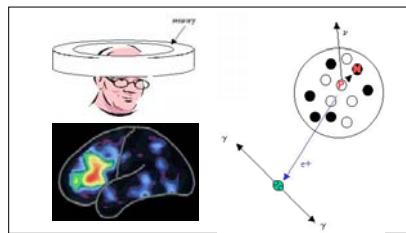
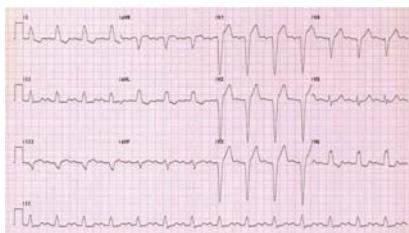




Kis orvosi jelfeldolgozás



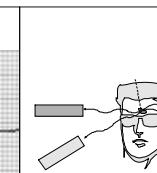
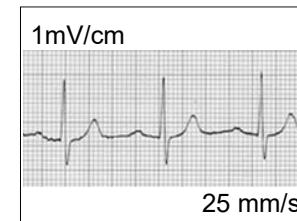
KAD 2021.12.09

Jel: olyan (fizikai) mennyiségek, amely információt hordoz, továbbít vagy tárol

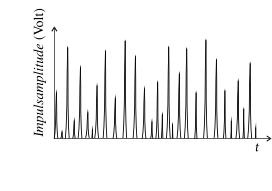
pl. (1) elektromos feszültség, amely a szív-/izom-/agyműködés következtében a test vagy a koponya felszínén mérhető (EKG/EMG/EEG)

pl. (2) izotópdiagnosztikában a gamma kvantumok detektálása

(1)



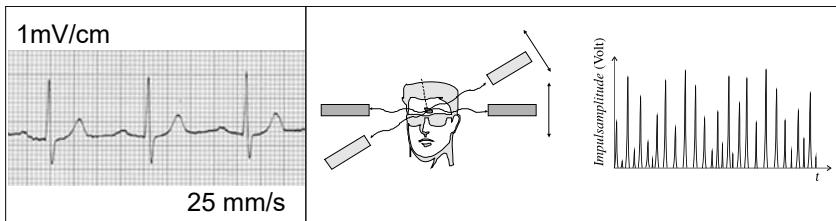
(2)



2

A jelek osztályozási lehetőségei

- | | | |
|---------------|---|------------------|
| statikus | – | (időben) változó |
| periodikus | – | nem-periodikus |
| véletlenszerű | – | determinisztikus |
| impulzusszerű | – | folytonos |
| elektromos | – | nem elektromos |
| analóg | – | digitális |



3

kitüntetett szereiben

elektromos jelek

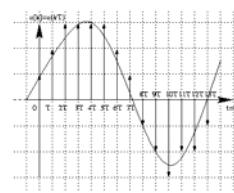
a nem elektromos jeleket átalakítjuk elektromos jelé

az **elektromos** jelek előnyei: átalakítás, erősítés, jeltovábbítás egyszerű

digitális jelek

az analóg jeleket digitalizáljuk

a **digitális** jelek előnyei: a tárolás egyszerű, a zaj tervezhető és szerepe csökkenhető



4

mennyiség és egység, ami a jelek nagyságának összehasonlítására szolgál:

jelszint vagy Bel-szám (v. **Decibel-szám**): n (A. Bell után)

n egysége: Bel (B) vagy decibel (dB)

$$n = \lg \frac{P_2}{P_1} B = \lg \frac{J_2}{J_1} B = \lg \frac{E_2}{E_1} B$$

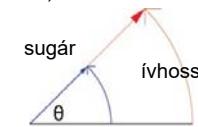
a teljesítmények (intenzitások, energiák) hányadosának tízes alapú logaritmusa

5

v.ö. **radián** (ívmérték)

$$\Theta = \frac{\text{ívhossz}}{\text{sugár}}$$

$$[\Theta] = \frac{m}{m} = \text{rad} = 1$$



v.ö. **pH** (power of Hydrogen)

$$\text{pH} = -\lg \frac{[\text{H}^+]}{1\text{M}}$$

$$\text{zB.: } [\text{H}^+] = 10^{-7} \text{ M} \\ \Rightarrow \text{pH} = -\lg 10^{-7} = -1 \cdot (-7) = 7$$

a bel szám helyett a **decibel-szám** használatos

$$n = 10 \cdot \lg \frac{P_2}{P_1} \text{ dB}$$

(10d = 1)

6

a **jellemző** mennyiség: **teljesítmény** (v. intenzitás/energia),
technikai mennyiség: (elektromos) **feszültség**

összefüggés a teljesítmény és a feszültség között :

$$P = U \cdot I = \frac{U^2}{R} \quad (\text{Ohm : } U = R \cdot I)$$

jelszint a feszültségekkel:

$$n = 10 \cdot \lg \frac{P_2}{P_1} \text{ dB} = 10 \cdot \lg \frac{\frac{U_2^2}{R_2}}{\frac{U_1^2}{R_1}} \approx 10 \cdot \lg \frac{U_2^2}{U_1^2} \text{ dB} = 20 \cdot \lg \frac{U_2}{U_1} \text{ dB}$$

$$= 10 \cdot \lg \frac{U_2^2}{U_1^2} \text{ dB} = 20 \cdot \lg \frac{U_2}{U_1} \text{ dB}$$

7

$$\frac{P_2}{P_1} = 2 \Leftrightarrow 10 \lg 2 \text{ dB} =$$

$$= 10 \cdot 0,3 \text{ dB} = 3 \text{ dB}$$

$$\frac{P_2}{P_1} = \frac{1}{2} \Leftrightarrow -3 \text{ dB}$$

v.ö. felezési idő/rétegv.

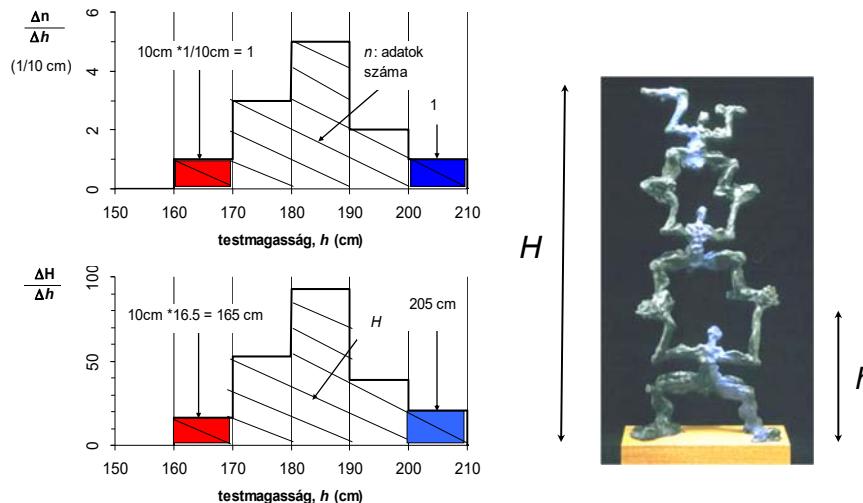
$$\frac{P_2}{P_1} = 10 \Leftrightarrow 10 \cdot \lg 10 \text{ dB} = \\ = 10 \cdot 1 \text{ dB} = 10 \text{ dB}$$

$$\frac{P_2}{P_1} = 100 \Leftrightarrow 10 \lg 100 \text{ dB} = \\ = 10 \cdot 2 \text{ dB} = 20 \text{ dB}$$

U_2/U_1	P_2/P_1	dB
1,414	2	3
2	4	6
	8	9
3,16	10	10
	20	13
10	100	20
	$1000=10^3$	30
$100=10^2$	$10000=10^4$	40
$1000=10^3$	10^6	60

8

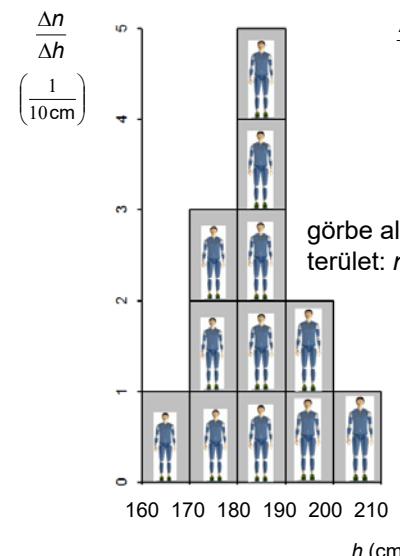
Gyakorisági eloszlás sűrűségsfüggvény



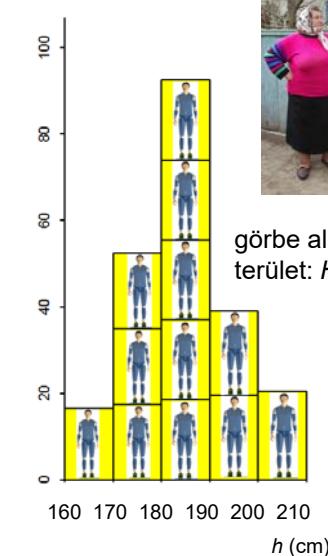
Spektrum, mint speciális gyakorisági eloszlás

9

Sűrűségsfüggvény



Spektrum

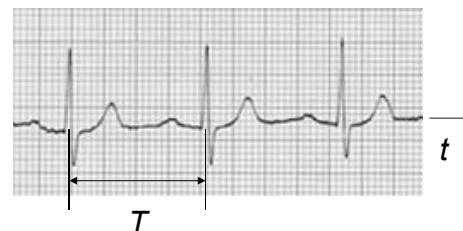


10

Fourier-tétel periodikus függvényekre (jelekre)

minden (jól viselkedő) periodikus függvény előállítható szinusz (és koszinusz) függvények összegeként az alap- és felharmonikusokból

periodikus függvény:
van periódusa, T



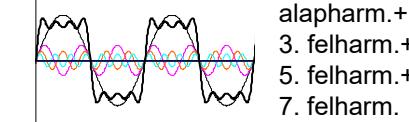
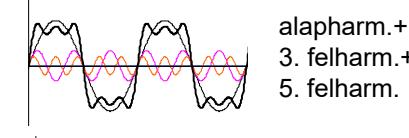
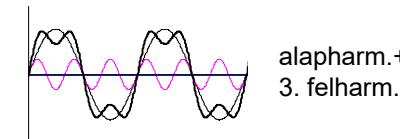
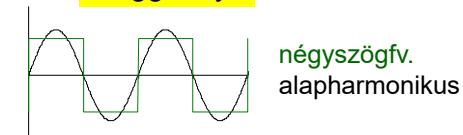
$$\frac{1}{T} = f, \text{ ahol } f \text{ a frekvencia}$$

az olyan szinuszfüggvény, amelynek frekvenciája megegyezik a jel frekvenciájával:
alapharmonikus (alapfrekvencia, alaprezgés)

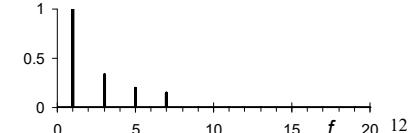
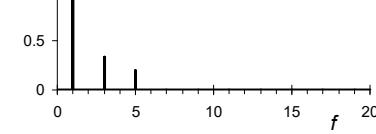
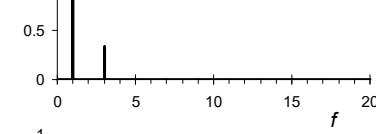
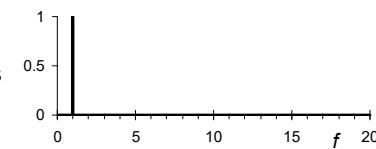
$2f, 3f, 4f, \dots$: **felharmonikusok** (felhangok)
(vonalas spektrum)

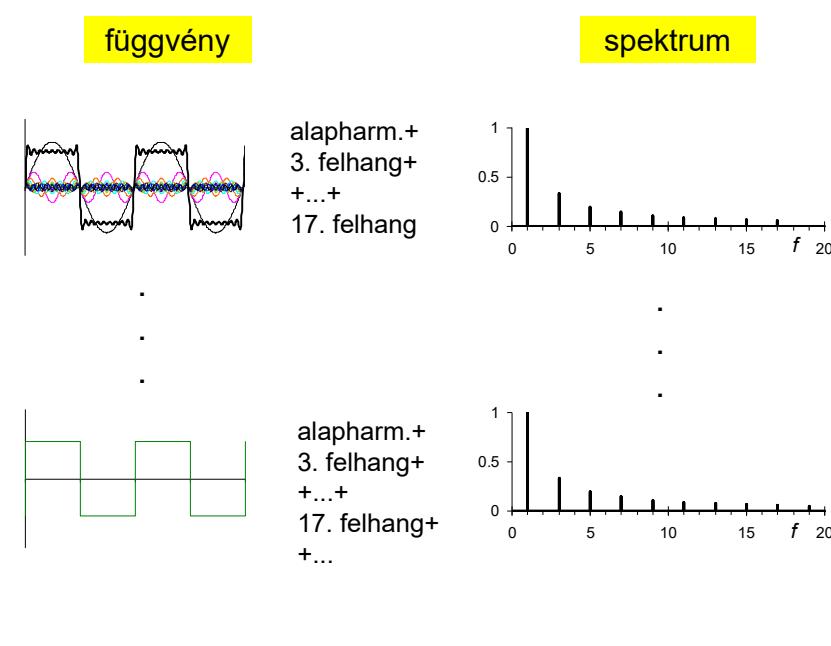
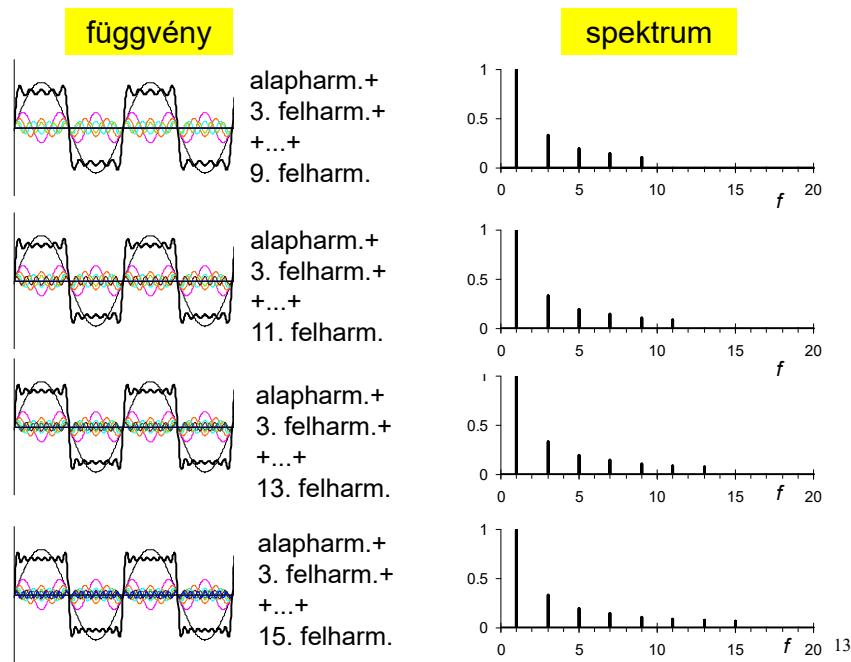
11

függvény



spektrum

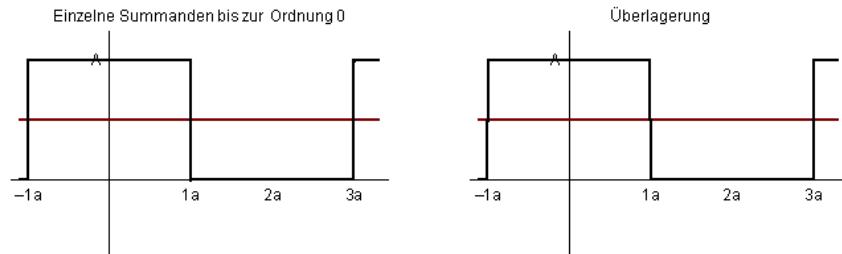




14

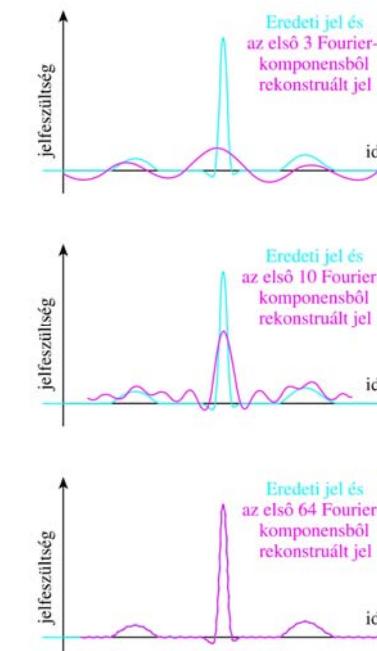
v.ö. **függvénysor**

$$\sum_{k=0}^{\infty} \frac{1}{2^k} = \frac{1}{2^0} + \frac{1}{2^1} + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{2^3} + \dots = 1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \dots = 2$$



15

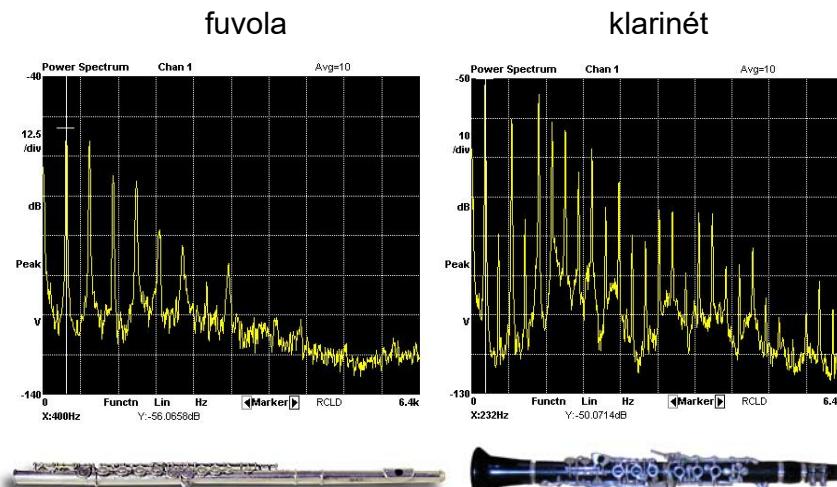
EKG jel előállítása szinuszokból



Orvosi biofizika tkv. VII.3.ábra

16

Az alap- és felharmonikusokat miért hívják alap- és felhangoknak?

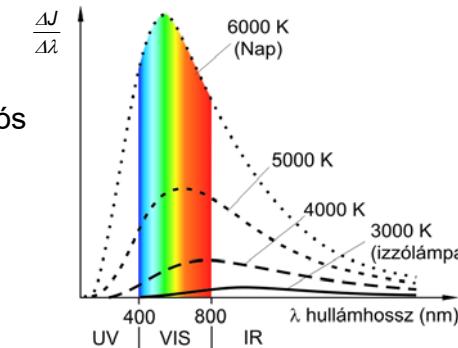


17

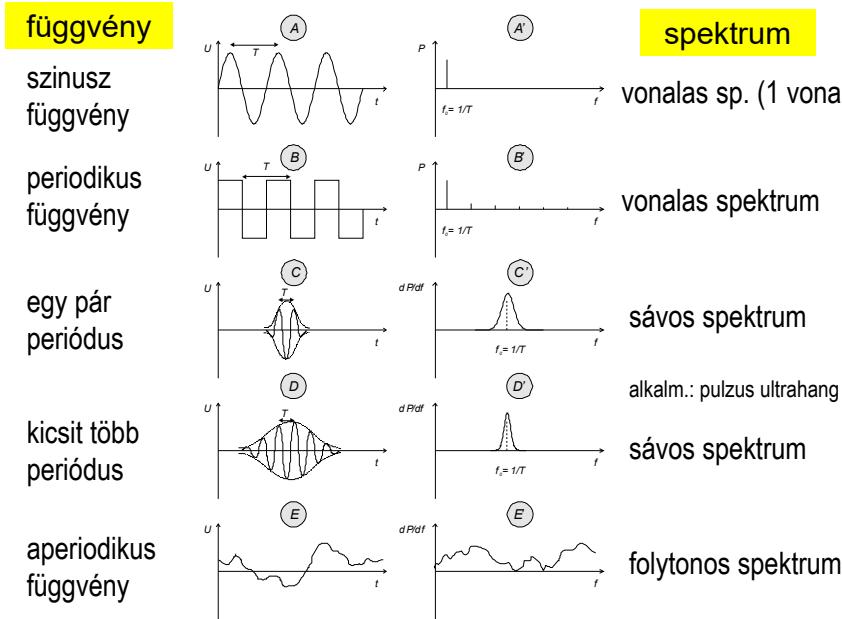
Fourier-tétel aperiodikus függvényekre (jelekre)

minden (jól viselkedő) függvény előállítható szinusz (és koszinusz) függvények összegeként.

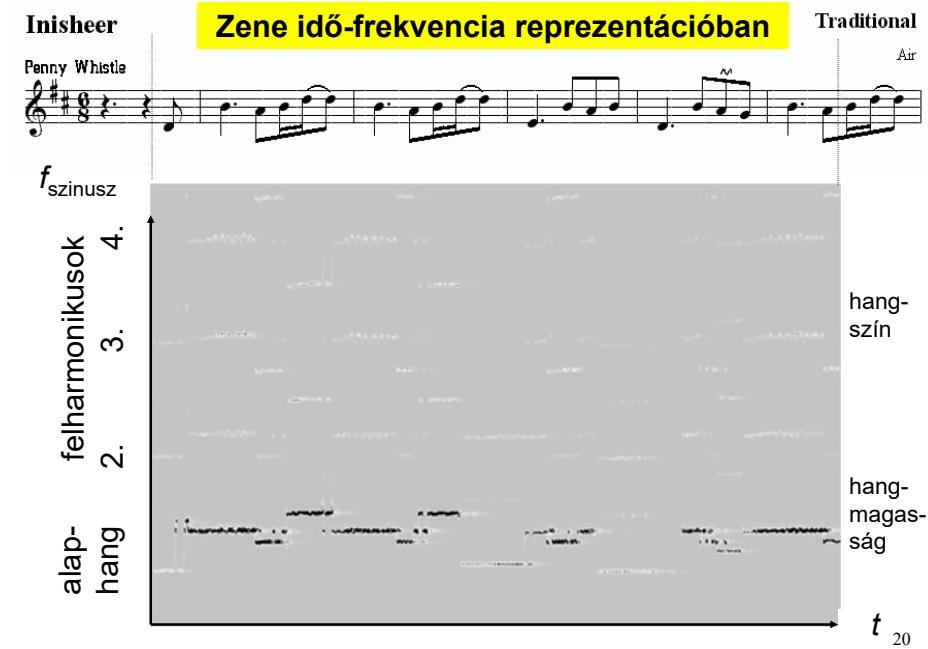
A spektruma: folytonos.



18

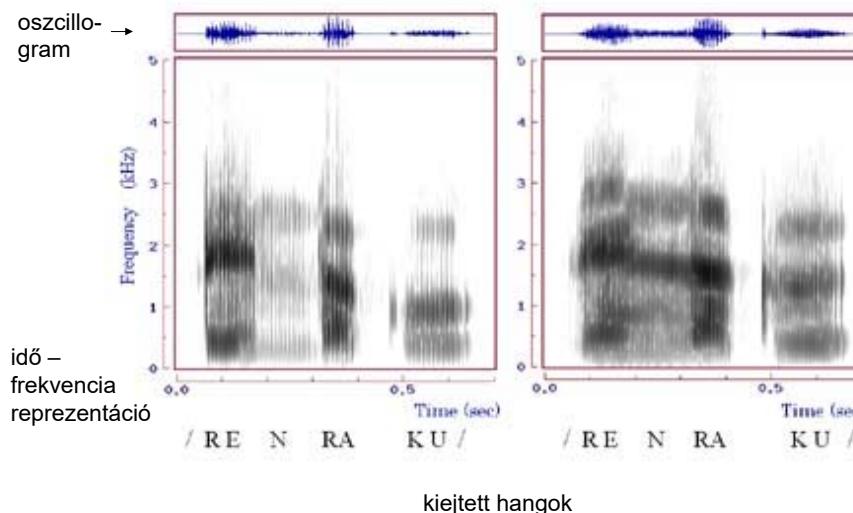


19



20

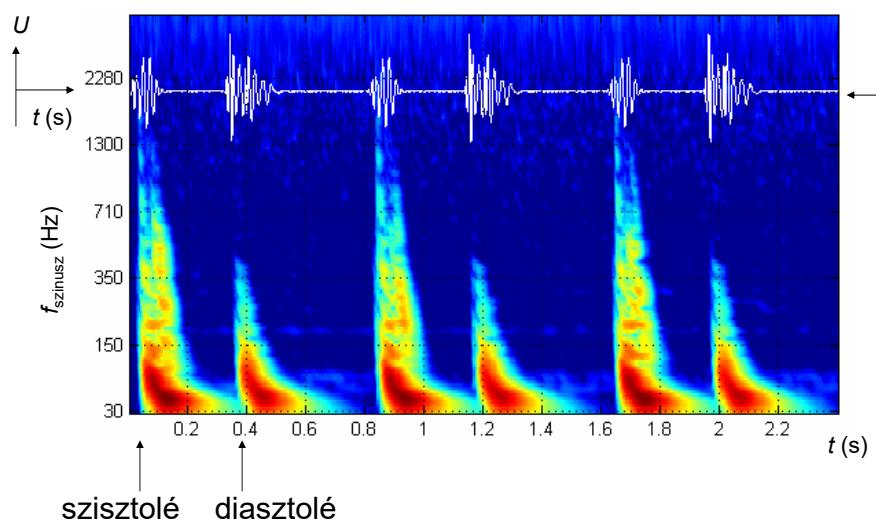
„Hanglenyomat” (voiceprint)



<http://www.nrips.go.jp/org/fourth/info3/index-e.html>

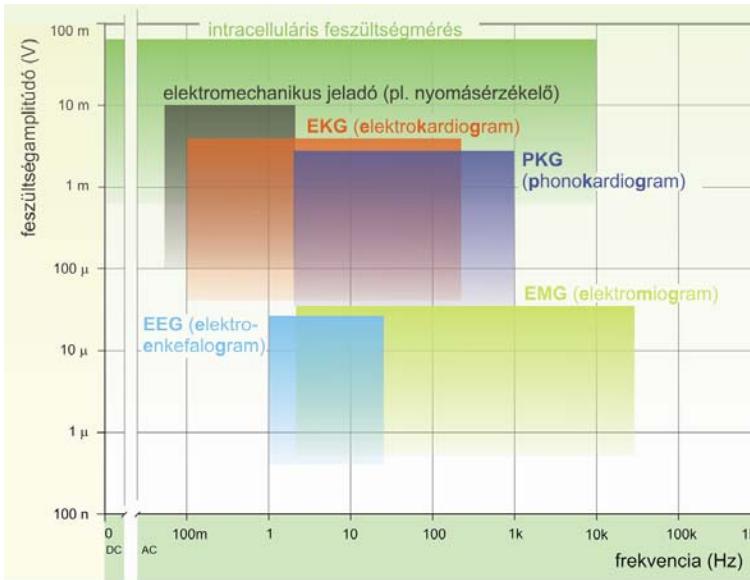
21

Szívhangok idő-frekvencia reprezentációban (+ oszcillogram)



22

Biológiai jelek frekvencia és amplitúdó viszonyai



Jegyzet 17. fejezet, címlap, v.ő. Orvosi biofizika tkv. VII.4.ábra

23

Pi. egy frekvenciafüggő egységre: Elektromos erősítő

$$(1) P_{\text{be}} < P_{\text{ki}}$$

(2) P_{be} és P_{ki} : azonos alakú függvények

azonos: „fundamentalista“ követelmény
hasonló: realista igény

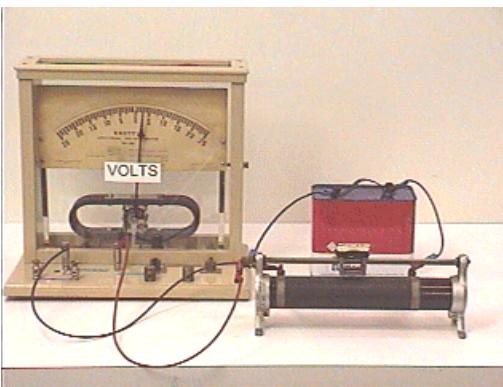
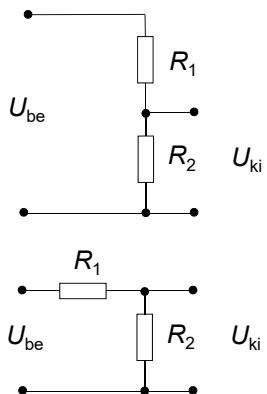
$$(1) + (2) A_P \cdot P_{\text{be}}(t) \equiv P_{\text{ki}}(t), \text{ ahol } A_P > 1$$

$$A_P = \frac{P_{\text{ki}}}{P_{\text{be}}}, \quad \text{teljesítményerősítés(i tényező)}$$

$$A_U = \frac{U_{\text{ki}}}{U_{\text{be}}}, \quad \text{feszültségerősítés(i tényező)}$$

24

(frekvencia független) feszültség-osztó



$$U_{ki} = \frac{R_2}{R_1 + R_2} U_{be}$$

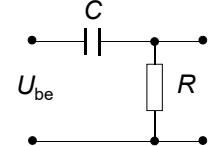
frekvenciafüggő feszültség-osztás: kondenzátorral

25

kiegészítő anyag

**felüláteresztő/alulvágó szűrő
(high-pass filter)**

$$R_C = \frac{1}{C\omega} \quad \text{a kapacitás nagy-frekvencián rövidzár}$$



fáziskülönbség miatt összegzés vektorok módjára

$$U_{ki} = \frac{R}{\sqrt{\frac{1}{C^2\omega^2} + R^2}} U_{be} = \frac{RC\omega}{\sqrt{1+R^2C^2\omega^2}} U_{be}$$

nagyon kis frekvencián: ha $\omega \ll \omega_0$ ($\omega \approx 0$), $U_{ki} = 0$

kis frekvencián: ha $\omega \ll \omega_0$, $U_{ki} = RC\omega U_{be}$ $\leftrightarrow 6 \text{ dB/oktáv}$

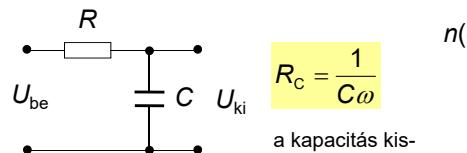
nagy frekvencián: ha $\omega \approx \infty$, $U_{ki} = U_{be}$



26

kiegészítő anyag

**aluláteresztő/felülvágó szűrő
(low-pass filter)**



$$R_C = \frac{1}{C\omega}$$

a kapacitás kis-frekvencián szakadás

$$U_{ki} = \frac{\frac{1}{C\omega}}{\sqrt{R^2 + \frac{1}{C^2\omega^2}}} U_{be} = \frac{1}{\sqrt{R^2C^2\omega^2 + 1}} U_{be}$$

kis frekvencián: ha $\omega \ll \omega_0$ ($\omega \approx 0$), $U_{ki} = U_{be}$

nagy frekvencián: ha $\omega \gg \omega_0$, $U_{ki} = \frac{1}{RC\omega} U_{be}$ $\leftrightarrow -6 \text{ dB/oktáv}$

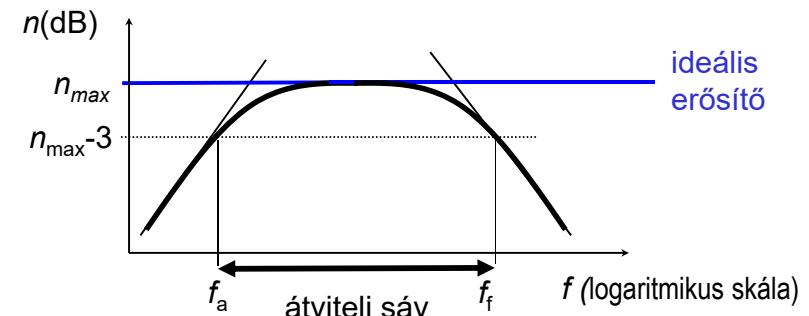
nagyon nagy frekvencián: ha $\omega \gg \omega_0$ ($\omega \approx \infty$), $U_{ki} = 0$

27

(1)-re: $A_P > 1$,

$$n = 10 \lg A_P = 20 \lg A_U > 0 \text{ dB}$$

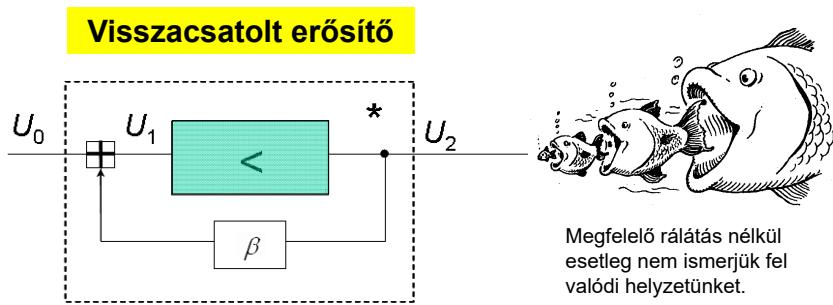
(2)-re: **frekvencia karakterisztika**



f_a : alsó határfrekvencia

f_f : alsó határfrekvencia

28



$$(a) \quad U_1 = U_0 + \beta U_2 \quad (b) \quad A_U = \frac{U_2}{U_1}$$

$$(c) \quad A_U^* = \frac{U_2}{U_0} = \frac{U_1 A_U}{U_0} = \frac{(U_0 + \beta U_2) A_U}{U_0} = A_U + \beta \frac{U_2}{U_0} A_U = A_U + \beta A_U^* A_U$$

$$A_U^* - \beta A_U^* A_U = A_U$$

$$A_U^* = \frac{A_U}{1 - \beta A_U}$$

29

$$A_U^* = \frac{A_U}{1 - \beta A_U}$$

A_U^* : a v.cs. erősítő fesz.erősítési tényezője
 A_U : az erősítő fesz. erősítési tényezője
 $(v.cs. nélkül)$

$\beta > 0$, pozitív v.cs. (azonos fázisban), $A_U^* > A_U$ (előny)

$\beta < 0$, negatív v.cs. (ellentett fázisban), $A_U^* < A_U$ (hátrány)

pozitív v.cs.:

(a) $\beta A_U = 1$, erősítés: „végtelen“

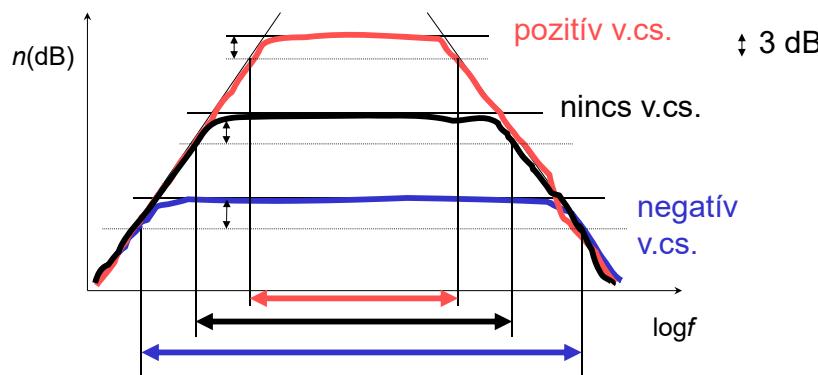
– szinuszoszcillátor
 pl: ultrahang(generátor),
 hőterápia

(b) $\beta A_U \leq 1$, erősítés: nagy
 – regeneratív erősítő
 pl: (hallás) külső szörsejtek



30

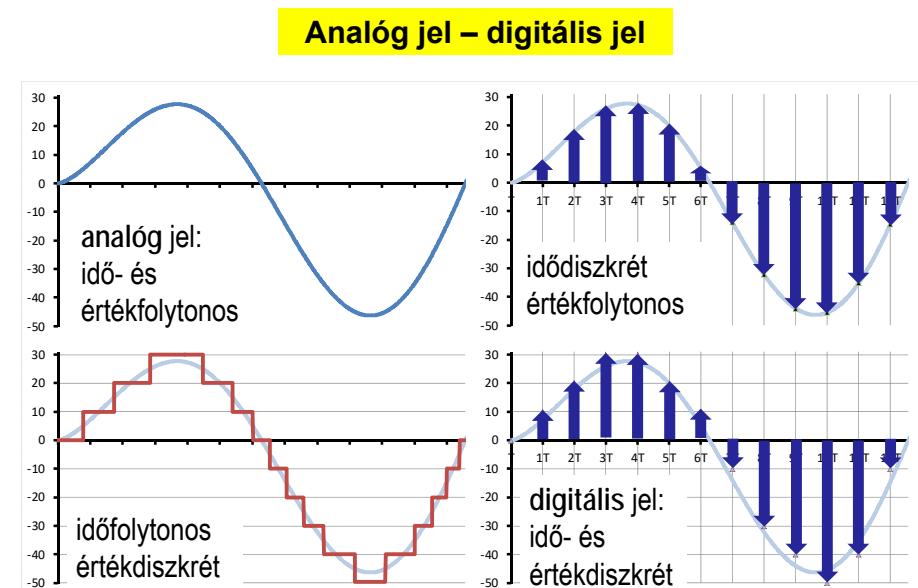
negatív v.cs.: „ minden“ erősítő



pozitív v.cs.: átviteli sáv – keskenyebb (nagy hátrány)
 erősítés nagyobb (előny)

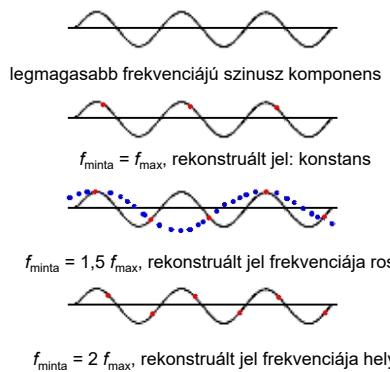
negatív v.cs.: átviteli sáv – szélesebb (előny)
 erősítés kisebb (kis hátrány)

31



32

idődiszkrétség: nem ismerjük a jel értékét minden időpillanatban



Shannon - Nyquist tétele:

a minimális mintavételezési frekvenciának legalább a jelben előforduló legmagasabb frekvenciakomponens kétszeresének kell lennie

pl: hifi, $f_{\text{max}} = 20 \text{ kHz}$

$$f_{\text{minta}} = 44.1 \text{ kHz} > 2 \cdot 20 \text{ kHz}$$

értékdiszkrétség: a jel értéke nem lehet akármekkora érték

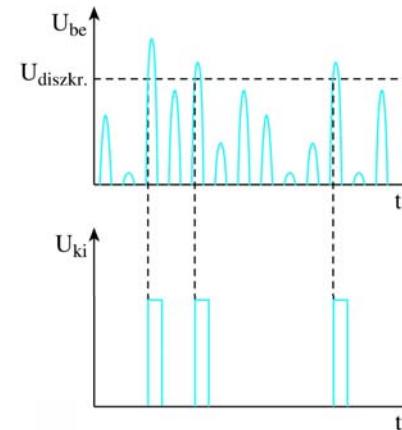
pl: hifi, 16 bit = $2^{16} = 65536$ (CD szabvány)

24 bit = $2^{24} = 16777216$ ("legjobb" hangkártya)

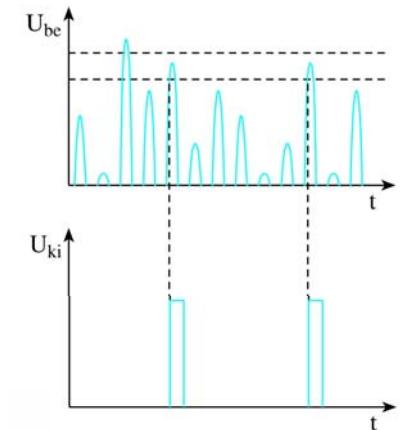
33

Impulzusjelek feldolgozása

integráldiszkrimináció

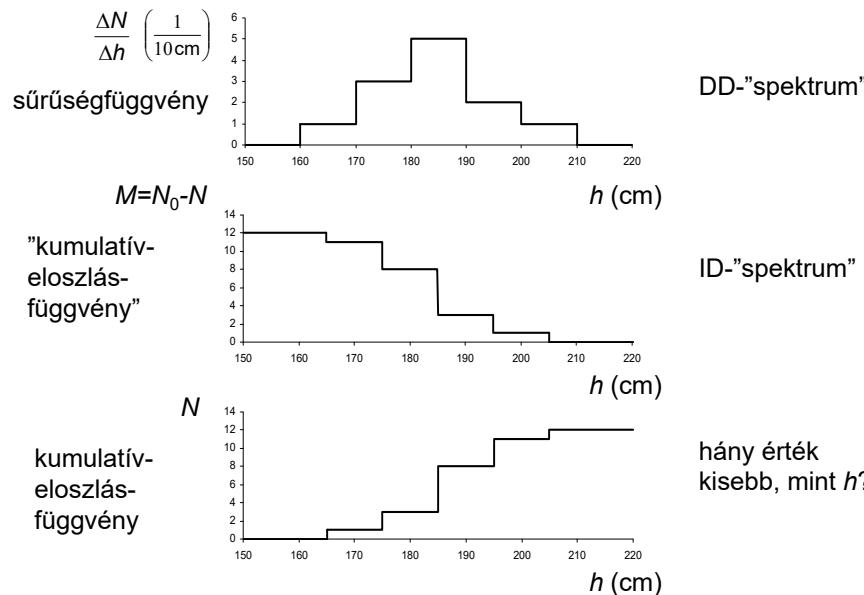


differenciáldiszkrimináció



34

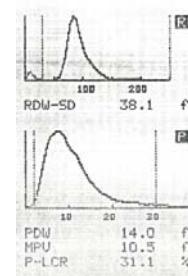
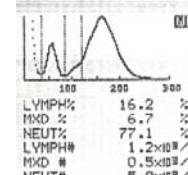
Eloszlásfüggvények és ID/DD "spektrumok"



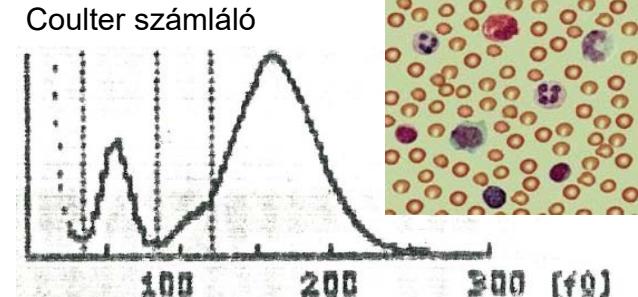
35

No.: 3524
 DATE: 93/ 3-30 09:22
 MODE: WHOLE BLOOD

WBC $7.5 \times 10^3 / \mu\text{l}$
 RBC $3.64 \times 10^6 / \mu\text{l}$
 HGB 11.8 g/dl
 HCT 33.1%
 MCV 90.9 fL
 MCH 32.4 pg
 MCHC 35.6 g/dl
 PLT $158 \times 10^3 / \mu\text{l}$



Fehérvérsejt koncentrációk



LYMPH%	16.2	%
MXD %	6.7	%
NEUT%	77.1	%
LYMPH#	$1.2 \times 10^3 / \mu\text{l}$	
MXD #	$0.5 \times 10^3 / \mu\text{l}$	
NEUT#	$5.8 \times 10^3 / \mu\text{l}$	