Medizinische Biophysik

7. Vorlesung 19.10.2022

Licht in der Medizin.

VII. Wechselwirkungen des Lichts mit der Materie

1. Reflexion

- a) Reflexionsgesetz:
- b) Reflexionskoeffizient (Reflektanz, Reflexionsgrad
- c) Reflexionsspektrum:

2. Streuung

- a) spektraler Streuungskoeffizient
- b) elastische Streuung (Rayleigh-Streuung, Mie-Streuung)
- c) dynamische Lichtstreuungsmessung:
- d) unelastische Streuung (Raman-Streuung)

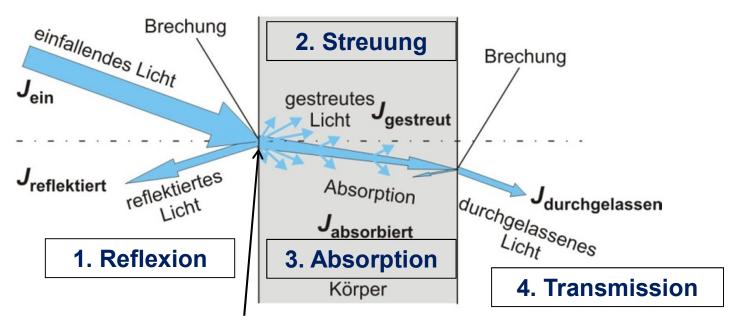
3. Absorption

- a) spektraler Absorptionskoeffizient
- b) Absorptionsspektrum
- c) Mechanismus:
- d) Schwächungsgesetz
- e) Schwächung und Absorption
- f) Anwendungen (Absorptionsspektrometrie, Lambert-Beer-Gesetz), Pulsoximetrie
- g) Aufbau eines Absorptionsspektrophotometers

4. Transmission

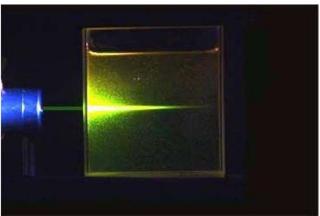
- a) spektraler Transmissionskoeffizient (Transmittanz)
- b) Transmissionsspektrum:

VII. Wechselwirkungen zwischen Licht und Materie



Die in den Körper eindringende Intensität ist J_0 : $J_0 = J_{\text{ein}} - J_{\text{reflektiert}}$



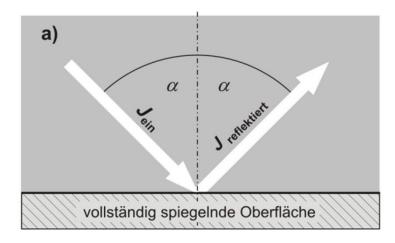


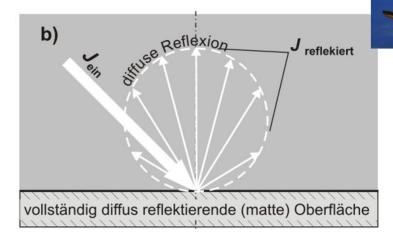


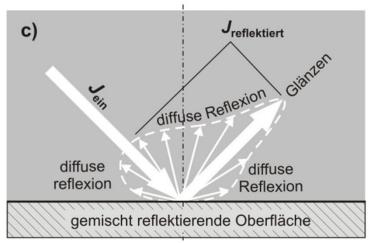


1. Reflexion

a) Reflexionsgesetz: $\alpha = \beta$







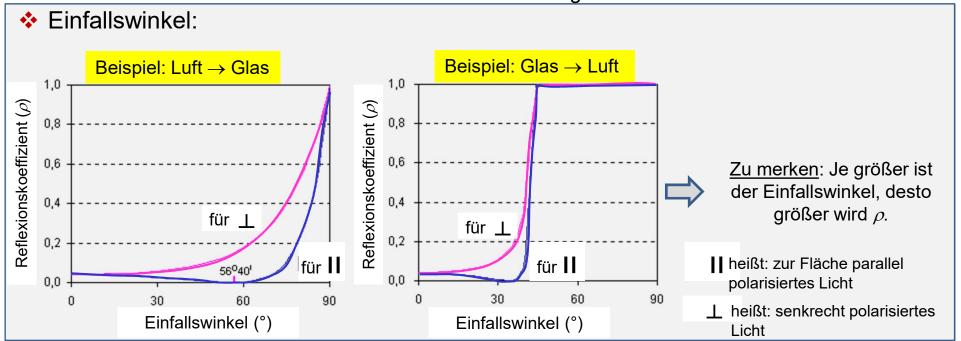


b) Reflexionskoeffizient (Reflexionsgrad, Reflektanz) ρ (auch R):

$$\rho = \frac{J_{\text{reflektiert}}}{J_{\text{einfallend}}}$$

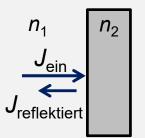
Der Reflexionskoeffizient ρ hängt von:

- dem Einfallswinkel
- dem Material
- der Wellenlänge ab.

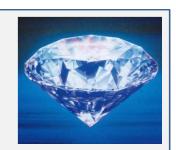


Material:

Beim senkrechten Einfall und für durchsichtige Stoffe:



$$\rho = \left(\frac{n_2 - n_1}{n_2 + n_1}\right)^2 \quad \left(= \left(\frac{c_1 - c_2}{c_1 + c_2}\right)^2 \right)$$

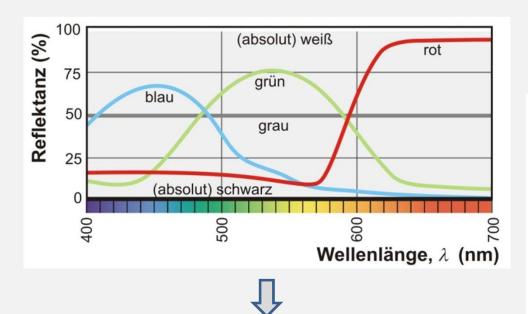


(s. später Ultraschallreflexion)

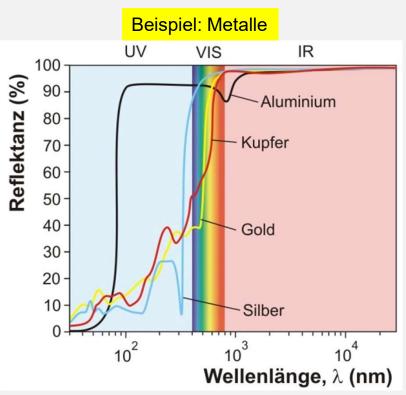
Wellenlänge:

• spektraler Reflexionskoeffizient $\rho(\lambda)$: $\rho(\lambda) = \frac{J_{\text{reflektiert}}(\lambda)}{J_{\text{einfallend}}(\lambda)}$

c) Reflexionsspektrum: ρ vs. λ







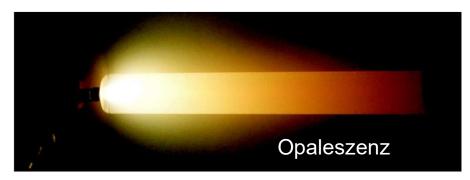
2. Streuung

a) spektraler Streuungskoeffizient $\sigma(\lambda)$: $\sigma(\lambda) = \frac{J_{\text{gestreut}}(\lambda)}{J_{\text{einfallend}}(\lambda)}$



b) elastische Streuung: $\lambda_{\text{einfallend}} = \lambda_{\text{gestreut}}$

Rayleigh-Streuung
(Größe der Streuteilchen d << λ)



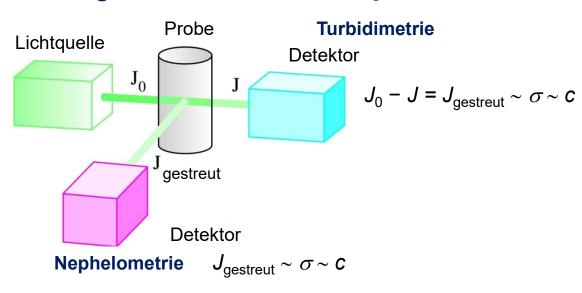
$$\sigma(\lambda) \sim \frac{d^6}{\lambda^4}$$

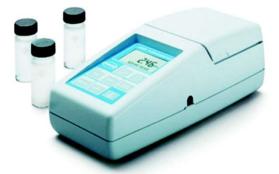
• Mie-Streuung (Größe der Streuteilchen $d \approx > \lambda$)



 $\sigma(\lambda)$ ist unabhängig von λ !

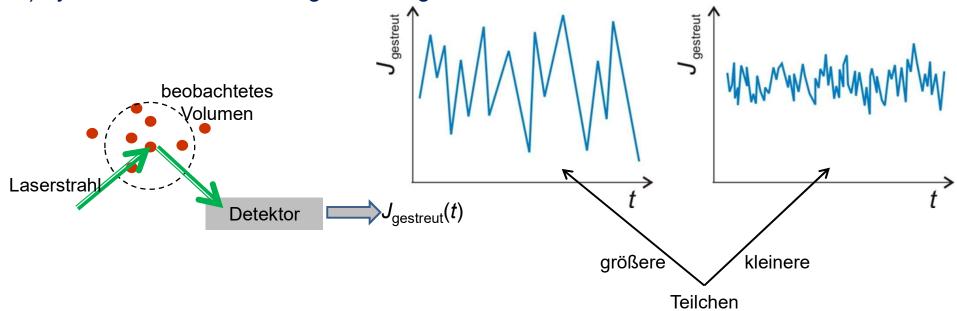
Anwendung: Konzentrationsbestimmung





z.B. Immunglobulinen

c) dynamische Lichtstreuungsmessung:



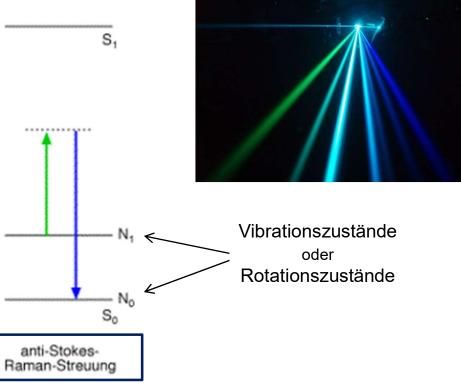
Anwendung: Bestimmung der Teilchengröße

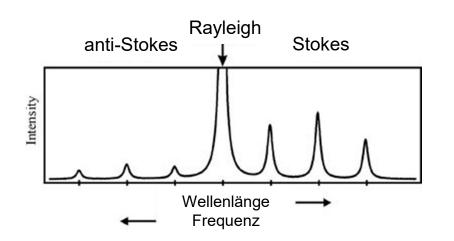
d) unelastische Streuung: $\lambda_{\text{einfallend}} \neq \lambda_{\text{gestreut}}$ $E_{\text{Molekül}} = E_{\text{Elektron}} + E_{\text{Vibration}} + E_{\text{Rotation}}$ Raman-Streuung S, Sı S₁

Rayleigh-Streuung

 N_0

So





So

Stokes-Raman-Streuung



3. Absorption

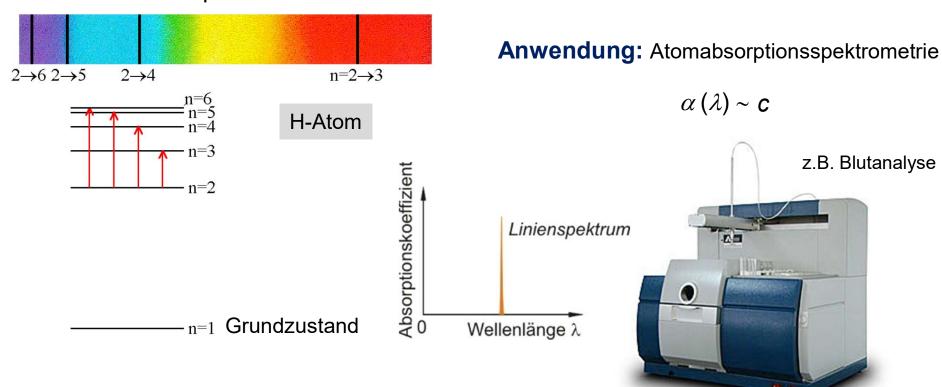
a) spektraler Absorptionsgrad $\alpha(\lambda)$:

 $\alpha(\lambda) = \frac{J_{\text{absorbiert}}(\lambda)}{J_{\text{einfallend}}(\lambda)}$

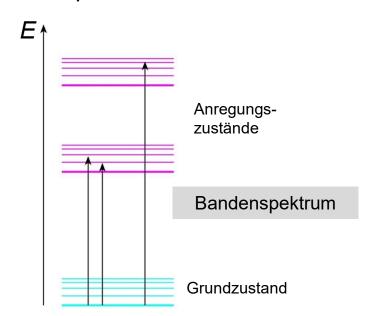
10

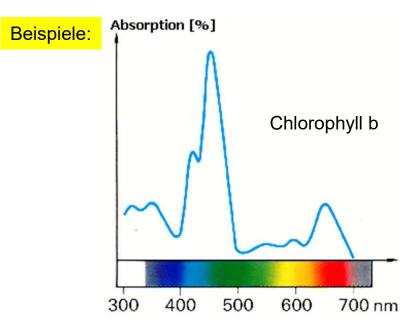
- b) Absorptionsspektrum: α vs. λ
- c) Mechanismus:

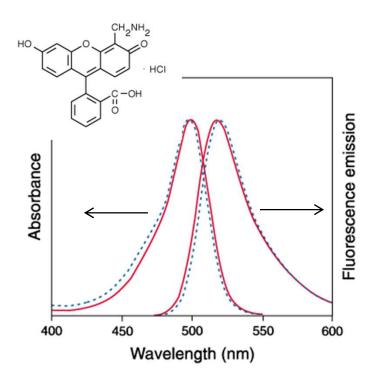
Absorption von Atomen:

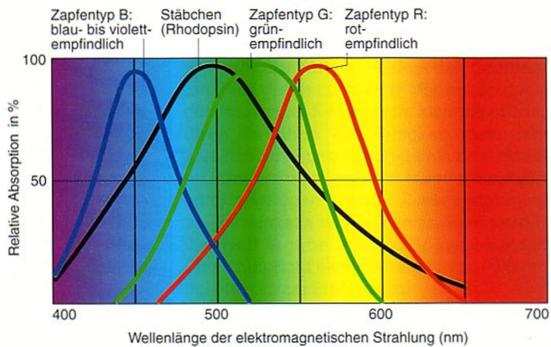


Absorption von Molekülen:

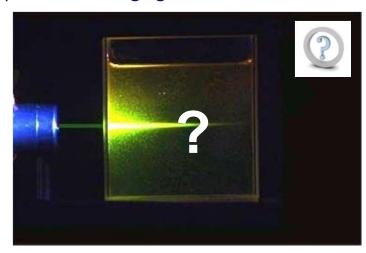








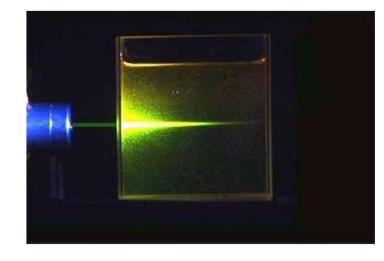
d) Scwächungsgesetz:



Anz.ahl d. Schichten	Intensität (Lux)

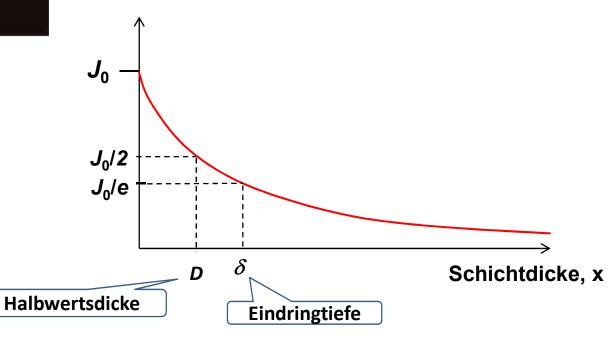
Schwächungsgesetz:

$$J = J_0 \cdot e^{-\mu x}$$



Linearer Schwächungskoeffizient (μ), Maßeinheit: 1/m

Intensität, J

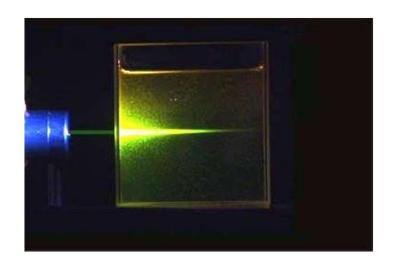


Halbwertsdicke (*D*): $D = \frac{\ln 2}{\mu}$

Eindringtiefe (δ): $\delta = \frac{1}{\mu}$

Schwächungsgesetz:
$$J = J_0 \cdot e^{-\mu x}$$

Gilt allgemein für elektromagnetische Str., mechanische Str., siehe später!

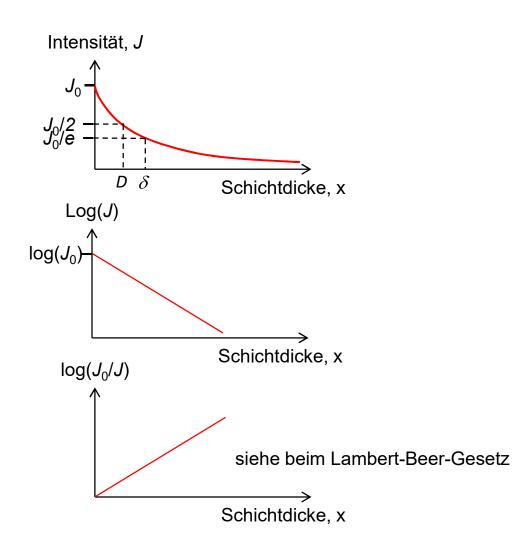


(dekadische) Extinktion (E) =

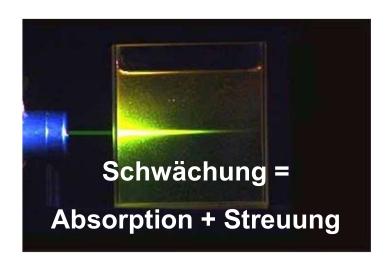
optische Dichte (OD):

(dimensionslose Zahl)

 $\lg \frac{J_0}{J}$



e) Schwächung und Absorption:



$$J = J_0 \cdot e^{-\mu x}$$

Linearer Schwächungskoeffizient (μ), Maßeinheit: 1/m

(enthält den linearen Absorptions- und Streuungskoeffizienten)

Wenn man nur die Absorption betrachtet:

$$J = J_0 e^{-a \cdot x}$$

• Absorbanz (A): $A = \lg \frac{J_0}{J}$ (dimensionslose Zahl)

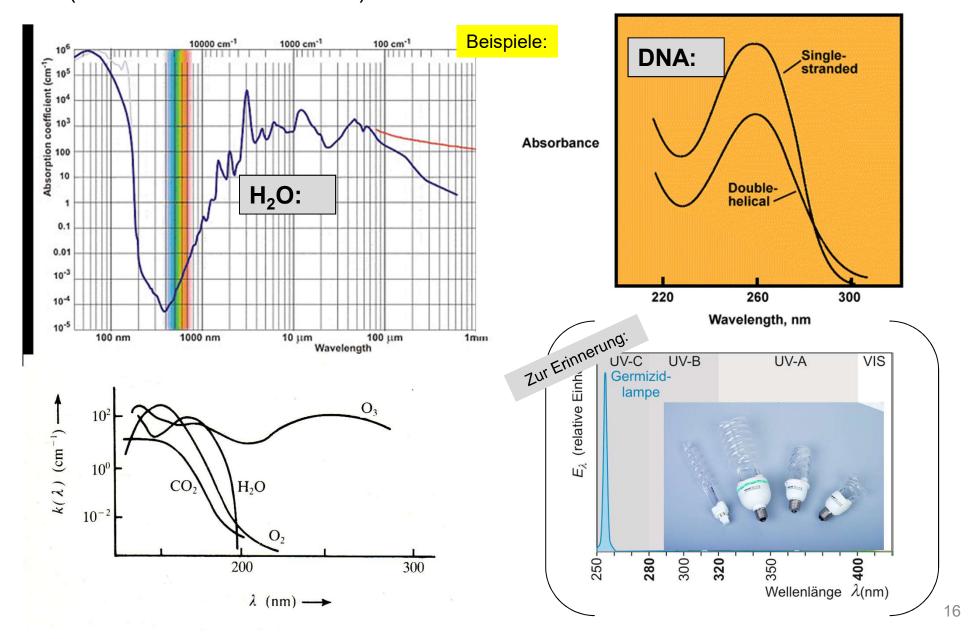
Linearer Absorptionskoeffizient (a), Maßeinheit: 1/m

(Charakterisiert nur die Absoprtion)

Oft spricht man über Absorbanz auch dann, wenn die Streuung nicht vernachlässigbar ist, wenn man also Extinktion sagen müsste:

Absorbanz = (dekadische) Extinktion (*E*) = optische Dichte (OD)

Absorbtionsspektrum: A vs. λ
(oder E vs. λ oder OD vs λ)

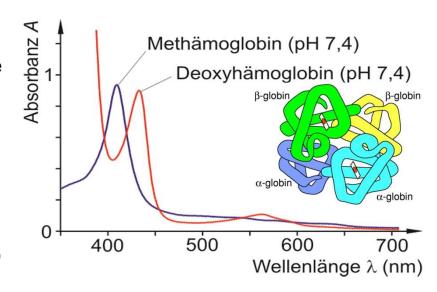


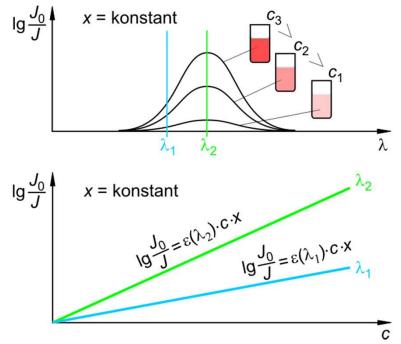
f) Anwendung: Absorptionsspektrometrie

Untersuchung von biologischen Makromoleküle

- Konzentrationsbestimmung
 - Lambert-Beer-Gesetz (für dünne Lösungen)

$$\lg \frac{J_0}{J} = \varepsilon(\lambda) \cdot c \cdot x$$



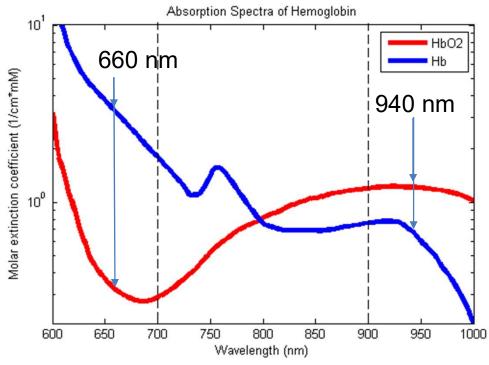


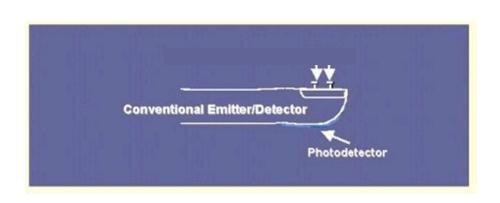
molarer Extinktionskoeffizient (ε), Maßeinheit: 1/(cm·mol/l)

Pulsoxymetrie

Bestimmung des Sauerstoffgehaltes von Gewebe

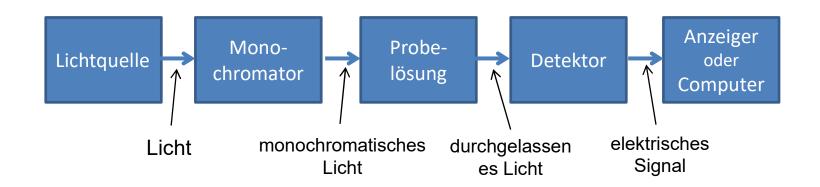


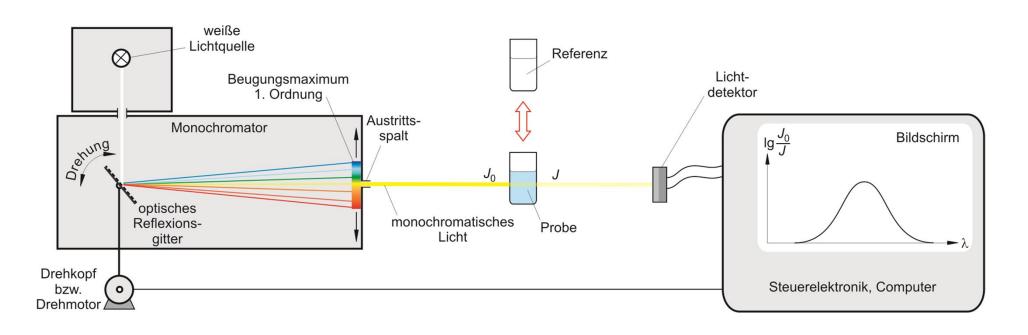






g) Aufbau eines Spektrophotometers:

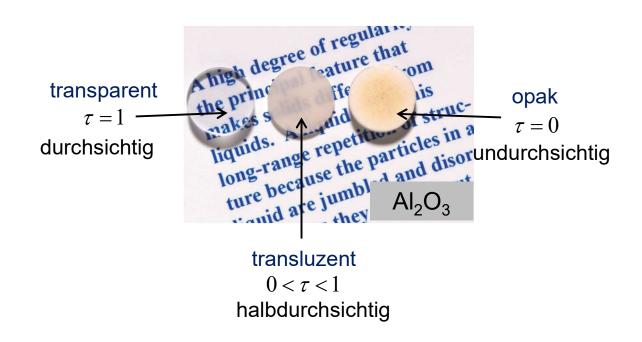




4. Transmission

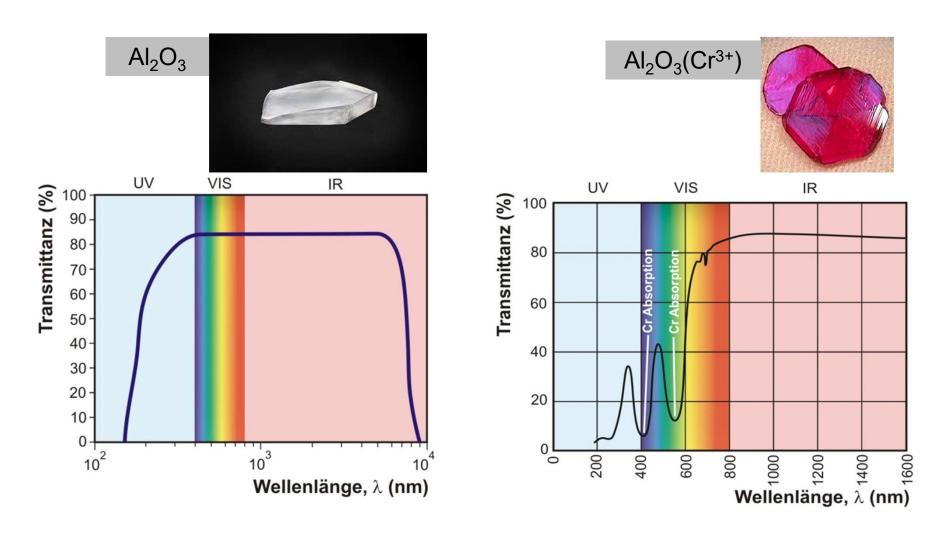
a) spektraler Transmissionskoeffizient $\tau(\lambda)$: (Transmittanz)

$$\tau(\lambda) = \frac{J_{\text{durchgelassen}}(\lambda)}{J_{\text{einfallend}}(\lambda)}$$



$$\rho(\lambda) + \sigma(\lambda) + \alpha(\lambda) + \tau(\lambda) = 1$$

b) Transmissionsspektrum: τ vs. λ



Bemerkung:
$$E = \lg \frac{J_0}{I} = \lg \frac{1}{\tau}$$

Zusammenfassung der für die Charakterisierung der Wechselwirkungen eingeführten Größen

Erscheinungen: Reflexion, Streuung, Absorption, Schwächung (=Streuung+Absorption), Transmission

 $J_{\rm ein}$, $J_{\rm reflektiert}$, J_0 (= $J_{\rm ein}$ - $J_{\rm reflektiert}$), $J_{\rm gestreut}$, $J_{\rm absorbiert}$, $J_{\rm durchgelassen}$ Intensitätswerte:

(spektrale) Koeffizienten:

- (spektraler) Reflexionskoeffizient (Reflektanz, Reflexionsgrad) $\rho(\lambda)$
- (spektraler) Streuungskoeffizient $\sigma(\lambda)$
- (spektraler) Absorptionskoeffizient $\alpha(\lambda)$
- (spektraler) Transmissionskoeffizient (Transmittanz) $\tau(\lambda)$

dimensionslose Quotienten $\rho(\lambda) + \sigma(\lambda) + \alpha(\lambda) + \tau(\lambda) = 1$

weitere Größen zur Absorption

- linearer Absorptionskoeffizient (a), Maßeinheit: 1/m
- Absorbanz (A), Maßeinheit: keine (dimensionslos)

weitere Größen zur Schwächung

- linearer Schwächungskoeffizient (μ), Maßeinheit: 1/m
- (dekadische) Extinktion (E) = optische Dichte (OD), Oft auch als Maßeinheit: keine (dimensionslos) Absorbanz genannt.
- molarer Extinktionskoeffizient (ε), Maßeinheit: 1/(cm·mol/l)

weitere Größen zur Absorption oder zur Schwächung

- Halbwertsdicke (D), Maßeinheit: m
- Eindringtiefe (δ), Maßeinheit: m

Hausaufgaben: Aufgabensammlung 2.62-72

