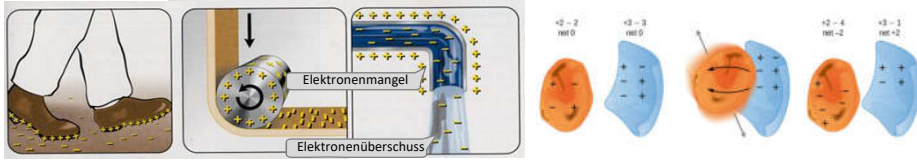
## Aufladung eines Körpers

- Atome, Moleküle, makroskopische Objekte **sind im allgemeinen elektrisch neutral**, da diese gleich viele Elektronen wie Protonen enthalten
- Körper (Atome, Moleküle, makroskopische Körper) können durch **Entfernung** oder durch **Zuführen von Elektronen netto elektrische Ladung erhalten**



4

## Aufladung eines Körpers

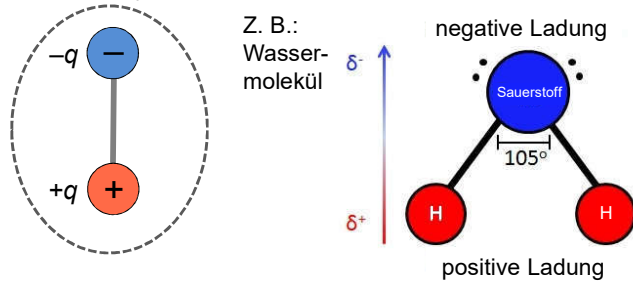


Reibungselektrizität

ἤλεκτρον - elektron - „Bernstein“

## Elektrischer Dipol

- Die **Anordnung** von **zwei gleich großen ungleichnamigen Ladungen**  $q$  bei einem Abstand.
- Insgesamt bleibt der Körper **neutral**.



5

## Wechselwirkungen zwischen Ladungen

Gleichnamig geladene Körper stoßen einander ab.	Ungleichnamig geladene Körper ziehen einander an.
$F \leftarrow + \quad + \rightarrow F$ $F \leftarrow - \quad - \rightarrow F$	$+ \xrightarrow{F} -$

$$\text{Coulomb-Gesetz: } F = k \frac{q_1 q_2}{r^2}$$

- Das Gesetz ist analog zum Gravitationsgesetz
- Die elektrische Anziehungskräfte zwischen dem Atomkern und den Elektronen halten das Atom zusammen!

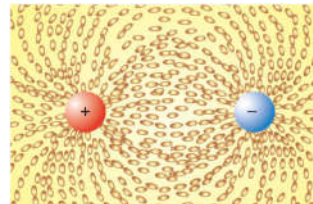
Woher wissen zwei Ladungen von einer Entfernung, dass sie sich anziehen oder abstoßen müssen?

Das elektrische Feld dient als „Vermittler“ zwischen den Ladungen.

6

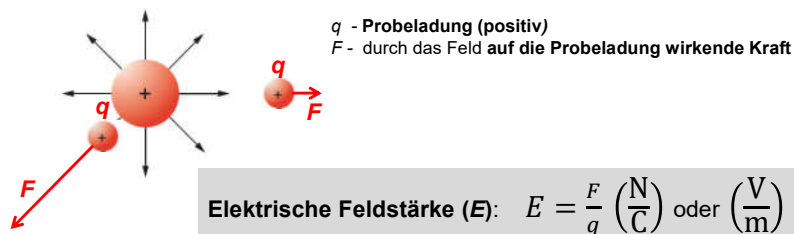
## Elektrisches Feld

- Ein **Modell** für die Beschreibung der Wechselwirkung zwischen Ladungen: **Ladungen erzeugen** um sich herum ein **elektrisches Feld** und üben nicht direkt **Kräfte** aufeinander aus, sondern **durch das elektrische Feld**.
- Das Feld wird durch **Feldlinien** veranschaulicht; dies sind Kurven, deren **Tangenten** an jedem Punkt die **Richtung des Feldes**, d. h. die Richtung der Kraftwirkung, anzeigen und deren **Dichte** zur **Stärke** des Feldes proportional ist.



1 Grießkörnchen im elektrischen Feld zwischen zwei ungleichnamig geladenen Elektroden

## Elektrische Feldstärke



$$\text{Elektrische Feldstärke (E): } E = \frac{F}{q} \left( \frac{\text{N}}{\text{C}} \right) \text{ oder } \left( \frac{\text{V}}{\text{m}} \right)$$

7

## Homogene und inhomogene elektrische Felder

- Elektrische Feldstärke ist **an jedem Ort gleich**.
- Die Feldlinien laufen parallel und in gleichem Abstand voneinander.

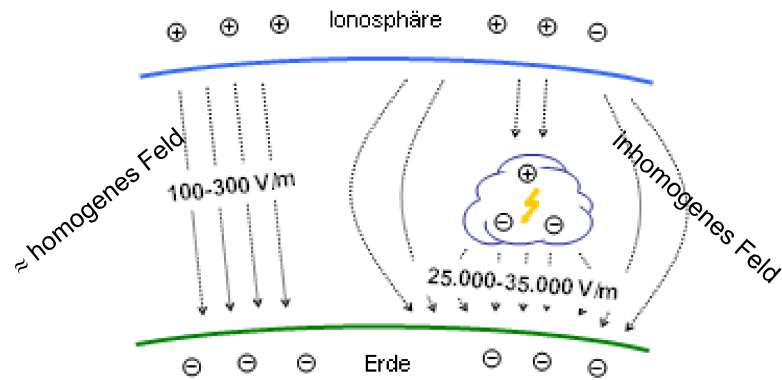
- Elektrische Feldstärke (Richtung oder Größe oder beide) ist **von Ort zu Ort unterschiedlich**.

Homogenes Feld	Inhomogene Felder	
Feld zwischen zwei ungleichnamig geladenen Platten	Feld zwischen zwei geladenen Kugeln	Feld um eine geladene Kugel (Radialfeld)

z. B. Plattenkondensator (zwei leitende Platten durch einen Isolator voneinander getrennt)

8

## Elektrisches Feld der Erde

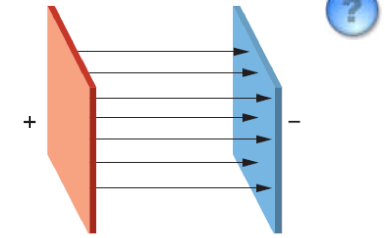


9

## Übung

Die Feldstärke des homogenen Feldes in der Abbildung beträgt 2400 N/C.

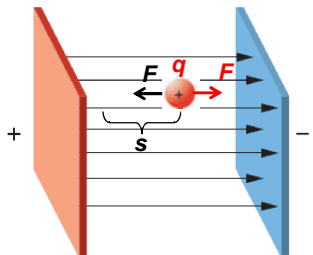
a) Man platziert eine Probeladung  $q = 0,05 \text{ C}$  in das Feld. Welche Kraft wirkt auf die Probeladung (Betrag und Richtung)?



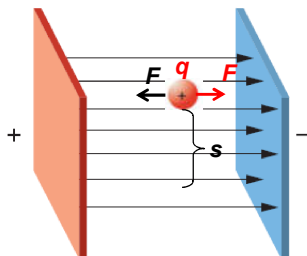
b) Man platziert ein Elektron in das Feld. Welche Kraft wirkt auf das Elektron (Betrag und Richtung)?

10

## Arbeit im elektrischen Feld



- Auf eine sich in einem elektrischen Feld befindende Ladung wirkt eine Kraft, die **elektrische Kraft**:  $F = E \cdot q$
- Um das Teilchen **entgegen der elektrischen Kraft** entlang des **Weges s** zu **bewegen**, muss die **Arbeit W** verrichtet werden:  $W = F \cdot s = E \cdot q \cdot s$

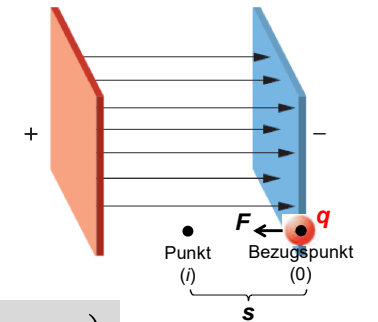


- Wird das Teilchen **senkrecht zu den Feldlinien** bewegt, so muss **keine Arbeit** verrichtet werden:  $W = E \cdot q \cdot s \cdot \cos 90^\circ = 0$
- Eine schräge Bewegung im Feld kann aus einer wagrechten und einer senkrechten Bewegung zusammengesetzt werden

11

## Elektrisches Potenzial

- Jedem Punkt eines elektrischen Feldes kann ein **Potenzial** ( $\varphi$ ) zugeordnet werden
- Dieses Potenzial entspricht der **Arbeit**, die man verrichten müsste, um **eine Ladung von 1 C** vom (willkürlich gewählten) Bezugspunkt (0) zum entsprechenden Punkt des Feldes (i) zu befördern
- Zum Bezugspunkt wird das Potenzial von 0 **willkürlich** zugeordnet



**Elektrisches Potenzial ( $\varphi$ ):**  $\varphi_i = \frac{W_{0 \rightarrow i}}{q} \left( \frac{\text{J}}{\text{C}} = \text{V (Volt)} \right)$

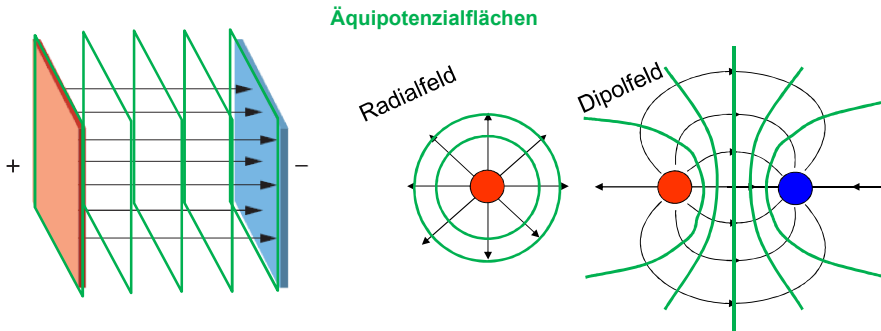
$$W_{0 \rightarrow i} = F \cdot s = E \cdot q \cdot s$$

Im Falle eines homogenen Feldes:  $\varphi_i = \frac{W_{0 \rightarrow i}}{q} = \frac{E \cdot q \cdot s}{q} = E \cdot s$

12

## Äquipotenzialflächen

- **Alle Punkte**, die das **gleiche Potenzial** besitzen, liegen auf einer Fläche, der **Äquipotenzialfläche**
- Die **Feldlinien** verlaufen **senkrecht** zu den Äquipotenzialflächen
- Bewegt man eine Ladung **innerhalb** einer Äquipotenzialfläche, so wird **keine Arbeit** verrichtet
- In **homogenen Feldern** sind die Äquipotenzialflächen **Ebenen**, in **inhomogenen Feldern** beliebig **gekrümmte** Flächen



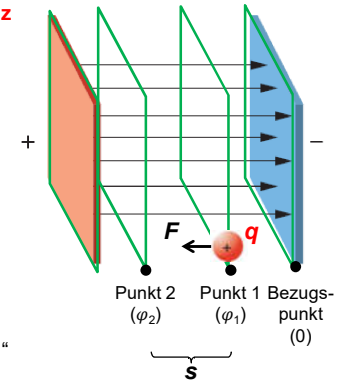
13

## Elektrische Spannung

- Die elektrische **Spannung** entspricht der **Potenzialdifferenz** zwischen zwei Punkten
- Dies entspricht der Arbeit, die geleistet werden muss, um eine Ladung der Größe 1 C von einem „Punkt 1“ zu einem anderen „Punkt 2“ in dem elektrischen Feld zu bringen:

$$U_{21} = \frac{W_{1 \rightarrow 2}}{q} = \varphi_2 - \varphi_1 = \Delta\varphi$$

- Muss **gegen das Feld** Arbeit verrichtet werden, so ist die Arbeit und auch die Spannung **positiv** – „Punkt 2“ hat also ein höheres elektrisches Potenzial als „Punkt 1“
- Ist die Arbeit und damit auch die Spannung **negativ**, so hat „Punkt 2“ ein niedrigeres elektrisches Potenzial als „Punkt 1“



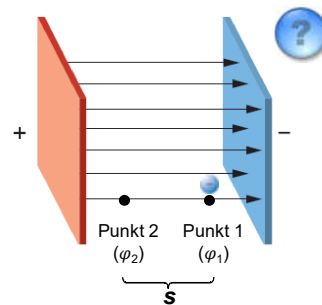
Im Falle eines homogenen Feldes:  $U_{21} = \frac{W_{1 \rightarrow 2}}{q} = \frac{E \cdot q \cdot s}{q} = E \cdot s$

$$U_{21} = E \cdot s$$

14

## Übung

1. Die Feldstärke des Feldes in der Abbildung beträgt 2400 N/C.
- b) Berechnen Sie die Potenzialwerte der Punkte 1 und 2.



- a) Berechnen Sie die Spannung zwischen den Punkten 1 und 2.

2. Man platziert ein Elektron in den Punkt 1.

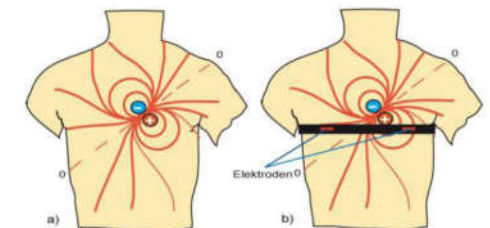
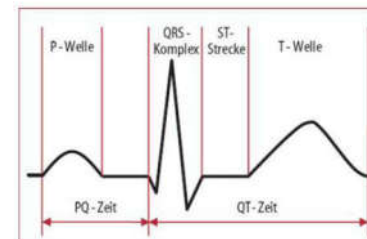
- a) Wie groß ist die Arbeit, die das Feld an dem Elektron vom Punkt 1 bis zum Punkt 2 verrichtet?

- b) Wie groß ist die Geschwindigkeit des Elektrons im Punkt 2, wenn es im Punkt 1 aus Ruhe startet?

15

## Äquipotenzialflächen bei EKG

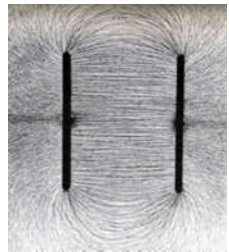
- Beim EKG werden zwischen verschiedensten Punkten (Elektroden) **Potentialdifferenzen** gemessen (Ableitungen)
- Sitzen zwei Elektroden auf einer ÄP, so ist die Potentialdifferenz:  $U = 0$  V
- Anhand der gemessenen Potentialdifferenzen und deren **zeitlichem Verlauf** kann auf die Herzaktivität und pathologische Prozesse zurückgeschlossen werden



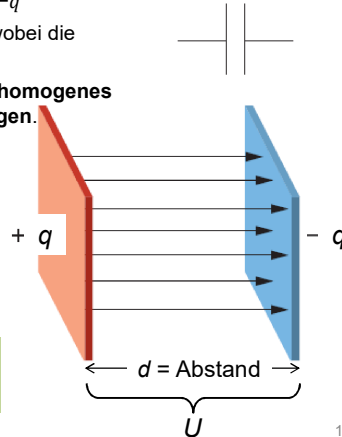
16

## Kondensator

- Ein **Kondensator** ist ein **elektrisches Bauteil**, das elektrische **Ladung** und **Energie speichern** kann
- In seiner einfachsten Bauform besteht er aus **elektrisch leitenden Platten**, die **gegeneinander isoliert** sind (meist durch Luft) und heißt dann Plattenkondensator
- Wird ein Kondensator **geladen**, so erhalten seine beiden Platten **betragsgleiche** und **ungleichnamige Ladungen**  $+q$  und  $-q$
- $+q = Q$  wird als **Ladung des Kondensators** bezeichnet, wobei die **effektive Ladung** des Kondensators **null** ist
- Das elektrische Feld **zwischen** den beiden Platten ist ein **homogenes Feld**, **außerhalb** der beiden Platten ist es jedoch **inhomogen**.
- Die Platten des Kondensators sind **Äquipotenzialflächen**



Beobachtung:  
 $Q \sim U$



17

## Kapazität eines Kondensators

$$\text{Kapazität (C): } C = \frac{Q}{U} \left( \frac{C}{V} = F \text{ (Farad)} \right)$$

- Je **größer** die Kapazität, desto **mehr Ladung** kann **bei einer bestimmten Spannung** gespeichert werden
- Die **Kapazität** kann **erhöht** werden durch:
  - Vergrößerung** der Kondensatorplatten  $A$
  - Verkleinerung** des **Abstands**  $d$  zwischen den Kondensatorplatten
  - Erhöhung** der relativen **Permittivität**  $\epsilon_r$  durch ein Dielektrikum

$$C = \epsilon_0 \epsilon_r \frac{A}{d}$$

- Damit ein Kondensator **geladen** werden kann, muss eine äußere Spannungsquelle **Arbeit** verrichten
- Die zum Aufladen des Kondensators verrichtete Arbeit **speichert der Kondensator** in Form von **elektrischer Energie**

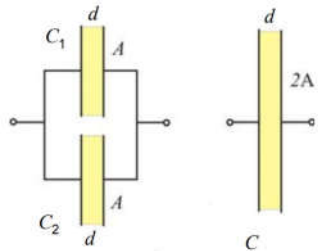
$$W(=E) = \frac{1}{2} \cdot C \cdot U^2$$

- Beim Entladen des Kondensators wird diese Energie wieder abgegeben

18

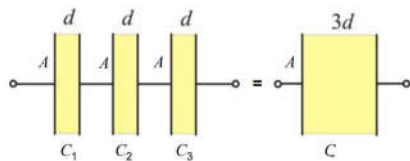
## Schaltung von Kondensatoren

Parallelschaltung



$$C = C_1 + C_2 + \dots$$

Reihenschaltung

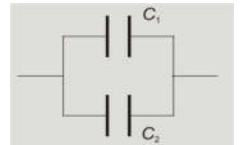


$$\frac{1}{C} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \dots$$

19

## Übung

- Berechnen Sie die Gesamtkapazität, wenn  $C_1 = 1 \text{ mF}$  und  $C_2 = 4 \text{ mF}$



- Berechnen Sie die Gesamtkapazität, wenn  $C_1 = 1 \text{ mF}$  und  $C_2 = 4 \text{ mF}$



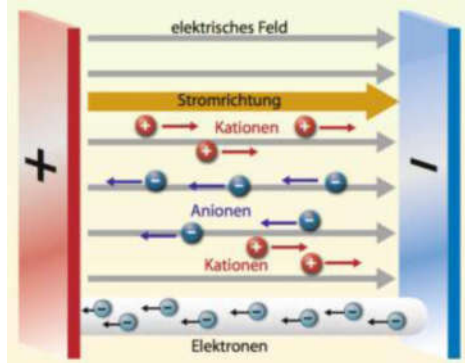
- Berechnen Sie die Gesamtkapazität von 10 in Reihe geschalteten Kondensatoren mit je  $10 \text{ mF}$

20



## Elektrischer Strom

- Ein **elektrischer Strom** beschreibt einen gezielten und gerichteten **Ladungstransport** durch eine gegebene **Fläche** hindurch
- Voraussetzung dazu: **freie** (quasifreie) **Ladungsträger** (bewegliche Ladungsträger)
- Als Ladungsträger dienen typischerweise **Elektronen** oder **Ionen**
- Nicht jede Bewegung von Ladungsträgern ist zwangsläufig ein Strom



Bemerkung:  
Die **technische/konventionelle Stromrichtung** entspricht der Richtung, in die **positive** Ladungen fließen: von plus nach minus.

21

## Biologische Wirkung von Strom

- Der elektrische Strom ruft biologische Wirkungen hervor, die in der Medizin eingesetzt werden, z.B.:
  - Nerven- und Muskelstimulation
  - Gewebeerwärmung
  - Gewebezerstörung



22

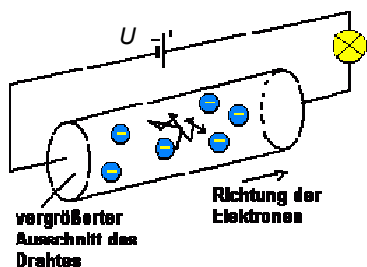
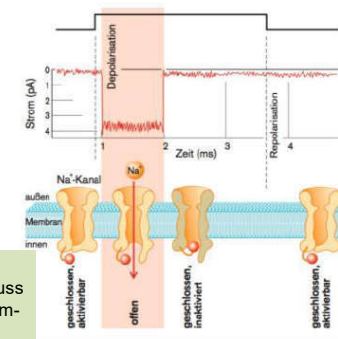
## Elektrische Stromstärke

Die **elektrische Stromstärke** ist definiert als die **Ladungsmenge**  $\Delta q$ , die **während der Zeit**  $\Delta t$  durch eine gedachte Querschnittsebene eines Leiters tritt:

**Elektrische Stromstärke ( $I$ ):**

$$I = \frac{\Delta q}{\Delta t} \left( \frac{C}{s} = A \text{ (Amper)} \right)$$

Natrium-Ionen, die während des Aktionspotenzials durch Natriumkanäle in der Zellmembran fließen, stellen einen elektrischen Stromfluss dar. Die Anzahl der pro Zeiteinheit durch den Kanal fließenden Natrium-Ionen bestimmt dabei die Größe dieses Stromflusses.



- Die Bewegung der Elektronen ist nicht unverbunden:
  - Kollisionen untereinander
  - Kollisionen mit den Atomen des Metallgitters
- Die elektrische **Stromstärke** ist **proportional** zur angelegten **Spannung**:  $I \sim U$

23

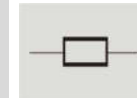
## Ohmsches Gesetz, Widerstand, Leitwert, spez. Widerstand, Leitfähigkeit

**Ohmsches Gesetz:**  $U = R \cdot I$

$I = G \cdot U$

**Elektrischer Widerstand ( $R$ ):**

$$R = \frac{U}{I} \left( \frac{V}{A} = \Omega \text{ (Ohm)} \right)$$



**Elektrischer Leitwert ( $G$ ):**

$$G = \frac{I}{U} \left( \frac{A}{V} = S \text{ (Siemens)} \right)$$

- Der elektrische Widerstand eines Leiters hängt u.a. von dessen **Geometrie** ab:
  - Je **größer** die Querschnittsfläche  $A$ , desto **geringer** ist der Widerstand
  - Je **länger** der Leiter  $l$ , desto **größer** ist der Widerstand

$$R = \rho \cdot \frac{l}{A}$$

- $\rho$  ist der **spezifische Widerstand** und ein von der **Temperatur** abhängiger **stoffspezifischer** Koeffizient mit einer Maßeinheit von  $\Omega \cdot m$

- Der elektrische Leitwert eines Leiters hängt u.a. von dessen **Geometrie** ab:
  - Je **größer** die Querschnittsfläche  $A$ , desto **größer** ist der Leitwert
  - Je **länger** der Leiter  $l$ , desto **kleiner** ist der Leitwert

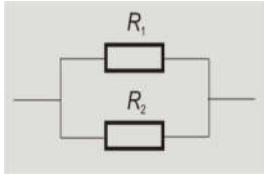
$$G = \sigma \cdot \frac{A}{l}$$

- $\sigma$  ist die **elektrische Leitfähigkeit** und ein von der **Temperatur** abhängiger **stoffspezifischer** Koeffizient mit einer Maßeinheit von  $S/m$

24

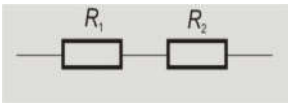
## Schaltung von Widerständen

### Parallelschaltung



$$\frac{1}{R} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \dots$$

### Reihenschaltung

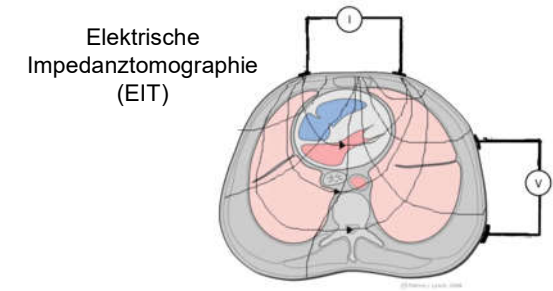


$$R = R_1 + R_2 + \dots$$

25

## Elektrische Leitfähigkeit in der Diagnostik

Gewebe	$\sigma$ (mS/m)
Blut	700
graue Hirnmasse	300
weiße Hirnmasse	150
Haut	100
Fett	40
Knochen	10



Impedanzplethysmographie (IPG)



26

Hausaufgaben: Grundschrift Kapitel 9 und 10